

**Zeitschrift:** Bulletin de l'Association suisse des électriciens  
**Herausgeber:** Association suisse des électriciens  
**Band:** 11 (1920)  
**Heft:** 2

**Artikel:** Eine neue Schaltung zur Umformung von Zweiphasen- in Dreiphasen-Wechselstrom und umgekehrt  
**Autor:** Sachs, K.  
**DOI:** <https://doi.org/10.5169/seals-1056284>

### **Nutzungsbedingungen**

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. [Siehe Rechtliche Hinweise.](#)

### **Conditions d'utilisation**

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. [Voir Informations légales.](#)

### **Terms of use**

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. [See Legal notice.](#)

**Download PDF:** 25.12.2024

**ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>**

# SCHWEIZ. ELEKTROTECHNISCHER VEREIN

# BULLETIN

## ASSOCIATION SUISSE DES ÉLECTRICIENS

Erscheint monatlich mit den Jahres-Beilagen „Statistik der Starkstromanlagen der Schweiz“ sowie „Jahresheft“ und wird unter Mitwirkung einer vom Vorstand des S. E. V. ernannten Redaktionskommission herausgegeben.

Alle den Inhalt des „Bulletin“ betreffenden Zuschriften sind zu richten an das

Generalsekretariat

des Schweiz. Elektrotechnischen Vereins,  
Neumühlequai 12, Zürich 1 - Telephon: Hottingen 37.08

Alle Zuschriften betreffend Abonnement, Expedition und Inserate sind zu richten an den Verlag:

Fachschriften-Verlag & Buchdruckerei A.-G.,  
Hirschengraben 80/82 Zürich 1 Telephon Hottingen 36.40

Publié sous la direction d'une Commission de Rédaction nommée par le Comité de l'A.S.E.

Ce bulletin paraît mensuellement et comporte comme annexes annuelles la „Statistique des installations électriques à fort courant de la Suisse“, ainsi que l'„Annuaire“.

Prière d'adresser toutes les communications concernant la matière du „Bulletin“ au

Secrétariat général

de l'Association Suisse des Electriciens  
Neumühlequai 12, Zurich 1 - Telephon: Hottingen 37.08

Toutes les correspondances concernant les abonnements, l'expédition et les annonces, doivent être adressées à l'éditeur:

Fachschriften-Verlag & Buchdruckerei S. A.  
Hirschengraben 80/82 Zürich 1 Téléphone Hottingen 36.40

Abonnementspreis  
für Nichtmitglieder inklusive Jahresheft:  
Schweiz Fr. 15.—, Ausland Fr. 25.—.  
Einzelne Nummern vom Verlage Fr. 1.50 plus Porto.

Prix de l'abonnement annuel (gratuit pour les membres de l'A.S.E.), y compris l'Annuaire Fr. 15.—  
pour la Suisse, Fr. 25.— pour l'étranger.  
L'éditeur fournit des numéros isolés à Fr. 1.50, port en plus.

XI. Jahrgang  
XI<sup>e</sup> Année

Bulletin No. 2

Februar 1920  
Février 1920

### Eine neue Schaltung zur Umformung von Zweiphasen- in Dreiphasen-Wechselstrom und umgekehrt.

Von Dr. K. Sachs, Baden.

Zur Umformung von verketteten oder unverketteten Zweiphasenstrom in dreiphasigen Wechselstrom und umgekehrt bediente man sich bis vor kurzem der unter dem Namen der Scott-Schaltung bekannten Anordnung, wobei zwei Einphasen-Transformatoren beispielsweise mit ihrer Primärwicklung je an den Klemmen des Zweiphasennetzes liegen, während die Sekundärwicklungen im Windungszahlverhältnis  $1 : \sqrt{\frac{3}{4}}$  so miteinander verbunden sind,

dass an drei verbleibenden Enden symmetrische Dreiphasenspannungen abgenommen werden können. Der Scott-Schaltung haften nun eine Reihe von Mängeln an. Wohl sind im Leerlauf die Spannungen auf der Drehstromseite gleich und bilden ein symmetrisches Dreiphasensystem, bei Belastung aber sind die drei Phasen hinsichtlich Spannungsabfall nicht gleichwertig, sodass sich einseitige Belastungen in sehr unangenehmer Weise fühlbar machen können. Besonders aber ist es die Notwendigkeit zwei Transformatoren, also zwei Apparate zur Umformung verwenden zu müssen, deren Einzelleistungen zusammen grösser sind als die Leistungen der ganzen Gruppe, die die Anordnung zu einer recht komplizierten und vor allem unverhältnismässig teuren machen. Es lag daher das Bestreben nahe, die Umformung statt in zwei Einphasen-Transformatoren in *einem Dreiphasen-Transformator* vor sich gehen zu lassen. Diese Aufgabe löst der Zweiphasen-Dreiphasen-Transformator der Gesellschaft für Elektrische Industrie A.-G. in Weiz<sup>1)</sup> mittels eines passend bewickelten Eisengestelles, dessen mittlerer Säulenquerschnitt im Verhältnis  $\sqrt{2} : 1$  grösser ist als der der beiden äusseren Säulen. Dieser Transformator ist also in seinem ganzen Aufbau ein Spezialtransformator, der sich mit seinen ungleichen Säulen, seinen auf verschiedenen Wicklungsdornen hergestellten Spulenzylindern nicht in die Normalfabrikation einfügen kann und sich

<sup>1)</sup> E. u. M. 1911, S. 487 f.

deshalb in der Herstellung kaum billiger stellen dürfte als die zwei Einphasen-Transformatoren der Scott-Gruppe. Er stellt für das vorliegende Problem wohl eine technisch wissenschaftlich nicht aber auch eine kommerziell und fabrikatorisch befriedigende Lösung dar. Die erste brauchbare Schaltung eines *normalen* Dreiphasen-Transformators zur Umformung von Dreiphasen- in Zweiphasenstrom haben wohl die *Bergmannwerke* in ihrem D.R.P. 231 443 angegeben. Gleichzeitig hat *F. Stern* einige Schaltungen veröffentlicht,<sup>1)</sup> die gleichfalls unter Verwendung eines normalen dreisäuligen Gestells denselben Zweck mit Hilfe von Kombinationen der Zickzackschaltung erreichen.

