

**Zeitschrift:** Archives des sciences physiques et naturelles  
**Band:** 4 (1922)

**Artikel:** Sur les fusées d'horlogerie (4e note)  
**Autor:** Tiercy, G.  
**DOI:** <https://doi.org/10.5169/seals-742039>

### **Nutzungsbedingungen**

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. [Siehe Rechtliche Hinweise.](#)

### **Conditions d'utilisation**

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. [Voir Informations légales.](#)

### **Terms of use**

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. [See Legal notice.](#)

**Download PDF:** 07.10.2024

**ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>**

G. TIERCY. — *Sur les fusées d'horlogerie* (4<sup>e</sup> note).

1. — Reprenons l'équation générale de l'équilibre indifférent, dans le cas où le tambour  $T_2$  va l'emporter <sup>1</sup>:

$$\int_{\alpha_0}^{\alpha} M_1(\alpha) d\alpha - \int_{\omega_0}^{\omega} M_2(\omega) d\omega + \int_{\alpha_0, \omega}^{\alpha, \omega} [\varphi(\alpha) d\alpha + \psi(\omega) d\omega] = 0 ;$$

$$\int_{\omega_0}^{\omega} M_2 d\omega = \int_{\alpha_0}^{\alpha} M_1 d\alpha + [\Phi(\alpha)]_{\alpha_0}^{\alpha} = \int_{\alpha_0}^{\alpha} M_1 d\alpha + \xi \cdot (\alpha - \alpha_0) ,$$

où  $\xi$  est une petite quantité presque constante; et rappelons la solution de première approximation.

Posons  $|M_2| = k\omega$ ; pratiquement, on a sensiblement  $k = \frac{M_2}{\omega} = \text{constante}$ .

On obtient alors pour solution du problème:

$$\left\{ \begin{array}{l} \omega = \sqrt{\frac{2}{k} \int_{\alpha_0}^{\alpha} M_1 \left( d\alpha + \frac{2}{k} \right) (\alpha - \alpha_0) \xi + \omega_0^2} , \\ M_2 = - \sqrt{2k \left[ \int_{\alpha_0}^{\alpha} M_1 d\alpha + (\alpha - \alpha_0) \xi + \mathcal{E}_0 \right]} , \end{array} \right.$$

où  $\mathcal{E}$  représente l'énergie potentielle de  $T_2$ ;  $\mathcal{E} = \int k\omega d\omega = \frac{M_2^2}{2k}$ .

Soit maintenant le cas où  $M_1(\alpha) = \text{constante} = K$ . Si l'on considère  $\xi$  comme une constante, et si l'on prend  $\alpha_0 = \omega_0 = \mathcal{E}_0 = 0$ , on trouve:

$$\omega = \sqrt{\frac{2\alpha}{k} (K + \xi)} ; \quad M_2 = - \sqrt{2k\alpha(K + \xi)} = - k\omega .$$

On passe alors aisément aux équations de la fusée:

$$\left\{ \begin{array}{l} p(\alpha) = R \sqrt{\frac{K + \xi}{2k\alpha}} ; \\ t = \frac{\lambda^2 - p^2}{\sqrt{\lambda^2 - p^2 + p'(\alpha)}} , \quad \text{avec } \lambda^2 = l^2 - R^2 + 2Rp(\alpha) ; \end{array} \right. \quad (1)$$

<sup>1</sup> Pour les dessins et les notations, voir G. TIERCY. C. R. Soc. phys. et hist. nat. Genève, mars, mai, juillet 1921.

$p(\alpha)$  est la perpendiculaire abaissée de  $O_1$  sur le fil; et  $t$  est la longueur de fil libre, entre les points de tangence avec les deux courbes d'enroulement.

C'est là une solution correspondant aux données expérimentales; celles-ci, en effet, indiquent que  $\xi$  est très sensiblement une constante, de même que  $k$ .

Mais  $\xi$  et  $k$  ne sont pas rigoureusement des constantes; ce sont des fonctions de  $\alpha$ , presque constantes;  $\xi$  étant d'ailleurs très petite. Quelle est donc la correction à faire intervenir dans les formules de la fusée, pour une variation très faible de  $\xi$  et de  $k$  ?

2. — Occupons-nous d'abord de  $\xi$ . Partons du cas  $\xi =$  constante, donné par les formules (1); et désignons par  $\varepsilon$  la variation de  $\xi$ . Développant  $p$  en série, par rapport à  $\varepsilon$ , on obtient:

$$p'_\xi = \frac{p(\xi)}{2(K + \xi)} ; \quad p''_\xi = -\frac{p(\xi)}{4(K + \xi)^2} , \dots ;$$

$$p(\xi) = p(\xi_0) \cdot \left[ 1 + \frac{\varepsilon}{2(K + \xi_0)} - \frac{\varepsilon^2}{1.2 [2(K + \xi_0)]^2} + \dots \right] .$$

Or,  $\varepsilon$  est une fonction de  $\alpha$  extrêmement faible; on peut d'ailleurs concevoir qu'elle augmente avec  $\alpha$ ; en effet, lorsque  $\omega$  augmente, la tension du ressort devient plus grande, de même que la tension du fil; d'autre part  $p(\alpha)$  est plus petit. On peut donc écrire:

$$\varepsilon = \frac{\alpha^\mu}{m} ,$$

avec  $m$  suffisamment grand et  $\mu$  convenablement choisi.

