

**Zeitschrift:** Schweizerische Zeitschrift für Vermessungswesen und Kulturtechnik =  
Revue technique suisse des mensurations et améliorations foncières

**Herausgeber:** Schweizerischer Geometerverein = Association suisse des géomètres

**Band:** 41 (1943)

**Heft:** 3

**Artikel:** Über eine seltene Aufgabe

**Autor:** Leemann, W.

**DOI:** <https://doi.org/10.5169/seals-200729>

### **Nutzungsbedingungen**

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. [Siehe Rechtliche Hinweise.](#)

### **Conditions d'utilisation**

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. [Voir Informations légales.](#)

### **Terms of use**

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. [See Legal notice.](#)

**Download PDF:** 18.03.2025

**ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>**

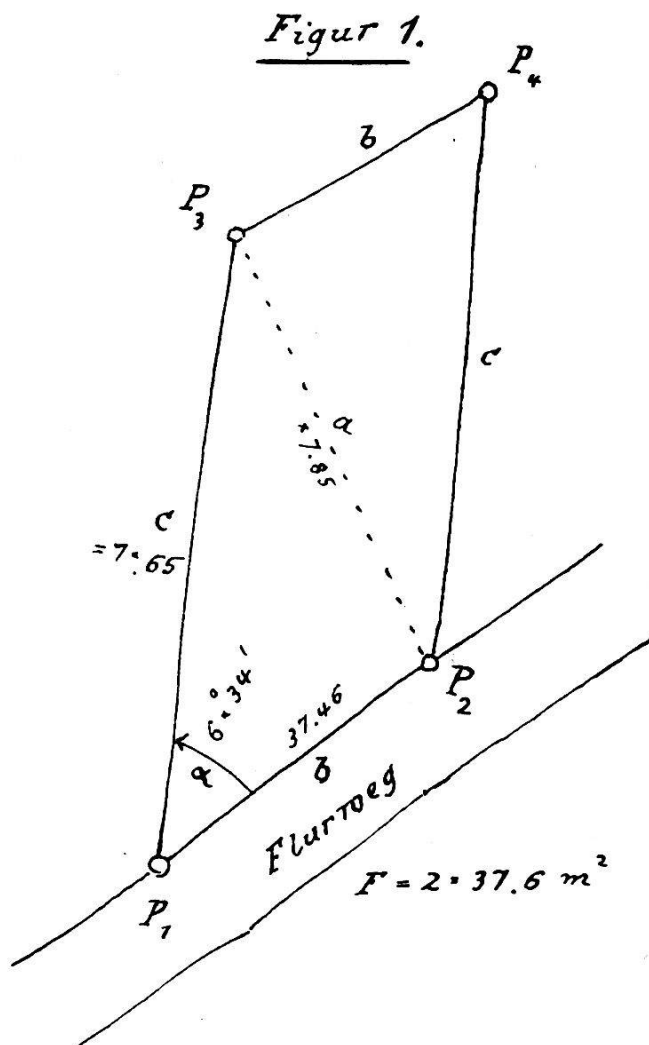
## Über eine seltene Aufgabe

Von W. Leemann, a. Kantonsgeometer.

Die zum Teil nicht mehr auffindbaren Grenzen eines Grundstückes sollen, gestützt auf eine alte, von freier Hand gezeichnete Vermessungsskizze, in welcher mehrere Zahlen unleserlich geworden sind, wieder hergestellt werden.

In der in Figur 1 dargestellten Skizze sind nur noch folgende Daten vorhanden:

$a = *7,85$  m;  $b = 37,46$  m;  $c = 7*65$  m;  $\alpha = 6*0$  34'; ferner liegt eine Flächenangabe vor von  $F = 2*37,6$  m<sup>2</sup>.



Die mit \* bezeichneten Stellen sind verwischt und können nicht mit Sicherheit gelesen werden. An Ort und Stelle sind nur noch die Marksteine bei den Punkten  $P_1$  und  $P_2$  vorhanden. Ein genauer Plan fehlt. Aus der Skizze ist ersichtlich, daß das Grundstück die Form eines Parallelogramms hat.

Es besteht nun die Aufgabe, die mit \* bezeichneten, fehlenden Ziffern zu bestimmen.

Zwischen den Daten bestehen folgende Beziehungen:

$$a^2 = b^2 + c^2 - 2 \cdot b \cdot c \cdot \cos \alpha$$

$$F = b \cdot c \cdot \sin \alpha$$

Da in den Daten  $a$ ,  $c$ ,  $F$  und  $\alpha$  je eine Ziffer fehlt, handelt es sich somit um die Auflösung von zwei Gleichungen mit zusammen vier Unbekannten, von denen man aber weiß, daß sie *einstellige, positive, ganze Zahlen* sein müssen. Im Hinblick auf die den Messungszahlen anhaftenden, unvermeidlichen Messungsfehler, welche die letzten Stellen nach dem Komma unsicher machen, können die beiden Gleichungen nicht streng erfüllt sein. Aus diesem Grunde, und weil die beiden Gleichungen *transzendent* sind, handelt es sich nicht um sogenannte „Diophantische Gleichungen“, so daß die für solche bekannten, algebraischen Lösungsmethoden hier nicht angewendet werden können.