Im folgenden soll nun eine einfache Anordnung beschrieben werden, die Herr Obering. *J. Kübler* angegeben hat<sup>2)</sup> und die neben dem Vorteil grösserer Einfachheit namentlich hinsichtlich ihrer Umschaltmöglichkeiten von Interesse ist. Fig. 1 zeigt das prinzipielle Schema für die Umformung von Dreiphasenstrom in *verketteten* Zweiphasenstrom und umgekehrt und zwar in der üblichen Darstellungsweise, wobei die einzelnen Wicklungen in Richtung der in ihnen induzierten *EMK*fte aufgetragen erscheinen. Gezeichnet ist nur die sekundäre Wicklung, die bei Speisung der (in der Figur weggelassenen) dreiphasig in Stern oder Dreieck geschalteten Primärwicklung, an den Klemmen *U, V, (XY)* die Abnahme von verkettetem Zweiphasenstrom gestattet. Eine Säule des Transformators trägt die zwischen *U' - (XY)*, eine andere die zwischen *V' - (XY)* und die dritte die zwischen *U - U', U' - V'* und *V' - V* liegenden Windungen. Ist nun  $w_2$  die Windungszahl zwischen *U' - V'*, *(XY) - V'*, *(XY) - U'*, so werden bei primär dreiphasiger Speisung in den Wicklungen *U' - V'*, *(XY) - V'*, *(XY) - U'* gleiche und unter  $120^\circ$  phasenverschobene Spannungen induziert, deren Effektivwert  $E$  sein möge. Sollen nun an den Klemmen *(XY), V* bzw. *(XY), U* die Spannungen  $E_2$  unter einer gegenseitigen Phasenverschiebung von  $90^\circ$  als Phasenspannungen im verketteten Zweiphasensystem auftreten, so muss offenbar die Wicklung *U' - V'* auf der dritten Säule beidseitig über die Anschlusspunkte *U'* und *V'* hinaus, bis *U* bzw. *V* bewickelt werden, bis  $\sphericalangle \beta = 45^\circ$ . Dann ist aber  $\sphericalangle a = 15^\circ$  und die Windungszahl zwischen *V'* und *V*

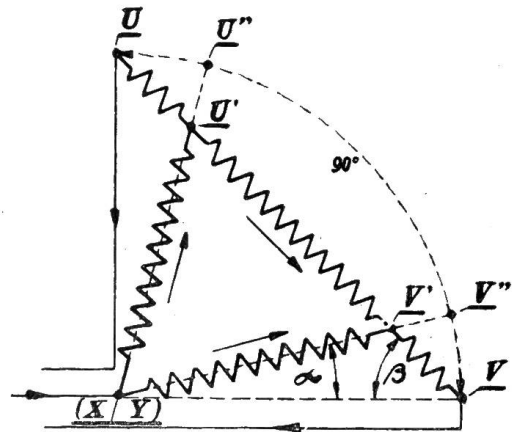


Fig. 1.

$$w_2' = \frac{\sin a}{\sin \beta} w_2 = \frac{\sin 15^\circ}{\sin 45^\circ} w_2$$

oder die Gesamtwindungszahl zwischen  $U - V = w_2 \sqrt{3}$  und damit  $w_2' = \frac{\sqrt{3}-1}{2} w_2$

Analog ist offenbar  $E_2 = E \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{2}}$ . Es ist nun weiters festzustellen, von welchen Strömen die einzelnen Wicklungselemente durchflossen werden. Da, wie wir gesehen haben, *(XY), U, V* zu den Klemmen des Zweiphasensystems mit *(XY)* als Verkettungspunkt werden, fließt bei *(XY)* der verkettete Zweiphasenstrom  $I_2 \sqrt{2}$  zu, der bei den Klemmen *U* und *V* in der Stärke  $I_2$  (Effektivwert) als abfließend angenommen werden kann. Damit ist aber die Stromverteilung schon festgelegt.  $U - U'$  und  $V - V'$  werden gleichfalls vom Strom  $I$  durchflossen, während  $I_2'$  und  $I_2''$  gegeneinander um  $60^\circ$  phasenverschoben und einander gleich sich geometrisch zum Strom  $I_2 \sqrt{2}$  addieren. Es ist daher  $I_2' = I_2'' = I_2 \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{3}}$

Man wäre auf den ersten Blick versucht, anzunehmen, die Wicklung *U' - V'* sei stromlos und könnte daher ebensogut weggelassen werden. Dem ist aber nicht so. Soll die Drei-

<sup>1)</sup> Helios (Export-Zeitschrift f. Elektrotechnik) 1911, S. 2199 f.

