

Zeitschrift: Mitteilungen / Vereinigung Schweizerischer Versicherungsmathematiker
= Bulletin / Association des Actuaires Suisses = Bulletin / Association of
Swiss Actuaries

Herausgeber: Vereinigung Schweizerischer Versicherungsmathematiker

Band: 67 (1967)

Artikel: Calcul des réserves des pensions d'invalidité dans une caisse à taux de
cotisation unique : application sur ordinateur IBM 1620 à disque

Autor: Beausoleil, J.-P. / Bretscher, R.

DOI: <https://doi.org/10.5169/seals-966947>

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. [Siehe Rechtliche Hinweise.](#)

Conditions d'utilisation

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. [Voir Informations légales.](#)

Terms of use

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. [See Legal notice.](#)

Download PDF: 16.05.2025

ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>

Calcul des réserves des pensions d'invalidité dans une caisse à taux de cotisation unique. Application sur ordinateur IBM 1620 à disque¹

Par J.-P. Beausoleil et R. Bretscher

Résumé

Les auteurs exposent un programme de calcul des réserves mathématiques pour une caisse de pensions ne prévoyant que la couverture du risque d'invalidité. On examine les cas d'un salaire constant et d'un salaire croissant en progression arithmétique, cela pour trois formules de rentes et, pour chacune d'elles, deux taux de cotisation. Les résultats ne sont présentés que sous forme de graphiques. Les tables numériques peuvent être demandées aux auteurs.

Dans une caisse à taux de cotisation unique (prime moyenne) on peut calculer pour chaque membre actif à chaque âge une réserve mathématique prospective qui est l'excès des engagements statutaires de la caisse à l'égard du membre sur les engagements de celui-ci à l'égard de la Caisse.

Nous avons envisagé une caisse couvrant le seul risque d'invalidité² alimentée par des cotisations proportionnelles aux salaires selon un taux unique: pour fixer les idées on a pris pour ce taux unique le taux pour l'âge d'entrée 25 puis pour l'âge d'entrée 35.

Trois formules de pension parmi les plus simples ont été considérées

- I) Pension proportionnelle au salaire à l'entrée en invalidité.
- II) Pension proportionnelle au salaire à l'entrée en invalidité.
et à l'ancienneté lors de l'entrée en invalidité.
- III) Pension proportionnelle au salaire à l'entrée en invalidité selon un
facteur d'abord constant puis proportionnel à l'ancienneté lors de

¹ Travail effectué au Centre de recherches de la Faculté SES de l'Université de Genève et présenté à la 58^e assemblée générale ordinaire de l'Association des actuaires suisses à Neuchâtel le 22 octobre 1966.

² Le cas d'une caisse n'assurant que des retraites a été traité dans une communication présentée à Paris au Colloque des 75 ans de l'Institut des actuaires français. Avril 1966.

l'entrée en invalidité mais plafonné à 60% (cette formule est en vigueur dans EVK et des formules semblables ont été adoptées dans de nombreuses autres caisses suisses).

Les cas classiques du salaire constant ayant d'abord été rappelés on a traité le calcul de la réserve mathématique prospective dans l'hypothèse d'un salaire croissant en progression arithmétique.

Pour chacun des six cas que l'on a ainsi été amené à traiter ont été calculées les réserves mathématiques prospectives

- i) à l'entrée pour tous les âges d'entrée de 20 à 64.
- ii) au cours de la carrière pour chacun des âges d'entrées.

Trois seulement de ces dernières (pour les âges d'entrée 20, 35, 50 ou 55) ont pu être figurées sur chacun des 6 graphiques.

En conclusion nous nous sommes efforcés

- a) d'élaborer un procédé systématique de calcul du bilan actuariel pour une caisse de pension (qui s'appliquerait avec quelques modifications à une caisse couvrant à la fois les risques vieillesse, invalidité, survivants) à l'aide de l'ordinateur de faible capacité dont nous disposions;
- b) d'étendre les formules classiques au cas d'un salaire variant en progression arithmétique;
- c) de fournir les bases «expérimentales» à l'étude de l'évolution au cours de la carrière d'un membre de sa réserve mathématique prospective; l'étude théorique qui reste à faire devant permettre de déterminer l'allure de cette évolution, c'est-à-dire les intervalles de croissance, de décroissance, l'existence et la position du maximum et le sens de la concavité. La comparaison des différentes courbes met en évidence l'influence d'une variation du taux de cotisation, celle de la formule de pension enfin et surtout celle de la croissance du salaire.

Ainsi que l'ont montré des études récentes se rattachant aux travaux du Groupe de travail sur l'assurance du personnel la connaissance de l'évolution de la réserve individuelle est indispensable si l'on veut obtenir une vue profonde du problème des sorties anticipées c'est-à-dire de la situation qu'il convient de faire aux assurés qui quittent la caisse avant la réalisation de l'un des risques. On sait que du point de vue technique ce problème commande la recherche d'une solution rationnelle à la question dite du libre passage.

