**Zeitschrift:** Bulletin pédagogique : organe de la Société fribourgeoise d'éducation et

du Musée pédagogique

**Herausgeber:** Société fribourgeoise d'éducation

**Band:** 66 (1937)

Heft: 5

Rubrik: Initiation au calcul des volumes (cours supérieur)

### Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. Mehr erfahren

### **Conditions d'utilisation**

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. En savoir plus

#### Terms of use

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. Find out more

**Download PDF:** 15.07.2025

ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, https://www.e-periodica.ch

# Initiation au calcul des volumes (Cours supérieur)

Soit à prouver que pour chercher le volume d'un cube ou d'un parallélipipède, on multiplie la surface de la base par la hauteur; on obtient le volume en faisant le produit des trois dimensions.

Base concrète. — Il est assez facile de construire à cet effet un volume en forme de m³ avec 12 baguettes en bois ou en fer. On peut préparer très avantageusement ce cube avec des baguettes en bois, avec du fil de fer fixateur et des crochets aux 8 angles.

L'essentiel est que les dimensions du cube soient assez exactes pour que le m³ puisse être monté sur un carré d'un mètre de côté dessiné sur le plancher de la salle de classe.

Il sera aussi très utile de posséder un certain nombre de cubes en forme de dm³, fabriqués en carton ou en bois plein que les élèves peuvent facilement construire ou découper.

### Leçon

- 1. Rappel du connu. Rappelons la surface du carré et celle du rectangle, ainsi que le périmètre.
- 2. Donné concret : a) Faisons constater que le m³ est un volume entouré de 6 faces carrées, que la base inférieure et la base supérieure sont carrées et que l'arête a 1 m.
- b) Voyons aussi les dimensions d'un autre cube très important, le  $dm^3$  qui a 1 dm de long, 1 de large et 1 de haut.
- c) Plaçons 1 dm³ dans le m³ monté, puis 10 dm³ alignés qui forment une bande ou rangée et voyons combien l'on peut placer de ces bandes pour couvrir la base du m³. Désignons les 100 morceaux ou dm³ qu'on disposerait sur la base par l'expression couche ou étage.
- d) Combien faudrait-il de d $m^3$  pour obtenir 2 étages dans le  $m^3$  et faisons le calcul suivant :

1	étage	rempli comprei	nd 100	$\mathrm{d}m^3$
2	étages	occupent	200	$dm^3$
4	))	<b>»</b>	400	$dm^3$
7	<b>»</b>	))	700	$dm^3$
9	))	))	900	$dm^3$
		9 95		989 18

Enfin, 10 » ont 100 dm<sup>3</sup> × 10 = 1,000 dm<sup>3</sup> Donc, le  $m^3$  a 1,000 dm<sup>3</sup>.

Abstraction. — Puisqu'une rangée comprend 10 dm³ et que 10 rangées valent 10 dm³  $\times$  10= 100 dm³ (ce qui fait 1 étage) et que dix étages font 100 dm³  $\times$  10= 1,000 dm³, je dis que pour chercher le volume du mètre cube, je dois :

- a) chercher la surface de la base qui s'exprime par  $10 \, \mathrm{dm^2} \, \times \, 10 \, = \, 100 \, \mathrm{dm^2}$
- b) sachant que sur cette base de 100 dm<sup>2</sup> je puis disposer 100 dm<sup>3</sup> et que pour remplir tout le  $m^3$ , je dois empiler 10 étages superposés de 100 dm<sup>3</sup> chacun, je conclus que pour trouver le volume du cube, je dois multiplier la surface de la base par la hauteur (qui est 10 dm).

Abstraction formulée. — Puisque dans le cube, la longueur, la largeur et la hauteur sont égales, je dis que le cube s'obtient en multipliant l'arête 2 fois par elle-même, ou en faisant le cube de cette arête :

$$1 dm^3 \times 1 \times 1 = 1 dm^3$$
  
 $2 dm^3 \times 2 \times 2 = 8 dm^3$ , etc.

Généralisation. — Cherchons le volume du parallélipipède, volume à 6 faces rectangulaires, en procédant comme pour le cube ci-haut. Soit un parallélipipède de 8 dm de long, 6 dm de large et 5 dm de hauteur.

Sur la base, on pourrait placer  $8~\rm dm^3~\times~6=48~\rm dm^3$ . Pour occuper tout le parallélipipède, nous placerions  $48~\rm dm^3~\times~5=240~\rm dm^3$ .

Donc : volume = surf. base  $\times$  h.

Je vois par là que pour chercher le volume du parallélipipède, je multiplie la surface de la base par la hauteur ou la profondeur. Nous verrons que pour trouver le volume d'autres solides qui ne seront ni des cubes, ni des parallélipipèdes il faudra aussi multiplier la surface de la base par la hauteur.



Applications: 1º Calcul des cubes de 1 m. à 20 m. d'arête.

- 2º Problèmes sur le parallélipipède.
- 3º Faire répéter à l'occasion ou étudier le parallélisme existant entre le dm³, le m³, le cm³ avec les mesures correspondantes de contenance ou de poids.
- 4º Applications graphiques : a) Modelez dans de l'argile (ou taillez dans un fruit, etc.) un cube de 5 à 10 cm de côté.
- b) Modelez dans de l'argile (ou taillez dans un fruit) un parallélipipède rectangle.

Quelles figures forment les faces de ce parallélipipède? (Comment sont-elles entre elles, ces faces? égales 2 à 2.) Qu'est-ce donc qu'un parallélipipède rectangle? Nommez des corps ayant cette forme.

- c) Modelez dans de l'argile ou découpez dans du bois un cube de 8 cm de côté et reproduisez un ornement géométrique ou une feuille d'arbre sur l'une des faces.
- d) Dessinez: a) le plan, b) l'élévation, c) la mise en perspective d'un cube de 4 cm de côté (marquez les dimensions).
  - e) Développez sur du papier fort un cube de 5 cm d'arête. Formez le solide.
- f) Dessinez: a) le plan, b) l'élévation (face et profil), c) la perspective d'un parallélipipède rectangle ayant: longueur 6 cm, largeur 4 cm, hauteur 3 cm.
- g) Evaluez les dimensions de la classe, puis dessinez-en a) le plan, b) l'élévation (face et profil), c) le développement (mettre les dimensions).

Des travaux constructifs et des exercices graphiques semblables peuvent illustrer utilement l'étude des prismes, de la pyramide et du cône.

A. CARREL.

## SIX FRANCS...

On nous prie de rappeler que l'abonnement au *Bulletin* est de 6 fr., y compris la cotisation de membre de la Société fribourgeoise d'éducation. Les abonnés s'épargneront les frais de remboursement en versant six francs au compte de chèques Nº IIa 153, Fribourg, avant le 1er mai prochain.