<sup>2)</sup> Schweiz. Patent No. 82 681.

phasenleistung symmetrisch und balanziert auf die Zweiphasenseite und umgekehrt übertragen werden, so muss zur Aufrechterhaltung des magnetischen Gleichgewichtes die Grösse der effektiven Ampèrewindungen pro Säule unter allen Umständen gleich und identisch sein, selbstredend unter Voraussetzung des streuungs- und widerstandsfreien Transformators. Ist  $i_3 w_3$  die Ampèrewindungszahl pro Phase auf der Drehstromseite, so lautet die Bestimmungsgleichung für die Grösse von  $I_2'''$  unter Berücksichtigung, dass der Strom  $I_2$  in  $U - U'$  gegen  $I_2$  in  $V - V'$  um  $90^\circ$  phasenverschoben ist:

$$i_3 w_3 + I_2' w_2 = i_3 w_3 + I_2''' w_2 + \frac{2}{\sqrt{2}} I_2 \frac{\sqrt{3}-1}{2} w_2 \tag{1}$$

$$I_2''' = \frac{\sqrt{3}-1}{\sqrt{6}} I_2 = \sim 0,3 I_2 \tag{2}$$

$U' - V'$  hat also die Rolle einer Ausgleichwicklung, deren Ampèrewindungen die symmetrische Umformung von Dreiphasen- in Zweiphasenstrom und umgekehrt erst ermöglichen.

Es bleibt nun noch die Frage zu beantworten, welches dreiphasige Normal-Modell (Eisengestell) in unserem Fall für eine bestimmte sekundäre Drehstromleistung in  $kVA$  zu wählen ist. Massgebend hierfür ist die Grösse der Verluste bei Bewicklung des dreisäuligen Gestells als Zweiphasen-Dreiphasen-Transformator. Im ersteren Falle sind die Kupferverluste, wenn  $r_2$  den Ohmschen Widerstand der  $w_2$  Windungen zwischen  $(XY) - U'$  oder  $(XY) - V'$ ,  $r_3$  den der sekundären Drehstromwicklung pro Phase bedeutet, in den beiden gleichwertigen Schenkeln  $(XY) - U'$  oder  $(XY) - V'$  je

$$\frac{2}{3} I_2^2 r_2 + i_3^2 r_3^2 = \frac{4}{3} I_2^2 r_2 \tag{3}$$

und in dem die Wicklungen  $U - U'$ ,  $U' - V'$  und  $V' - V$  tragenden Schenkel mit den Ohmschen Widerständen  $r_2'$ ,  $r_2'''$  und  $r_2'' = r_2'$

$$W_{23} = I_2^2 r_2' + I_2'''^2 r_2''' + I_2^2 r_2' + i_3^2 r_3$$

Nun ist offenbar

$$r_2 : r_2' = \frac{w_2}{I_2} \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{2}} : w_2 \frac{\sqrt{3}-1}{2} \frac{1}{I_2}$$

und damit

$$r_2' = r_2'' = r_2 \frac{\sqrt{3}-1}{2} \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{3}-1}{\sqrt{6}} r_2 \tag{4}$$

ferner ist

$$r_2''' : r_2 = I_2 \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{3}} : I_2 \frac{\sqrt{3}-1}{\sqrt{6}}$$

und

$$r_2''' = r_2 \frac{2}{\sqrt{3}-1} \tag{5}$$

Es sind daher die Kupferverluste im 3. Schenkel unter Berücksichtigung der Gleichungen (3) (4) und (5):

$$W_{23} = I_2^2 r_2 \frac{2 + (\sqrt{3}-1)(\sqrt{6}+1)}{3} \tag{6}$$

also im Verhältnis  $\frac{2 + (\sqrt{3}-1)(\sqrt{6}+1)}{4} = 1,13$  grösser als in jedem der beiden anderen Schenkel. Die Kupferverluste in diesem dritten Schenkel entsprechen also gewissermassen einem  $\sqrt{1,13} = 1,07$  fach grösseren Strom d. h. auch einer um 7% grösseren

Leistung. Soll also eine gegebene Leistung von  $A$   $kVA$  in vorliegender Schaltung von Zweiphasenstrom in Dreiphasenstrom umgeformt werden, so ist aus der Liste der normalen Drehstromtransformatoren ein Modell von 1,07  $A$  d. h. wohl im allgemeinen die nächst grössere Type zu wählen. Ist deren Listenleistung  $A_n$ , so kann sie als Umformertype bis zu einer Leistung von  $\frac{1}{1,07} A_n = 0,935 A_n$  verwendet werden, wobei die Kupferverluste der Leistung  $A_n$  entsprechen.

Die den Gleichungen (3), (4) und (5) zugrunde liegende Voraussetzung der Proportion zwischen den Ohmschen Widerständen primär und sekundär und den zugehörigen Windungszahlen, ist bei Scheibenwicklung mit gleicher mittlerer Windungslänge ohne weiteres, bei Röhrenspulen dann erfüllt, wenn die spezifische Strombelastung mit wachsender Windungslänge abnimmt.

Die beschriebene Anordnung gestattet noch eine interessante Umschaltmöglichkeit, die aus folgenden Gründen von Bedeutung ist.