Première partie. Formules et graphiques

I. Pension d'invalidité

$$P = k s_u$$

– *Notations:*

x_e	âge d'entrée en assurance avec le salaire s_e
x	âge au bilan avec le salaire s_x
u	âge d'entrée en invalidité avec le salaire s_u
k	constante
$c(x_e)$	taux de cotisation à l'âge d'entrée
γ	taux moyen de cotisation
$w_{[x_e]+x-x_e}^p$	réserve mathématique prospective
A	raison de la progression arithmétique

– *Formules:*

Taux de cotisation à l'âge d'entrée $c(x_e)$

1) Salaire constant: $s_u = s_e = s_x$

$$k \cdot \frac{N_{x_e}^{ai}}{^{(12)}N_{x_e: \overline{65-x_e}}^a}$$

2) Salaire en progression arithmétique: $s_u = s_x + (u-x) A$

$$k \cdot \frac{(s_e N_{x_e}^{ai} + A S_{x_e+1}^{ai})}{s_e ^{(12)}N_{x_e: \overline{65-x_e}}^a + A ^{(12)}S_{x_e+1: \overline{65-x_e-1}}^a}$$

Réserve mathématique prospective $w_{[x_e]+x-x_e}^p(\gamma)$

1) Salaire constant: $s_u = s_e = s_x$

$$\frac{s_x}{D_x^a} [k N_x^{ai} - \gamma ^{(12)}N_{x: \overline{65-x}}^a]$$

2) Salaire en progression arithmétique: $s_u = s_x + (u-x) A$

$$\frac{1}{D_x^a} [k(s_x N_x^{ai} + A S_{x+1}^{ai}) - \gamma (s_x ^{(12)}N_{x: \overline{65-x}}^a + A ^{(12)}S_{x+1: \overline{65-x-1}}^a)]$$

— Application numérique:

$$\begin{array}{ll} x_e = 20, 21, \dots, 64 & k = \frac{65 - x_e}{60} \\ x = x_e, x_e + 1, \dots, 64 & \gamma = c(25); \gamma = c(35) \\ s_e = s_x = 1 & A = 0,03 \end{array}$$

II. Pension d'invalidité

$$P = k (u - x_e) s_u$$

— Notations: Comme pour le cas I.

— Formules:

Taux de cotisation à l'âge d'entrée $c(x_e)$

1) Salaire constant: $s_u = s_e = s_x$

$$k \cdot \frac{S_{x_e+1}^{ai}}{(12)N_{x_e:65-x_e}^a}$$

2) Salaire en progression arithmétique: $s_u = s_x + (u - x) A$

$$k \cdot \frac{(s_e + A) S_{x_e+1}^{ai} + 2A T_{x_e+2}^{ai}}{s_e (12)N_{x_e:65-x_e}^a + A (12)S_{x_e+1:65-x_e-1}^a}$$

Réserve mathématique prospective $w_{[x_e]+x-x_e}^p(\gamma)$

1) Salaire constant: $s_u = s_e = s_x$

$$\frac{s_x}{D_x^a} [k \{ S_{x+1}^{ai} + (x - x_e) N_x^{ai} \} - \gamma (12)N_{x:65-x}^a]$$

2) Salaire en progression arithmétique: $s_u = s_x + (u - x) A$

$$\frac{1}{D_x^a} [k \{ (x - x_e) s_x N_x^{ai} + \{ s_x + (x - x_e + 1) A \} S_{x+1}^{ai} + 2A T_{x+2}^{ai} \} - \gamma (s_x (12)N_{x:65-x}^a + A (12)S_{x+1:65-x-1}^a)]$$

$$\text{avec } T_x^{ai} = \sum_{\lambda=x}^{64} S_{\lambda}^{ai}$$

Les sommations N, S, T , s'arrêtent à $x = 64$ et par suite $S_x = T_x = 0$ pour $x > 64$.

– Application numérique:

x_e, x, s_e, s_x, γ et A comme pour le cas I.

$$k = \frac{1}{60}$$

III. Pension d'invalidité

$$P = 0,35 s_u \quad \text{si } 0 \leq u - x_e \leq 10$$

$$P = \left(0,35 + \frac{u - x_e - 10}{100} \right) s_u \quad \text{si } 10 \leq u - x_e \leq 35$$

$$P = 0,60 s_u \quad \text{si } 35 \leq u - x_e \leq 64$$

– Notations: Comme pour le cas I.

– Formules:

Taux de cotisation à l'âge d'entrée $c(x_e)$

1) Salaire constant: $s_u = s_e = s_x$

$$\frac{0,35 N_{x_e}^{ai} + 0,01 (S_{x_e+11}^{ai} - S_{x_e+36}^{ai})}{^{(12)}N_{x_e:65-x_e}^a}$$

2) Salaire en progression arithmétique: $s_u = s_x + (u-x) A$

$$\frac{0,35(s_e N_{x_e}^{ai} + A S_{x_e+1}^{ai}) + 0,02A (T_{x_e+12}^{ai} - T_{x_e+37}^{ai}) + 0,01\{(s_e + 11A) S_{x_e+11}^{ai} - (s_e + 36A) S_{x_e+36}^{ai}\}}{s_e ^{(12)}N_{x_e:65-x_e}^a + A ^{(12)}S_{x_e+1:65-x_e-1}^a}$$

Réserve mathématique prospective $w_{[x_e]+x-x_e}^p(\gamma)$

1) Salaire constant: $s_u = s_e = s_x$

$$\text{Si } x_e \leq x \leq x_e + 10$$

$$\frac{s_x}{D_x^a} \{ 0,35 N_x^{ai} + 0,01 (S_{x_e+11}^{ai} - S_{x_e+36}^{ai}) - \gamma ^{(12)}N_{x:65-x}^a \}$$

$$\text{Si } x_e + 10 \leq x \leq x_e + 35$$

$$\frac{s_x}{D_x^a} \{ [0,35 + (x - x_e - 10) 0,01] N_x^{ai} + 0,01 (S_{x+1}^{ai} - S_{x_e+36}^{ai}) - \gamma ^{(12)}N_{x:65-x}^a \}$$