Im Nachstehenden sei eine *geometrische Lösung* der Aufgabe mitgeteilt:

Geht man von der Grundlinie  $P_1-P_2$  als festen Geraden aus, so ergeben sich für den Punkte  $P_3$  folgende vier geometrische *Ortsgruppen*:

1.  $P_3$  muß auf einer der Strahlen liegen, welche mit der Grundlinie die Winkel  $60^\circ 34'$ ;  $61^\circ 34'$ ;  $62^\circ 34'$  ...  $69^\circ 34'$  einschließen.

2.  $P_3$  muß auf einem der konzentrischen Kreise liegen, welche mit den Radien 70,65; 71,65; 72,65 ... 79,65 m um den Punkt  $P_1$  als Zentrum geschlagen werden können.

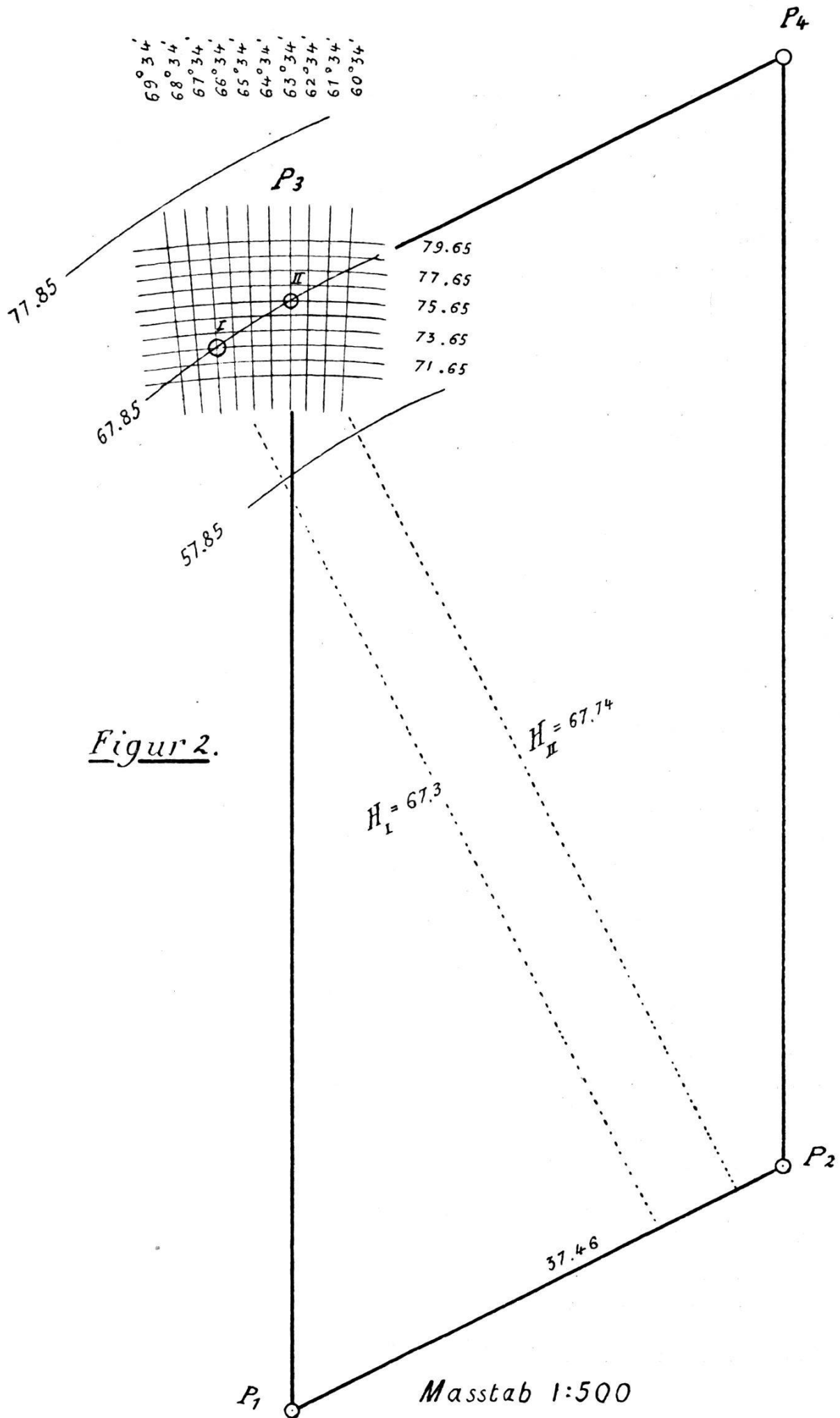
3.  $P_3$  muß auf einem der konzentrischen Kreise liegen, welche mit den Radien 17,85; 27,85; 37,85 ... 97,85 m um den Punkt  $P_2$  als Zentrum geschlagen werden können.