Bei den in den neunziger Jahren des letzten, und den ersten Jahren dieses Jahrhunderts, namentlich in der Schweiz und in Oesterreich gebauten Zweiphasen-Zentralen mit zwei- oder dreiphasigem Sekundärnetz, denen häufig eine Frequenz von 40 zugrunde gelegt wurde, macht

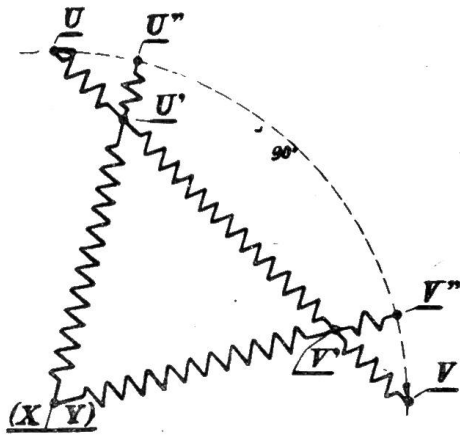


Fig. 2.

(Fig. 2) und schaltet weiter zwischen  $U''$  und  $V''$  die auf der dritten Säule zwischen  $U - V$  liegenden Wicklungen (Fig. 1) unter Lösung der Verbindungen bei  $U'$  und  $V'$  so, dass das mit  $U$  bezeichnete Wicklungsende mit  $U''$ , das mit  $V$  bezeichnete Wicklungsende mit  $V''$  zusammenfällt (Fig. 2) und zwischen die nun freien Enden die in zwei parallele Gruppen geschaltete Wicklung  $U' V'$  zu liegen kommt, so entsteht ein fast genau gleichseitiges Wicklungs- und damit Spannungsdreieck (Fig. 3), in dem jetzt

$$[(XY) - U''] = [(XY) - V''] = \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{2}} w_2 = 1,225 w_2 = \sim \frac{50}{40} w_2 = \sim E_3 \quad (7)$$

$$[U'' - V''] = \frac{1}{2} w_2 + w_2(\sqrt{3} - 1) = w_2(\sqrt{3} - \frac{1}{2}) = 1,232 w_2 = \sim \frac{50}{40} w_2 = \sim E_3 \quad (8)$$

Der Transformator ist also bei Anschluss an ein 50 periodiges Dreiphasennetz, dessen Spannung im Verhältnis von  $\frac{50}{40}$  grösser ist als die Phasenspannung des alten Zweiphasenprimärnetzes wieder gleich gesättigt. Die für konstante Sekundärspannung notwendig werdende Reduktion der Sekundärwindungszahl im Verhältnis  $\frac{40}{50}$  wird man zweckmässigerweise folgendermassen vornehmen. Man wird die Sekundärwindungszahl  $w_3$  von vornherein

zusammensetzten aus  $\frac{4}{5} w_3$  Windungen mit dem vollen Leiterquerschnitt entsprechend  $i_3$  Ampère und vier parallelen Gruppen bestehend aus je  $\frac{1}{5} w_3$  Windungen mit einem Leiterquerschnitt entsprechend einem Strom von  $\frac{i_3}{4}$ . Beim Uebergang auf 50 periodigen Betrieb werden die vier Gruppen mit je  $\frac{1}{5} w_3$  in Serie und mit den  $\frac{4}{5} w_3$  Windungen parallel geschaltet. War  $r_3$  der Ohmsche Widerstand pro Phase für die Wicklungskombination für 40 Perioden, so ist nach Umschaltung in der angegebenen Weise bei 50 Perioden der

Ohmsche Widerstand  $r_3'$  offenbar gleich  $\frac{16}{25} r_3$ .

Wie verhalten sich nun die Kupferverluste beim Zweiphasenbetrieb und späteren Anschluss an das Dreiphasennetz? Beim Zweiphasenbetrieb mit der Spannung  $E_2$  pro Phase waren die Kupferverluste nach den Gleichungen (3) und (6):

$$\Sigma W_2 = \frac{8}{3} I_2^2 r_2 + I_2^2 r_2 \frac{2 + (\sqrt{3} - 1)(\sqrt{6} + 1)}{3}$$

Nach erfolgter Umschaltung entsprechend Fig. 3 werde derselbe Transformator an ein Dreiphasennetz mit der Spannung  $E_3$  angeschlossen, wobei  $E_3 = \frac{50}{40} E_2$ .

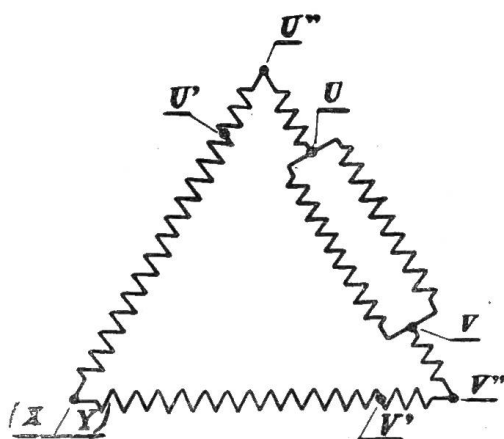


Fig. 3.

Ferner sei angenommen, dass die Wicklungen  $U' - U''$

und  $V' - V''$  mit demselben Leiterquerschnitt ausgeführt seien, wie die Wicklungen  $(XY) - U'$  und  $(XY) - V'$ . Bei gleichmässiger Belastung der drei Phasen werden diese nunmehr vom Strom  $I_3$  durchflossen, der in der Wicklung  $(XY) - U''$  und  $(XY) - V''$  je folgende Verluste erzeugt:

$$W_{3,1} = W_{3,2} = I_3^2 r_2 + I_3^2 r_2 \left( \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{2}} - 1 \right) + i_3'^2 r_3' \tag{9}$$