Si $x_e + 35 \leq x \leq 64$

$$\frac{s_x}{D_x^a} \{0,60 N_x^{ai} - \gamma^{(12)} N_{x:65-x}^a\}$$

2) Salaire en progression arithmétique: $s_u = s_x + (u-x) A$

Si $x_e \leq x \leq x_e + 10$

$$\begin{aligned} \frac{1}{D_x^a} \{ & 0,35 (s_x N_x^{ai} + A S_{x+1}^{ai}) + 0,01 [\{s_x + A (11 - (x - x_e))\} S_{x_e+11}^{ai} - \\ & \{s_x + A (36 - (x - x_e))\} S_{x_e+36}^{ai}] + 0,02 A (T_{x_e+12}^{ai} - T_{x_e+37}^{ai}) \\ & - \gamma (s_x^{(12)} N_{x:65-x}^a + A^{(12)} S_{x+1:65-x-1}^a) \} \end{aligned}$$

Si $x_e + 10 \leq x \leq x_e + 35$

$$\begin{aligned} \frac{1}{D_x^a} \{ & (0,35 + (x - x_e - 10) 0,01) s_x N_x^{ai} + 0,01 [s_x + A (26 + (x - x_e))] S_{x+1}^{ai} \\ & - 0,01 [s_x + A (36 - (x - x_e))] S_{x_e+36}^{ai} + 0,02 A (T_{x+2}^{ai} - T_{x_e+37}^{ai}) \\ & - \gamma (s_x^{(12)} N_{x:65-x}^a + A^{(12)} S_{x+1:65-x-1}^a) \} \end{aligned}$$

Si $x_e + 35 \leq x \leq 64$

$$\frac{1}{D_x^a} \{0,60 (s_x N_x^{ai} + A S_{x+1}^{ai}) - \gamma (s_x^{(12)} N_{x:65-x}^a + A^{(12)} S_{x+1:65-x-1}^a)\}$$

Les sommations N, S, T s'arrêtent à $x = 64$ et par suite $S_x = T_x = 0$ pour $x > 64$.

— Application numérique: x_e, x, s_e, s_x, γ et A comme pour le cas I.

Calcul des réserves des pensions d'invalidité dans une caisse à taux de cotisation unique Graphique 1