4. Da der Flächeninhalt des Grundstückes einen der Werte 2037,6; 2137,6; 2237,6 ... 2937,6 m<sup>2</sup> haben muß, so ergibt sich durch Division dieser Zahlen mit dem bekannten Wert der Grundlinie  $P_1-P_2 = 37,46$ , daß das Parallelogramm eine der Höhen 54,39; 57,06; 59,73; 62,40; 65,07; 67,74; 70,41; 73,08; 75,75; 78,42 m haben muß. Der Punkt  $P_3$  muß also auf einer der Parallelen zur Grundlinie  $P_1-P_2$  liegen, welche mit den errechneten Höhen, bzw. Abständen, gezogen werden können.

Zeichnet man zunächst nur die Ortsgruppen 1), 2) und 3) auf (siehe Figur 2), so zeigt sich, daß von der Ortsgruppe 3) nur der Kreis mit dem Radius 67,85 m in Betracht kommt, da die übrigen Kreise außerhalb die Ortsgruppen 1) und 2) fallen.

Wie man sieht, haben die drei Ortsgruppen *zwei gemeinsame Schnittpunkte* I und II. Das will heißen, daß, wenn keine weitere Ortsgruppe vorhanden wäre, zwei Lösungen der Aufgabe beständen.

Um nun zu entscheiden, welcher von den beiden Punkten I und II der weiteren Ortsgruppe 4) angehört, braucht man nur ihre Abstände von der Grundlinie abzumessen, um zu sehen, welcher der beiden Abstände einer der errechneten Höhen der Ortsgruppe 4) gleich oder nahe kommt. Wie sich zeigt, hat der Punkt II diese Eigenschaft, indem seine Höhe 67,74 beträgt. (Die Höhe von Punkt I ergibt sich zu 67,3.) Der *Punkt II* ist also der *einzigste Punkt*, welcher gleichzeitig allen vier Orts-



Figur 2.

gruppen angehört. Ihm entsprechen die aus der Figur 2 abzulesenden Daten:

$a = 67,85$ ;  $c = 75,65$ ;  $\alpha = 63^\circ 34'$ ;  $F = 2537,6 \text{ m}^2$  ( $H = 67,74$ ). Die Kursiv gedruckten Ziffern sind die gesuchten Unbekannten. Setzt man die gefundenen Daten in die oben aufgestellten beiden Gleichungen ein, so erfüllen sie diese sehr gut. Man kann daher die Grenzen trotz der mangelhaften Vermessungsskizze zuverlässig abstecken.

Rüschlikon, im Januar 1943.

## Schweizerischer Geometerverein Geschäftsbericht für das Jahr 1942

### 1. Allgemeines

Es gab Zeiten während des gegenwärtigen Weltkrieges, wo unsere nationale Existenz gefährdeter schien als im Berichtsjahr. Das war namentlich der Fall, als schlagartig eine neue außenpolitische Konstellation sich einstellte, die neue, grundlegende Maßnahmen zur Behauptung unseres staatlichen Eigenlebens erforderte. Zwei Entscheidungen von geschichtlicher Tragweite wurden in die Tat umgesetzt und übten auch auf unseren Berufsstand den nachhaltigsten Einfluß aus: der Plan Wahlen und die Reduitstellung unserer Armee. Mit Anspannung aller Kräfte mußte gearbeitet werden, um alle die planlichen Unterlagen zu beschaffen für die zahllos zu treffenden Detailmaßnahmen im Rahmen dieser Planungen. Pflug, Wehr und Waffen sind maßgeblich zur Erhaltung unserer Selbständigkeit und Unabhängigkeit. Sie zu schärfen in nie erlahmender Arbeit, zu helfen, bereit zu sein, wenn unsere Freiheit ange- tastet werden sollte, war der Geometerschaft mit ihren Angestellten Ehrenpflicht.

### 2. Mitgliederbewegung

Im Berichtsjahre hat der Verein als Mitglieder durch den Tod verloren: Schwarzenbach Julius, Stans; Wasser Ernst, Bremgarten; Helmerking Ernst, Zürich; Benteli Wilhelm, Bern; Liechi Konrad, Dietikon; Stadtgeometer Albrecht, Bern; Meyer Eugen, Laufenburg; Hörni Walter, Stammheim.

Unter den Hingeschiedenen ist das Ehrenmitglied Max Ehrensperger, Uetikon, besonders hervorzuheben, war er doch als dritter Präsident des SGV. in hervorragender und initiativer Weise am Ausbau des Vereins und des schweizerischen Vermessungswesens beteiligt.

All den hingeschiedenen Kollegen wird der Verein ein ehrendes Andenken bewahren.

Die Mitgliederbewegung zeigt folgendes Bild:

Mitgliederbestand Ende 1941 . . . . .	477
im Berichtsjahr gestorben . . . . .	9
von der Mitgliederliste gestrichen . . . . .	1
Rückgang . . . . .	10
Neueintritte . . . . .	33
Mitgliederbestand am 31. Dezember 1942 . . . . .	<u>500</u>

Davon 4 Ehrenmitglieder, 48 Freimitglieder (Veteranen) und 448 ordentliche Mitglieder.