Dabei ist  $I_3$  der Primärstrom pro Phase,  $i_3'$  der Sekundärstrom pro Phase.  $i_3'$  ergibt sich aus der Gleichheit der Ampèrewindungen primär und sekundär. Es ist

$$I_3 \left[ w_2 + w_2 \left( \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{2}} - 1 \right) \right] = i_3' \frac{40}{50} w_3$$

und daraus

$$i_3' = \frac{5}{4} \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{2}} \frac{w_2}{w_3} I_3 = \sim 1.53 I_3 \frac{w_2}{w_3} \tag{10}$$

Nur war aber bei primärem Zweiphasenanschluss nach Gleichung (3)

$$i_3^2 r_3 = \frac{2}{3} I_2^2 r_2 \tag{11}$$

und ferner nach dem Prinzip der Gleichheit der Ampèrewindungen

$$i_3 w_3 = \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{3}} I_2 w_2 \tag{12}$$

Damit schreibt sich Gleichung (10)

$$i_3' = \frac{5}{4} \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{2}} \frac{I_3}{I_2} \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{2}} i_3 = \frac{15}{8} \frac{I_3}{I_2} i_3 \tag{13}$$



und Gleichung (13) in (9) eingesetzt ergibt

$$W_{31} = W_{32} = I_3^2 r_2 \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{2}} + \frac{9}{4} \frac{I_3^2}{I_2^2} i_3^2 r_3$$

oder mit Benützung von Gleichung (11)

$$W_{31} = W_{32} = I_3^2 r_2 \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{2}} + \frac{3}{2} I_3^2 r_2 = I_3^2 r_2 \frac{\sqrt{6} + 3}{2} = \sim 2,72 I_3^2 r_2 \quad (14)$$

Sollen also die Kupferverluste der Säule (XY) —  $U'$  oder (XY) —  $V'$  beim Zweiphasenbetrieb (Fig. 1) gleich sein den Kupferverlusten der Säule (XY) —  $U''$  oder (XY) —  $V''$  beim Dreiphasenbetrieb (Fig. 3), dann kann

$$\frac{4}{3} I_2^2 r_2 = \frac{\sqrt{6} + 3}{2} I_3^2 r_2$$

und damit

$$I_3 = \frac{2\sqrt{2}}{\sqrt{3}(\sqrt{6} + 3)} I_2 = \sim 0,699 I_2 \quad (15)$$

sein. Die Kupferverluste in der dritten Säule (Wicklung  $U'' - V''$ ) sind bei Dreiphasenbetrieb (Fig. 3) unter Benützung der früheren Bezeichnungen:

$$\begin{aligned} W_{33} &= 2 I_3^2 r'_2 + I_3^2 \frac{r_2'''}{4} + i_3'^2 r_3' = 2 I_3^2 r_2 \frac{\sqrt{3} - 1}{\sqrt{6}} + I_3^2 r_2 \frac{1}{2(\sqrt{3} - 1)} + \frac{3}{2} I_3^2 r_2 \\ &= 2,78 I_3^2 r_2 \quad (16) \end{aligned}$$

Gleichheit der Verluste beim Zweiphasen- und Dreiphasenbetrieb ergibt für die dritte Säule ( $U'' - V''$  in Fig. 3) nach den Gleichungen (6) und (16)

$$I_2^2 r_2 \frac{2 + (\sqrt{3} - 1)(\sqrt{6} + 1)}{3} = 2,78 I_3^2 r_2$$

$$I_3 = I_2 \sqrt{\frac{1,5}{2,78}} = \sim 0,728 I_2 \quad (17)$$

Die beiden anderen Säulen mit dem maximal zulässigen Dreiphasenstrom nach Gleichung (15) sind also für die maximale Drehstromleistung bei 50 Perioden, wobei

$$E_3 = \frac{50}{40} E_2, \text{ massgebend. Diese ergibt sich demnach zu:}$$

$$3 E_3 I_3 = 3 \frac{50}{40} E_2 \cdot 0,699 I_2 = 1,3 (2 E_2 I_2) \quad (18)$$

also zu 30% grösser als bei 40 periodigem Zweiphasenbetrieb.

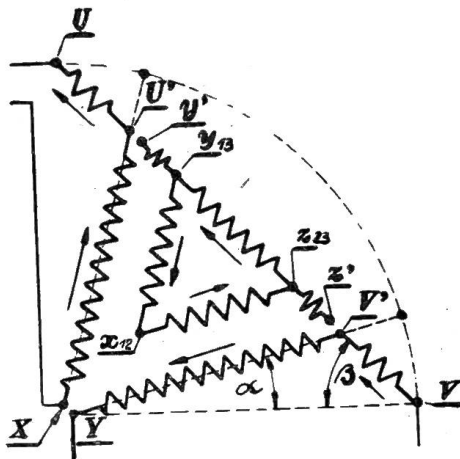


Fig. 4.

In einer etwas abweichenden Weise erfolgt die Umformung von *unverketteten Zweiphasenstrom* in Dreiphasenstrom und umgekehrt (Fig. 4). Der Verkettungspunkt bei XY wird aufgeschnitten und die eine Phase des Zweiphasensystems bei  $U - X$ , die andere bei  $Y - V$  angeschlossen. Ist  $E_2$  die Spannung pro Phase, dann werden bei der Uebertragungsleistung  $A$  in kVA die Wicklungsteile  $U - U'$ ,  $U' - X$ ,  $Y - V'$ , und  $V' - V$  vom gleichen Strom  $I_2 = \frac{1000 A}{2 E_2}$  durchflossen, dessen Richtung für einen gegebenen Zeitmoment in Fig. 4 eingetragen erscheint.