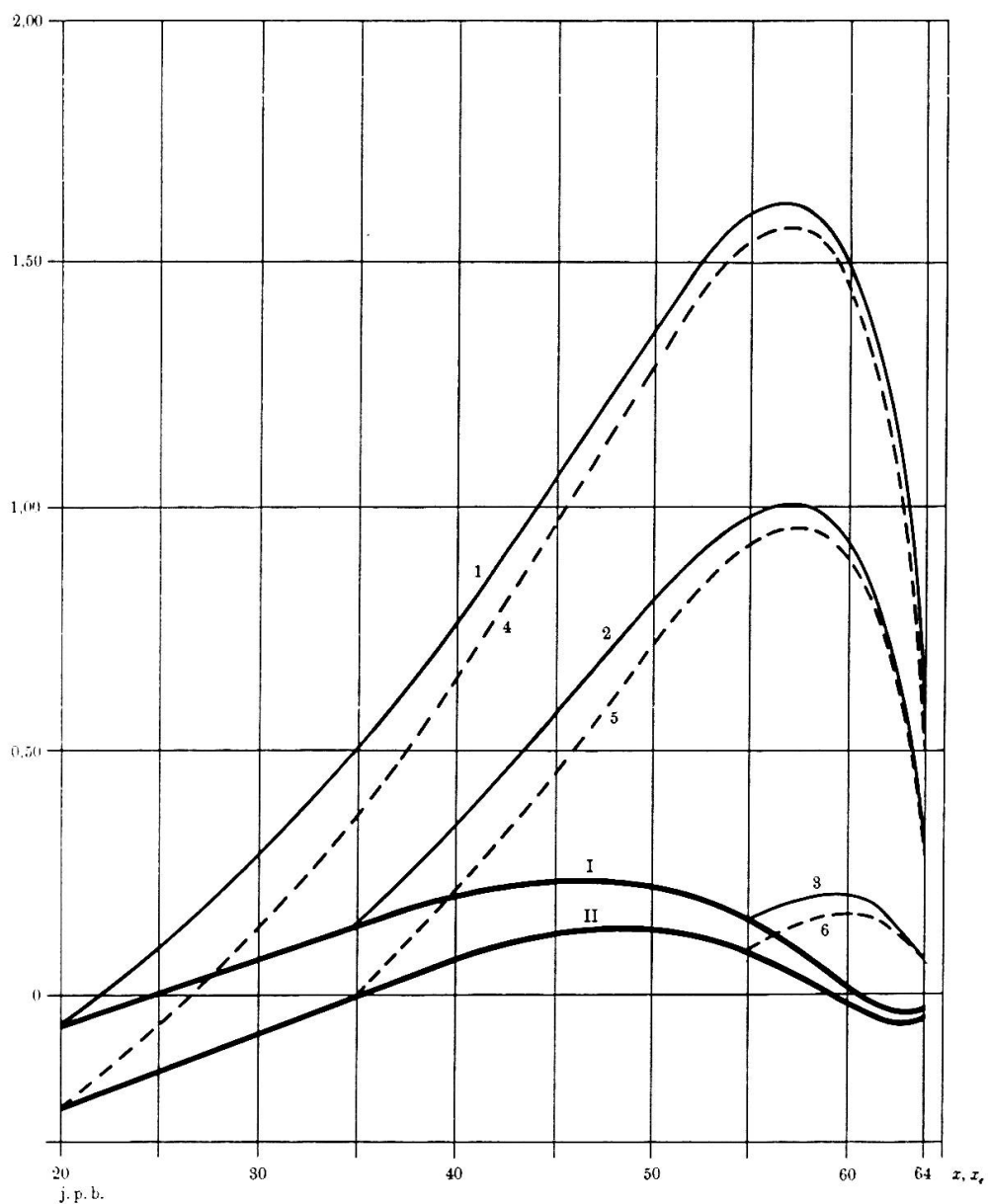
$$\gamma = c(25) = 0,0362$$

$$\gamma = c(35) = 0,0449$$

$$I. P = \left(\frac{65 - x_e}{60} \right) s_u$$

1) Salaire constant: $s_u = s_e = s_x$

$\left. \begin{array}{l} 1 \quad u^p[c(25); [20] + x - 20] \\ 2 \quad u^p[c(25); [35] + x - 35] \\ 3 \quad u^p[c(25); [55] + x - 55] \\ 1 \quad u^p[c(25); [x_e]] \end{array} \right\} u^p[c(25); [x_e] + x - x_e]$	$\left. \begin{array}{l} 4 \quad u^p[c(35); [20] + x - 20] \\ 5 \quad u^p[c(35); [35] + x - 35] \\ 6 \quad u^p[c(35); [55] + x - 55] \\ II \quad u^p[c(35); [x_e]] \end{array} \right\} u^p[c(35); [x_e] + x - x_e]$
---	--



Calcul des réserves des pensions d'invalidité dans une caisse à taux de cotisation unique Graphique 2

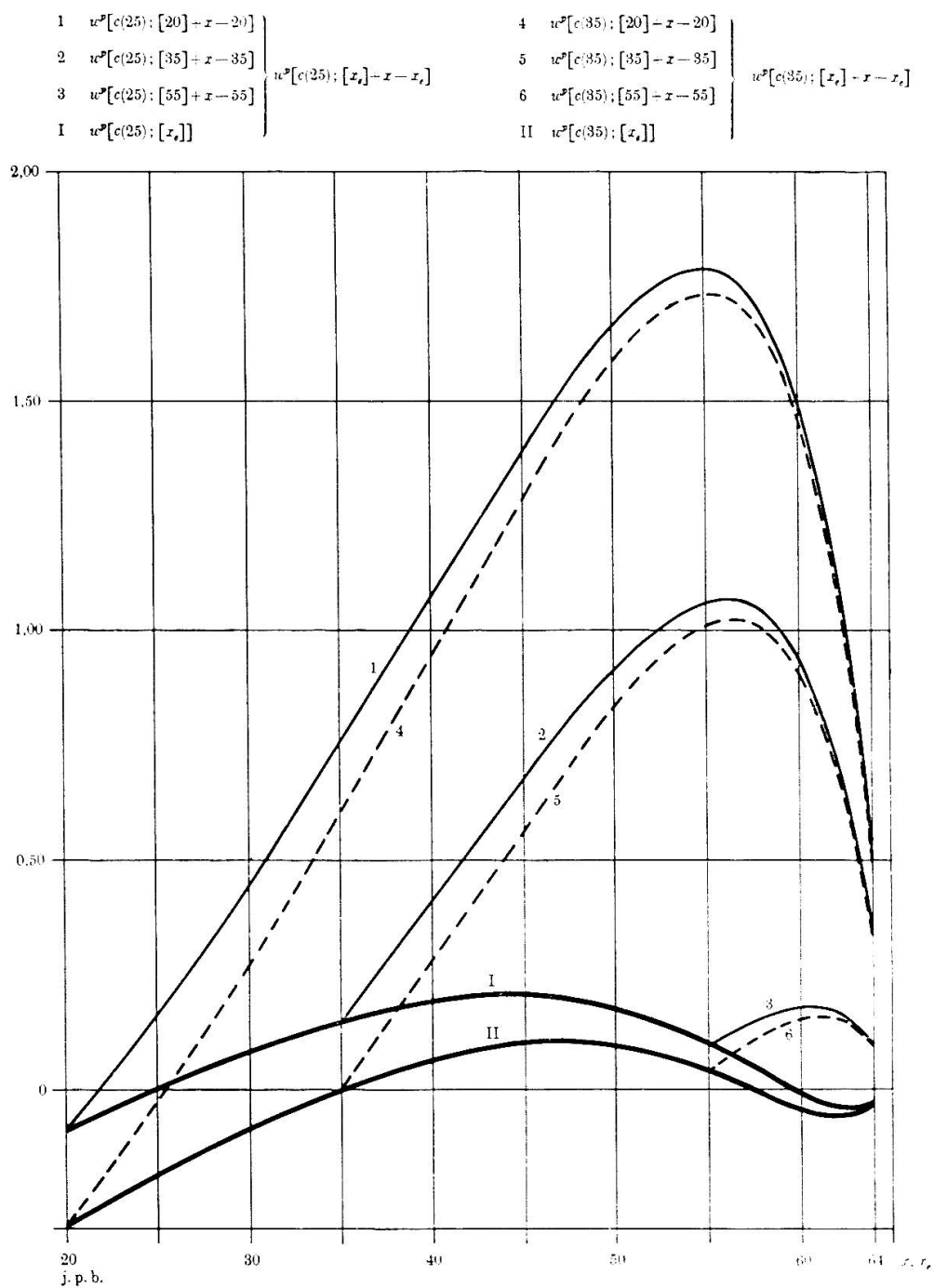
$$\gamma = c(25) = 0,0487$$

$$\gamma = c(35) = 0,0556$$

I. $P = \left(\frac{65 - x_e}{60} \right) s_u$

2) Salaire en progression arithmétique:

