

Objektyp: **Abstract**

Zeitschrift: **L'Enseignement Mathématique**

Band (Jahr): **48 (2002)**

Heft 3-4: **L'ENSEIGNEMENT MATHÉMATIQUE**

PDF erstellt am: **21.07.2024**

### **Nutzungsbedingungen**

Die ETH-Bibliothek ist Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Inhalten der Zeitschriften. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern. Die auf der Plattform e-periodica veröffentlichten Dokumente stehen für nicht-kommerzielle Zwecke in Lehre und Forschung sowie für die private Nutzung frei zur Verfügung. Einzelne Dateien oder Ausdrucke aus diesem Angebot können zusammen mit diesen Nutzungsbedingungen und den korrekten Herkunftsbezeichnungen weitergegeben werden. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. Die systematische Speicherung von Teilen des elektronischen Angebots auf anderen Servern bedarf ebenfalls des schriftlichen Einverständnisses der Rechteinhaber.

### **Haftungsausschluss**

Alle Angaben erfolgen ohne Gewähr für Vollständigkeit oder Richtigkeit. Es wird keine Haftung übernommen für Schäden durch die Verwendung von Informationen aus diesem Online-Angebot oder durch das Fehlen von Informationen. Dies gilt auch für Inhalte Dritter, die über dieses Angebot zugänglich sind.

Ein Dienst der *ETH-Bibliothek*  
ETH Zürich, Rämistrasse 101, 8092 Zürich, Schweiz, [www.library.ethz.ch](http://www.library.ethz.ch)

<http://www.e-periodica.ch>

## MM-SPACES AND GROUP ACTIONS

by Vladimir PESTOV

ABSTRACT. These are introductory notes on some aspects of concentration of measure in the presence of an acting group and its links to Ramsey theory<sup>1</sup>).

### 1. INTRODUCTION

It can be argued that the theory we are interested in (call it theory of *mm*-spaces, the phenomenon of concentration of measure on high-dimensional structures, asymptotic geometric analysis, geometry of large dimensions, ...) has been largely shaped up by three publications. These are: the book by Paul Lévy [Lév], Vitali Milman's new proof of the Dvoretzky theorem [M1], and the paper by Gromov and Milman [Gr-M1] which had set up a framework for systematically dealing with concentration of measure. Significantly, in the two latter papers concentration goes hand in hand with group actions on suitable spaces with metric and measure.

It is also known that concentration of measure and combinatorial, Ramsey-type results have a similar nature and are often found together [M3].

A number of attempts have been made to understand the nature of the interplay between concentration, transformation groups, and Ramsey

---

<sup>1</sup>) Based on a lecture given in the framework of *Séminaire Borel de III<sup>e</sup> Cycle romand de Mathématiques: "2001: an mm-space odyssey"* (Espaces avec une métrique et une mesure, d'après M. Gromov) at the Institute of Mathematics, University of Berne, and a *Séminaire du Lièvre* talk at the Department of Mathematics, University of Geneva. The author gratefully acknowledges generous support from the Swiss National Science Foundation during his visit in April–May 2001 and thanks Pierre de la Harpe for his hospitality and many stimulating conversations. While in Switzerland, the author has also greatly benefitted from discussions with Gulnara Arzhantseva, Anna Erschler, Thierry Giordano, Eli Glasner, Rostislav Grigorchuk, Volodymyr Nekrashevych, Vitali Milman, and Tatiana Nagnibeda. Partial support also came from the Marsden Fund of the Royal Society of New Zealand. Numerous remarks by the anonymous referee have been most helpful.