Ist wieder  $w_2$  die Windungszahl zwischen  $U' - X$  bzw.  $V' - Y$ , dann muss wieder analog den früheren Darlegungen in Uebereinstimmung mit Fig. 1  $w_2'$  die Windungszahl zwischen  $U - U'$  bzw.  $V' - V$  gleich sein:

$$w_2' = \frac{\sin \alpha}{\sin \beta} ; w_2 = \frac{\sqrt{3}-1}{2} w_2$$

Die vom zugeführten Zweiphasenstrom auf den einzelnen Schenkeln erzeugten effektiven Ampèrewindungen sind dann zwischen  $U' - X$  bzw.  $V' - Y$  je  $I_2 w_2$  und auf dem dritten Schenkel unter Berücksichtigung, dass die die Wicklungen  $U - U'$  und  $V' - V$  durchfließenden Ströme um  $90^\circ$  phasenverschoben sind,  $I_2 w_2 \frac{\sqrt{3}-1}{\sqrt{2}}$ . Die Ampèrewindungs-

zahl ist also auf diesem dritten Schenkel wesentlich kleiner als auf jedem der beiden andern Schenkel, eine symmetrische Leistungsübertragung von der Zweiphasen- auf die Dreiphasenseite (die dreiphasige Sekundärwicklung ist auch in Fig. 4 weggelassen) ist in dieser Form noch unmöglich. Zur Erzielung des magnetischen Gleichgewichtes muss also auf dem Transformator eine in Dreieck geschaltete, in sich kurzgeschlossene Ausgleichswicklung  $x_{12} - y_{13} - z_{23}$  aufgebracht werden, deren Ampèrewindungszahl pro Schenkel =  $I_a w_a$  sich unmittelbar unter Berücksichtigung der in Fig. 4 eingezeichneten Stromrichtung aus folgender Bestimmungsgleichung ergibt. Es ist offenbar

$$I_2 w_2 - I_a w_a = I_2 w_2 \frac{\sqrt{3}-1}{\sqrt{2}} + I_a w_a \tag{19}$$

und damit

$$I_a w_a = I_2 w_2 \frac{1 + \sqrt{2} - \sqrt{3}}{2 \sqrt{2}} = \sim 0,241 I_2 w_2 \tag{20}$$

Man wird im allgemeinen die Windungszahl  $w_a$  nicht zu hoch wählen, um nicht zu hohe Spannungen in die Ausgleichswicklung zu bekommen. Für den früher bereits erwähnten Fall, dass der Transformator später für primären 50 periodigen Dreiphasenanschluss unter gleichzeitiger Erhöhung der Spannung im Verhältnis  $\frac{50}{40}$  vorzusehen ist, wird man zweck-

mässigerweise die Windungszahl  $w_a$  der Ausgleichswicklung so wählen, dass sie bei dreiphasigem Anschluss zur Ergänzung der Wicklungen  $X - U'$  und  $Y - V'$  auf den  $1,25 = \sim \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{2}}$  fachen Betrag der Windungszahl dieser Wicklungen gerade ausreicht, d. h. man wird  $w_a$  gleich machen der Windungszahl der Wicklung  $U' - U''$  bzw.  $V' - V''$

$$w_a = \frac{\sqrt{3} - \sqrt{2}}{\sqrt{2}} w_2 = \sim 0,225 w_2 \tag{21}$$

damit wird nach (20) der Strom in der Ausgleichswicklung

$$I_a = \frac{0,241}{0,225} I_2 = 1,07 I_2 \tag{22}$$

Die Wahl der Windungszahl  $w_a$  der Ausgleichwicklung nach Gleichung (23) hat also überdies den Vorteil, sie wegen der geringen Verschiedenheit von  $I_a$  und  $I_2$  mit gleichem Kupferquerschnitt wie die primäre Zweiphasenwicklung  $w_2$  auszuführen, was fabrikationstechnisch von Wert ist. Der Schenkel  $U - V$  muss bei Dreiphasenanschluss nun gleichfalls die totale Windungszahl  $w_2 \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{2}}$  erhalten. Diese setzt sich zusammen aus den Windungszahlen der



Wicklungen  $U-U'$  und  $V-V'$  mit je  $w_2 \cdot \frac{\sqrt{3}-1}{2}$  Windungen, aus der Wicklungszahl  $w_a$  der Ausgleichswicklung, die wir nach Gleichung (21) zu  $\frac{\sqrt{3}-\sqrt{2}}{\sqrt{2}} \cdot w_2$  ermittelt haben und einer beim Zweiphasenbetrieb unbenützten Ergänzungswindungszahl  $w_x$  (in Fig. 4 ist  $y' - y_{13}$  und  $z' - z_{23}$  je  $\frac{w_x}{2}$ ) deren Grösse sich wie folgt ergibt:

$$w_2 \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{2}} - w_2(\sqrt{3}-1) - w_2 \frac{\sqrt{3}-\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = w_x \quad (23)$$

$$w_x = w_2(2 - \sqrt{3}) = 0,268 w_2 \quad (24)$$

$w_x$  erhält selbstredend den gleichen Leiterquerschnitt wie  $w_a$ , sodass auch  $r_x = r_a \frac{w_x}{w_a}$  oder wenn  $w_a$  mit gleichem Leiterquerschnitt wie  $w_2$  ausgeführt wird, ist

$$r_x = r_2(2 - \sqrt{3}) \quad (24a)$$

Auch hier ist zu untersuchen, welches dreiphasige Normalmodell gewählt werden muss, um eine gegebene Leistung von  $A$  kVA in Form von Zweiphasenstrom in der neuen Schaltung nach Fig. 4 in Dreiphasenstrom umzuformen. Ist  $r_2$  der Ohmsche Widerstand der  $w_2$  Windungen zwischen  $X-U'$  bzw.  $Y-V'$ , so ist  $r_2'$  der Ohmsche Widerstand der Wicklung  $U-U'$  oder  $V-V'$  mit  $w_2'$  Windungen, wobei  $w_2' = w_2 \frac{\sqrt{3}-1}{2}$ , offenbar auch  $r_2' = r_2 \frac{\sqrt{3}-1}{2}$  und analog  $r_a$  der Ohmsche Widerstand von  $w_a$  Windungen der