$$s_u = s_x + (u - x) A$$



Calcul des réserves des pensions d'invalidité dans une caisse à taux de cotisation unique Graphique 3

$$\gamma = c(25) = 0,0270$$

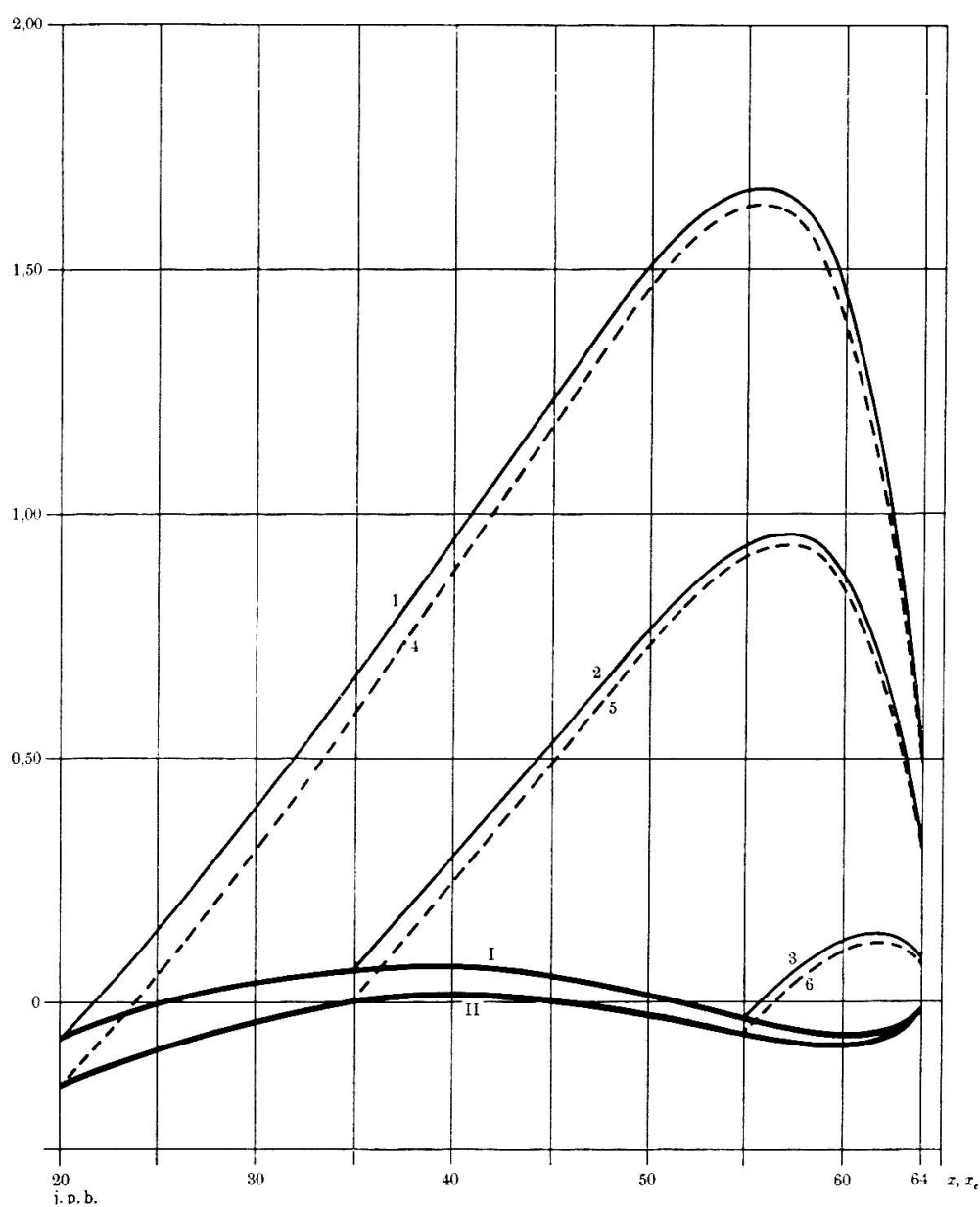
$$\gamma = c(35) = 0,0320$$

$$\text{II. } P = \left(\frac{u - x_e}{60} \right) s_u$$

1) Salaire constant: $s_u = s_e = s_x$

$$\left. \begin{array}{l} 1 \quad u^p[c(25); [20] + x - 20] \\ 2 \quad u^p[c(25); [35] + x - 35] \\ 3 \quad u^p[c(25); [55] + x - 55] \\ \text{I} \quad u^p[c(25); [x_s]] \end{array} \right\} u^p[c(25); [x_s] + x - x_s]$$

$$\left. \begin{array}{l} 4 \quad u^p[c(35); [20] + x - 20] \\ 5 \quad u^p[c(35); [35] + x - 35] \\ 6 \quad u^p[c(35); [55] + x - 55] \\ \text{II} \quad u^p[c(35); [x_s]] \end{array} \right\} u^p[c(35); [x_s] + x - x_s]$$



Calcul des réserves des pensions d'invalidité dans une caisse à taux de cotisation unique Graphique 4