D'où, en ne gardant que les deux premiers termes:

$$p(\xi) = p(\xi_0) \cdot \left[ 1 + \frac{\alpha^\mu}{2m(K + \xi_0)} \right] . \quad (2)$$

On voit que, si  $\varepsilon$  est positif,  $p(\alpha)$  devient un peu plus grand, ce qu'on devait prévoir.

3. — Voyons maintenant l'effet de la variation de  $k(\alpha)$ .

Soit  $\eta$  cette variation. On a :

$$p'_k = -\frac{p(k)}{2k} ; \quad p''_k = \frac{3p(k)}{(2k)^2} ; \quad \dots ;$$

$$p(k) = p(k_0) \cdot \left[ 1 - \frac{\tau_1}{2k_0} + \frac{3\tau_1^2}{1.2(2k_0)^2} - \dots \right].$$

Or,  $\eta$  est extrêmement faible. La théorie des ressorts montre que  $k$  est sensiblement constant, et que sa variation par tour de  $T_2$  est très petite. Ecrivons alors :

$$\tau_1 = \frac{\theta \alpha^{\frac{1}{\nu}}}{n},$$

avec  $\nu$  et  $n$  suffisamment grands, le facteur  $\theta$  pouvant être égal à l'unité; il pourrait être aussi une fonction de  $\alpha$ , d'abord croissante, puis décroissante; d'abord positive, puis négative, comprise entre  $+1$  et  $-1$ ; cela permettrait de tenir compte de l'hypothèse où  $k$  diminuerait, après avoir augmenté légèrement pendant un certain nombre de tours de  $T_1$ .

On obtient alors, en ne gardant que les deux premiers termes :

$$p(k) = p(k_0) \cdot \left[ 1 - \frac{\theta \cdot \alpha^{\frac{1}{\nu}}}{2nk_0} \right]. \quad (3)$$

On voit que, si la fonction  $k(\alpha)$  a augmenté, la fonction  $p(\alpha)$  a une valeur quelque peu inférieure à celle qu'elle avait dans le cas de  $k_0$ ; c'était à prévoir; le ressort est en effet plus puissant. La différence est de l'ordre de grandeur de  $\eta$ .

4. — Si  $\xi$  et  $k$  varient en même temps, on a, en ajoutant les deux variations :

$$p(\alpha, \xi, k) = p(\alpha, \xi_0, k_0) \cdot \left[ 1 + \frac{1}{2} \left( \frac{\alpha^{\frac{1}{\mu}}}{m(K + \xi_0)} - \frac{\theta \cdot \alpha^{\frac{1}{\nu}}}{nk_0} \right) \right]. \quad (4)$$

La correction est extrêmement petite; elle est, du moins, insensible pour nos instruments actuels; elle est donc, pour l'instant, négligeable, l'angle  $\alpha$  restant limité.

Les singularités de la fusée (4) sont d'ailleurs encore solutions des équations:

$$\left\{ \begin{array}{l} \sqrt{\lambda^2 - p^2} + p'(\alpha) = 0 ; \\ \lambda^2 - p^2 = 0 . \end{array} \right. \quad (5)$$

La première donne la valeur de  $\alpha$  correspondant à une asymptote; et l'on a déjà remarqué que  $\alpha$  ne peut devenir nul, c'est-à-dire qu'on ne peut pas poursuivre le mouvement jusqu'à débandement complet du ressort. La seconde équation (5) montre que la valeur  $\alpha_{\min}$  donne un point d'arrêt de la courbe.

La fusée issue de (4) présentera, comme en première approximation, une partie inutilisable.

#### Séance du 16 novembre 1922.

K. PONSE. — *Disparition et récupération des caractères sexuels secondaires mâles par castration et greffe chez Bufo vulgaris.*

Les caractères sexuels secondaires mâles du crapaud sont, d'une part, le réflexe à l'embrassement qui se manifeste au printemps et, d'autre part, la présence sur la face dorsale des trois premiers doigts d'excroissances caractéristiques. Celles-ci consistent dans la formation de papilles épidermiques surmontées de crochets cornés présentant une couleur noire plus ou moins intense; des glandes muco-séreuses d'un développement spécial accompagnent ces productions<sup>1</sup>. Normalement ces excroissances régressent depuis le moment de l'accouplement (mars, avril) jusqu'au mois de juillet, puis réapparaissent au mois d'août et persistent jusqu'au printemps suivant, présentant ainsi un rythme saisonnier très net.

Des recherches de HARMS sur le même animal, ont conduit l'auteur à la conclusion que l'organe de Bidder, spécial aux crapauds, jouerait un rôle important dans le déterminisme

<sup>1</sup> Présentation de photographies des coupes de ces excroissances pour chaque catégorie d'individus.