Ausgleichswicklung mit gleichem Leiterquerschnitt nach Gleichung (21)  $r_a = \left(\frac{\sqrt{3}}{\sqrt{2}} - 1\right) r_2$ .

Damit werden, wenn  $I_2$  der Strom in den Wicklungen  $U-U'$ ,  $U'-X$  bzw.  $V-V'$ ,  $V'-Y$ ,  $i_3$  den Strom in der dreiphasigen Sekundärwicklung vom Ohmschen Widerstand  $r_3$  pro Phase bedeutet, die Kupferverluste in den beiden gleichwertigen Schenkeln unter Berücksichtigung der Gleichungen (22), (23) und (24) je:

$$W_{2_1} = W_{2_2} = I_2^2 r_2 + I_a^2 r_a + i_3^2 r_3 = 2 I_2^2 r_2 + \frac{(1 + \sqrt{2} - \sqrt{3})^2}{4\sqrt{2}(\sqrt{3} - \sqrt{2})} I_2^2 r_2 = \sim 2,24 I_2^2 r_2 \quad (25)$$

Im Schenkel  $U-V$  sind die Kupferverluste:

$$\begin{aligned} W_{2_3} &= 2 I_2^2 r_2' + I_a^2 r_a + i_3^2 r_3 = I_2^2 r_2 (\sqrt{3}-1) + \frac{(1 + \sqrt{2} - \sqrt{3})^2}{4\sqrt{2}(\sqrt{3} - \sqrt{2})} I_2^2 r_2 + I_2^2 r_2 \\ &= I_2^2 r_2 \frac{7\sqrt{2} - 5\sqrt{3} - \sqrt{6} + 3}{2\sqrt{2}(\sqrt{3} - \sqrt{2})} = \sim 2,03 I_2^2 r_2 \end{aligned} \quad (26)$$

Bei der Schaltung nach Fig. 4 für unverketteten Zweiphasenstrom sind es also im Gegensatz zur Schaltung nach Fig. 2 für verketteten Zweiphasenstrom die Schenkel  $U'-X$  und  $V'-Y$  die mit ihren rund 13% betragenden Mehrverlusten den Ausschlag geben und die Wahl der Type bedingen. Aus der Liste der normalen Drehstromtransformatoren ist also wieder ein Modell von  $\sqrt{1,13} = 1,07$  facher Leistung zu wählen.

Wie bereits erwähnt, wird mit Rücksicht auf die später notwendig werdende Umschaltung für 50 periodigen Dreiphasenbetrieb und im Verhältnis  $\frac{50}{40}$  erhöhter Klemmen-

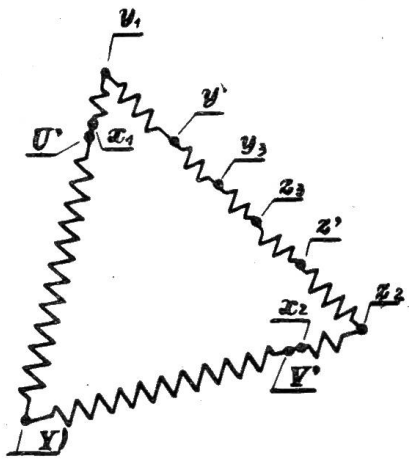


Fig. 5.

spannung die Windungszahl  $w_a$  gleich gewählt der Windungszahl der Wicklung  $U' - U''$  bzw.  $V' - V''$  (Fig. 2). Die Umschaltung der Anordnung nach Fig. 4 für Dreiphasenanschluss erfolgt dann in der Weise, dass die Verkettungspunkte der Ausgleichwicklung  $x_{12}, y_{13}, z_{23}$  (Fig. 4) in die Anfangs- bzw. Endpunkte  $x_1 x_2, y_1 y_3, z_2 z_3$  aufgelöst werden und  $x_1 - y_1$  an  $U'$ ,  $x_2 - z_2$  an  $V'$  angeschlossen wird (Fig. 5). Die dritte Säule besteht aus den Wicklungen  $y_1 - y'$  und  $z_2 - z'$  (Fig. 5) je gleich  $U - U'$  bzw.  $V - V'$  in Fig. 4, aus  $y_3 - z_3$  (Fig. 5) =  $y_{13} - z_{23}$  (Fig. 4) und aus der Ergänzungswicklung  $y' - y_3$  und  $z' - z_3$  gleich  $y' - y_{13}$  bzw.  $z' - z_{23}$ .