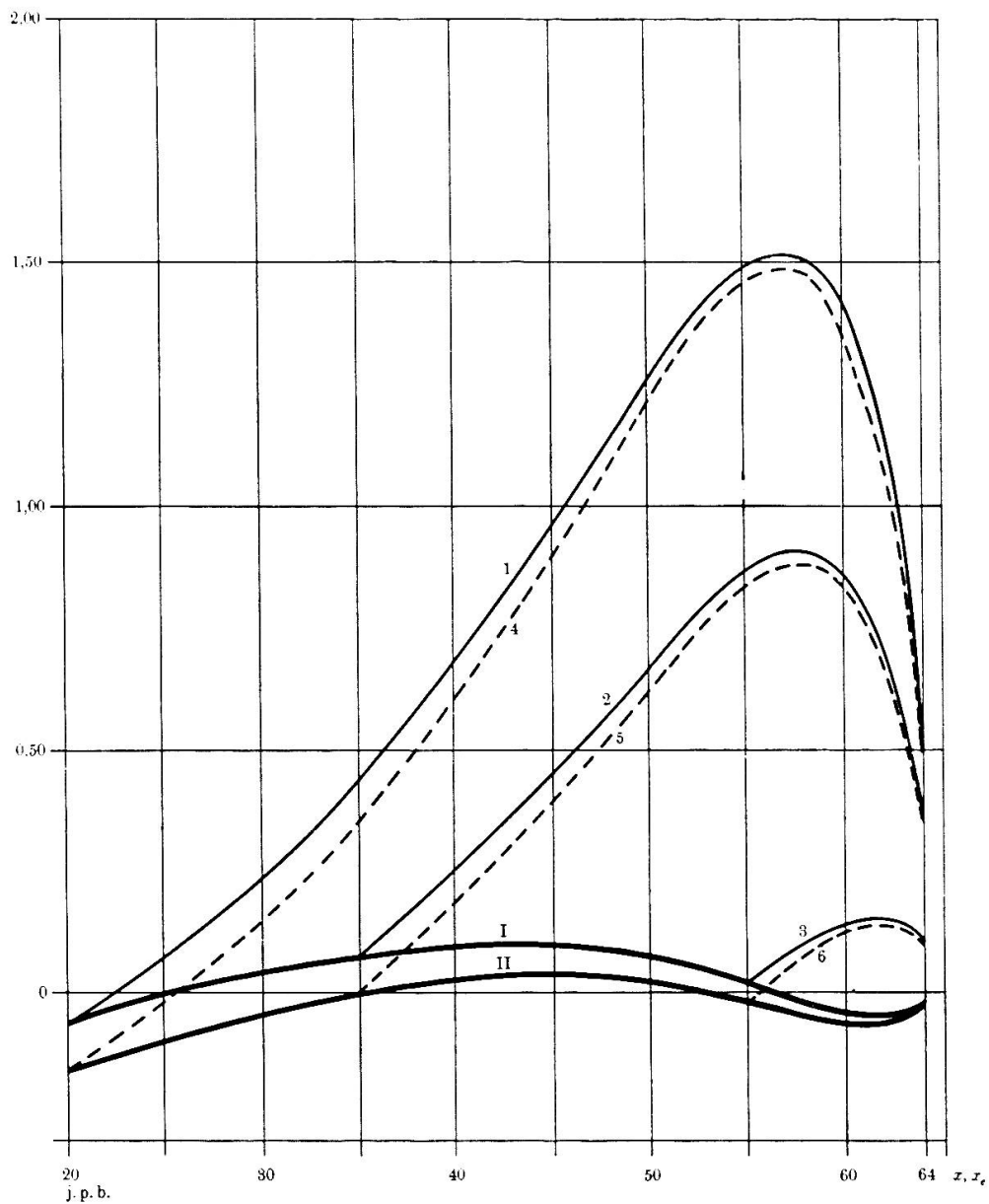
$$\gamma = c(25) = 0,0379$$

$$\gamma = c(35) = 0,0412$$

II. $P = \left(\frac{u - x_e}{60} \right)$ 2) Salaire en progression arithmétique:

$$s_u = s_x + (u - x) A$$

$\left. \begin{array}{l} 1 \quad u^p[c(25); [20] + x - 20] \\ 2 \quad u^p[c(25); [35] + x - 35] \\ 3 \quad u^p[c(25); [55] + x - 55] \\ I \quad u^p[c(25); [x_e]] \end{array} \right\} u^p[c(25); [x_e] + x - x_e]$	$\left. \begin{array}{l} 4 \quad u^p[c(35); [20] + x - 20] \\ 5 \quad u^p[c(35); [35] + x - 35] \\ 6 \quad u^p[c(35); [55] + x - 55] \\ II \quad u^p[c(35); [x_e]] \end{array} \right\} u^p[c(35); [x_e] + x - x_e]$
---	--



Calcul des réserves des pensions d'invalidité dans une caisse à taux de cotisation unique Graphique 5

$$\gamma = c(25) = 0,0295$$

$$\gamma = c(35) = 0,0420$$

III. $P = 0,35 s_u$

si $0 \leq u - x_e \leq 10$

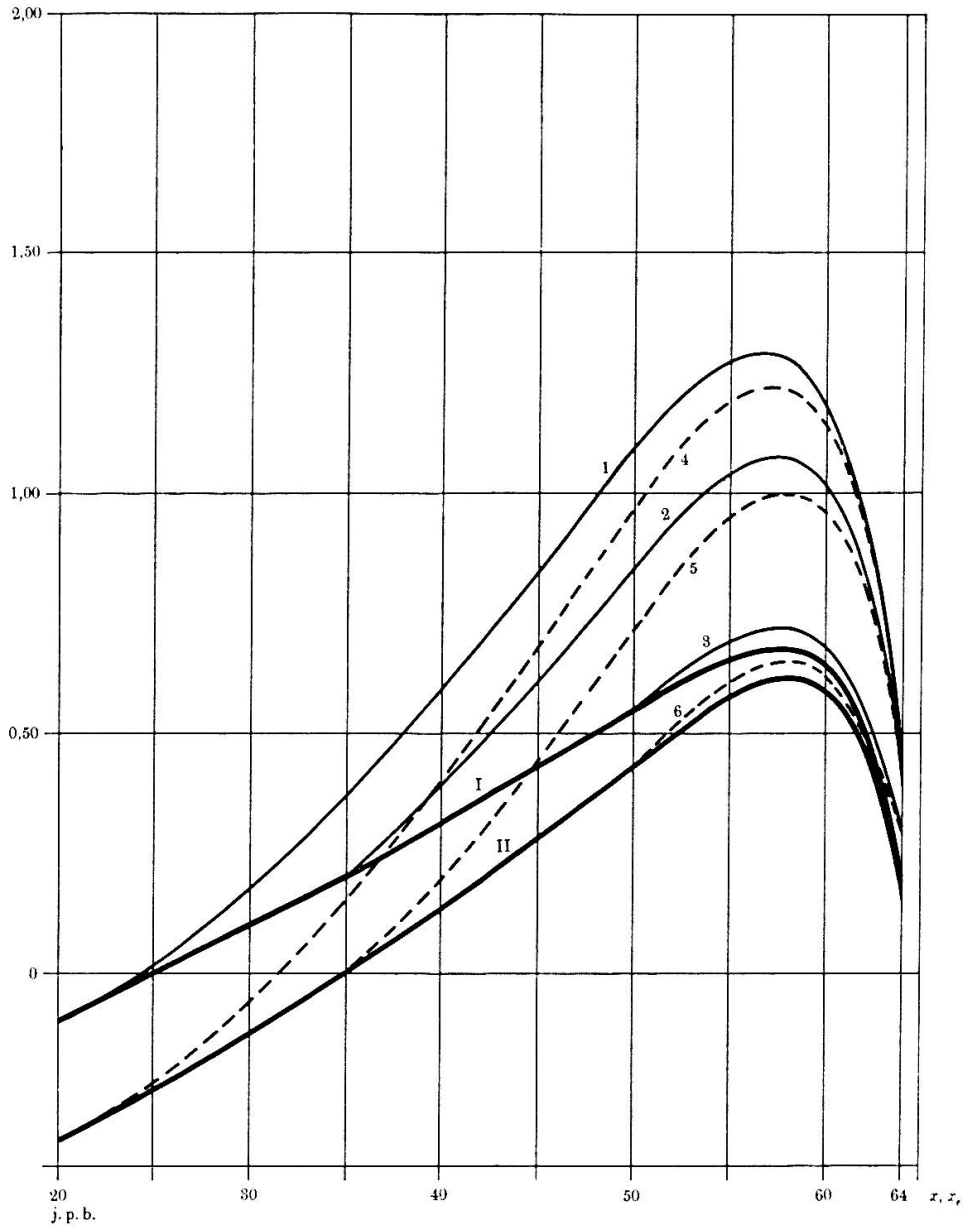
$$P = \left(0,35 + \frac{u - x_e - 10}{100} \right) s_u \quad \text{si } 10 \leq u - x_e \leq 35$$

$$P = 0,60 s_u$$

si $35 \leq u - x_e \leq 64$

1) Salaire constant : $s_u = s_e = s_x$

$\left. \begin{array}{l} 1 \quad u^p[c(25); [20] + x - 20] \\ 2 \quad u^p[c(25); [35] + x - 35] \\ 3 \quad u^p[c(25); [50] + x - 50] \\ I \quad u^p[c(25); [x_r]] \end{array} \right\} u^p[c(25); [x_r] + x - x_r]$	$\left. \begin{array}{l} 4 \quad u^p[c(35); [20] + x - 20] \\ 5 \quad u^p[c(35); [35] + x - 35] \\ 6 \quad u^p[c(35); [50] + x - 50] \\ II \quad u^p[c(35); [x_r]] \end{array} \right\} u^p[c(35); [x_r] + x - x_r]$
---	--



Calcul des réserves des pensions d'invalidité dans une caisse à taux de cotisation unique Graphique 6