Bei einem Vollaststrom von  $I_3$  und  $i_3'$  primär bzw. sekundär pro Phase sind die Kupferverluste in den Wicklungen  $X - U'$ ,  $x_1 - y_1$  oder  $Y - V'$ ,  $x_2 - z_2$  je

$$W_{3_1} = W_{3_2} = I_3^2 r_2 + I_3^2 r_a + i_3'^2 r_3' = I_3^2 r_2 \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{2}} + i_3'^2 r_3' \quad (27)$$

$r_3'$  ist wegen der Reduktion der Sekundärwindungszahl im Verhältnis  $\frac{40}{50}$  in der angegebenen Weise wieder gleich  $\frac{16}{25} r_3$ . Ferner ist analog Gleichung (10)

$$i_3' = \frac{5}{4} \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{2}} \frac{w_2}{w_3} I_3$$

Beim Zweiphasenbetrieb (Fig. 4) war aber jetzt nach den Gleichungen (25) und (19)

$$i_3^2 r_3 = I_2^2 r_2$$

und

$$I_2 w_2 - I_a w_a = i_3 w_3 = I_2 w_2 \left( 1 - \frac{1 + \sqrt{2} - \sqrt{3}}{2\sqrt{2}} \right)$$

oder

$$\frac{w_2}{w_3} = \frac{i_3}{I_2} \frac{2\sqrt{2}}{\sqrt{2} - 1 + \sqrt{3}} \quad (28)$$

Damit aber wird

$$i_3' = \frac{5}{4} \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{2}} \frac{I_3}{I_2} \frac{2\sqrt{2}}{\sqrt{2} - 1 + \sqrt{3}} i_3$$

und

$$i_3^2 r_3' = \frac{I_3^2}{I_2^2} \frac{12}{(\sqrt{2} - 1 + \sqrt{3})^2} i_3^2 r_3 = I_3^2 r_2 \frac{12}{(\sqrt{2} - 1 + \sqrt{3})^2} \quad (29)$$

so dass

$$W_{3_1} = W_{3_2} = I_3^2 r_2 \left[ \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{2}} + \frac{12}{(\sqrt{2} - 1 + \sqrt{3})^2} \right] = \sim 3,83 I_3^2 r_2 \quad (30)$$

In diesem Falle sind die Kupferverluste in der dritten Säule bei Dreiphasenbetrieb natürlich gleich jenen der beiden anderen Säulen und ergeben sich nach Gleichung (30) wieder zu  $3,83 I_3^2 r_2$ .

Bei Gleichheit der Stromwärmeverluste in 40 periodigem Zweiphasenbetrieb und späterem 50 periodigem Dreiphasenbetrieb mit im Verhältnis von  $\frac{50}{40}$  erhöhter Spannung können also die beiden gleichwertigen Schenkel belastet werden mit einem Strom

$$I_3 = \sqrt{\frac{2,24}{3,83}} I_2 = \sim 0,76 I_2 \quad (31)$$

und der dritte Schenkel mit einem Strom

$$I_3 = \sqrt{\frac{2,03}{3,83}} I_2 = \sim 0,721 I_2 \quad (31a)$$

Massgebend ist der kleinere Wert, sodass unter den obigen Voraussetzungen die maximal übertragbare Drehstromleitung

$$3 E_3 I_3 = 3 \frac{50}{40} E_2 0,721 I_2 = 1,35 (2 E_2 I_2) \quad (32)$$

um 35% grösser sein kann. Vernachlässigt wurden ebenso wie bei Betrachtung der Schaltung für verketteten Zweiphasenstrom die Eisenverluste, die bei 50 periodigem Betrieb natürlich höher sind als bei 40 periodigem und die es unter Umständen nicht möglich machen werden, nach erfolgter Umschaltung bei Dreiphasenbetrieb ganz bis zu den durch die Gleichungen (18) und (32) gegebenen Werte zu gehen.

#### Zusammenfassung.

Es wird eine Schaltung beschrieben, die verketteten oder unverketteten Zweiphasenstrom in Dreiphasenstrom und umgekehrt umzuformen gestattet und zwar zum Unterschied gegenüber der Scott-Schaltung, die in der Verkettung zweier Einphasentransformatoren besteht, vermittels eines normalen Dreiphasentransformators mit passender Bewicklung. Die neue Anordnung ist nicht nur billiger, als die Scott'sche Schaltung, sondern auch wesentlich einfacher als die bisher bekannten Schaltungen nach Stern und der Gesellschaft für elektrische Industrie. Seines normalen Aufbaues wegen kann der Transformator beim Uebergang vom Zweiphasen- auf den Dreiphasenbetrieb nach einer einfachen Umschaltung, die am Aufstellungsort vorgenommen werden kann, wieder Verwendung finden.

## Die Erhöhung der Energietarife der schweizer. Elektrizitätswerke.

Bericht des Generalsekretariates des V. S. E. an die Tarifkommission und Anträge der letzteren.

### I. Einleitung.

Die Behandlung der Frage der Energietarife wurde, einem in Werkekreisen immer allgemeiner empfundenen Bedürfnis entsprechend, vom V. S. E. an die Hand genommen. Auf die Initiative seines Vorstandes und seiner Tarifkommission hin wurde sie auf die Traktandenliste der Generalversammlung des V. S. E. vom 11. Oktober 1919 in Montreux gesetzt und dort in einem einleitenden Referate des Generalsekretariates behandelt (Siehe Bulletin 1919, No. 10, Seite 303 u. ff.). Auf Grund der in Montreux gewonnenen Orientierung und der dort gefassten Beschlüsse ging die Tarifkommission<sup>1)</sup> unverzüglich an die Untersuchung

<sup>1)</sup> Mitglieder der Tarifkommission sind z. Zt.: Präsident: Dr. Moll-Bern, Baumann-Bern, Bertschinger-Zürich, de Montmollin-Lausanne, Nicole-Lausanne, Müller-Freiburg, Wachter-Schaffhausen.