$$\gamma = c(25) = 0,0404$$

$$\gamma = c(35) = 0,0528$$

III. $P = 0,35 s_u$

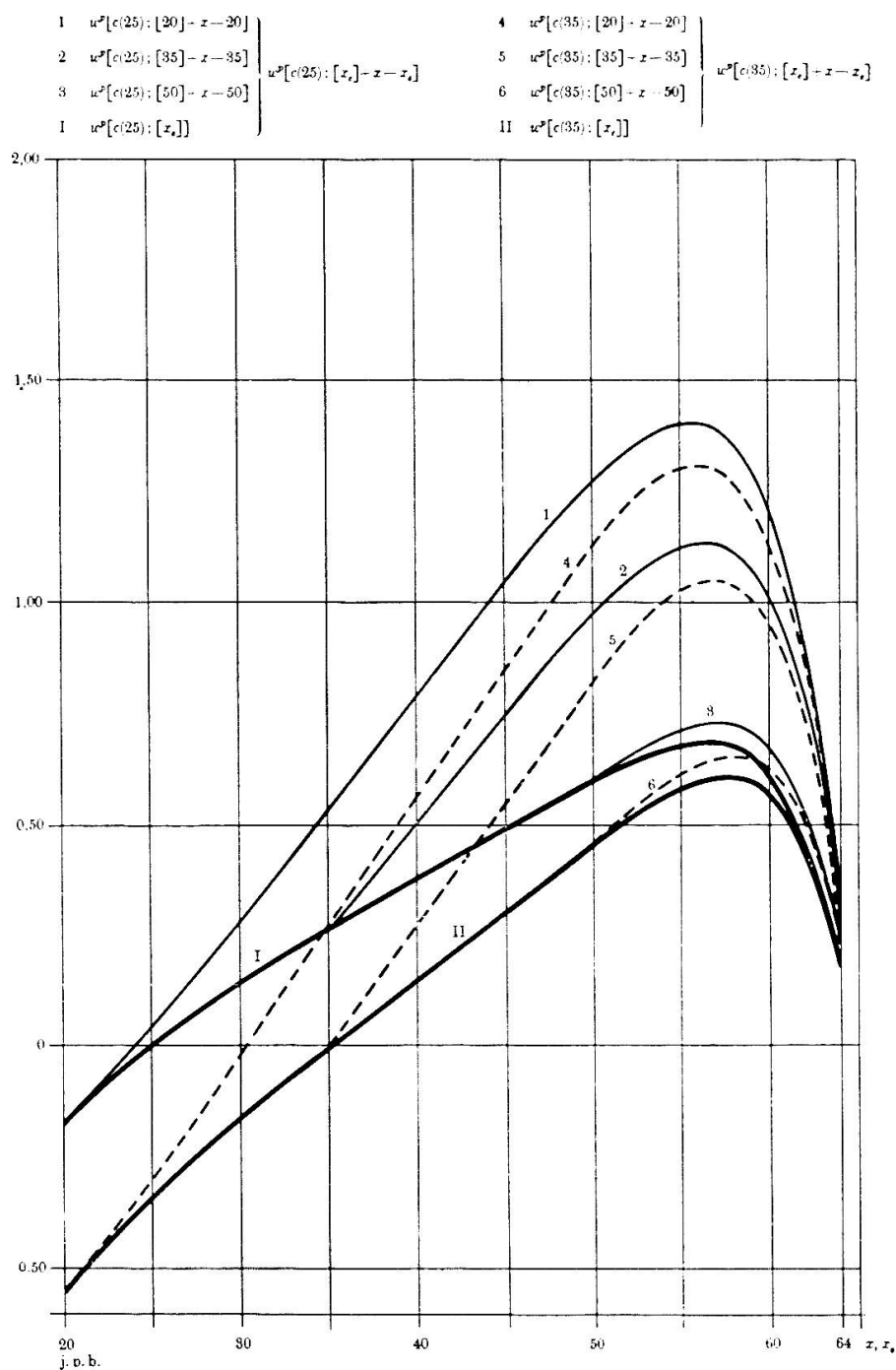
si $0 \leq u - x_e \leq 10$

$$P = \left(0,35 + \frac{u - x_e - 10}{100} \right) s_u \quad \text{si } 10 \leq u - x_e \leq 35$$

$$P = 0,60 s_u$$

si $35 \leq u - x_e \leq 64$

2) Salaire en progression arithmétique: $s_u = s_x + (u - x) A$



Deuxième partie. Description du programme de calcul

Machines

Les calculs ont été effectués avec un ordinateur IBM 1620, mod. I de l'Université de Genève, comprenant :

- Une unité centrale avec une mémoire de 20000 positions décimales (ou 10000 positions alphanumériques)
- Un lecteur/perforateur de cartes
- Une unité à disques interchangeable.

Langage de programmation

Le langage Fortran II-D ne donne pas, à notre avis, une souplesse suffisante pour une utilisation intensive des disques, tant en ce qui concerne la lecture ou l'écriture de données que celles des programmes ou sousprogrammes. Il n'est par exemple pas possible de charger un programme ou un sousprogramme de la bibliothèque traduite sur disques sans l'avoir expressément désigné déjà lors de la traduction du programme principal, ni de garder en mémoire centrale, sans altération des constantes, un sousprogramme lorsqu'on veut changer le programme principal.

Pour ces raisons, nous devons utiliser le langage de base, soit pour notre type de machine le SPS II-D (Symbolic Programming System), en tirant profit du système de programmes et sousprogrammes utilitaires (PSE)¹.

Définition du problème

Sur la base d'un maximum de 6 vecteurs-données $d_i(x)$, $i = 1, 2, \dots, 6$; $x = 20, 21, \dots, 64$, calculer une matrice $W(45 \times 45)$ dans laquelle chaque terme

$$w_{x, x_e} = f_k(x, x_e, c, a), \quad x = 20, 21, \dots, 64 \\ x_e = 20, 21, \dots, 64$$

où a est une constante et c soit une constante (par exemple cotisation unique à 35 ans), soit un vecteur $c_k(x_e)$, $x_e = 20, 21, \dots, 64$, x représen-

¹ Le système PSE a été développé au Centre de calcul de la Chaire d'économétrie de l'Université de Genève dans le cadre d'une recherche menée grâce à l'appui du Fonds national suisse de recherches scientifiques auquel nous tenons ici à exprimer toute notre gratitude.

tant l'âge de l'assuré et x_e son âge d'entrée dans la caisse de pensions. Ces calculs sont à effectuer pour un nombre k de plans de prestations.

Organisation générale du programme

Deux objectifs principaux nous ont guidés dans le choix de la solution adoptée: d'une part, il fallait que le programme puisse être exécuté avec l'ordinateur IBM 1620 de seulement 20000 positions de mémoire, une place maximum devant être réservée pour les fonctions c et W , et d'autre part qu'un seul et même programme puisse être applicable aux options c constant ou $c(x_e)$, et ceci pour k plans de prestations.

Ces circonstances nous ont amenés à écrire un programme-cadre pour le déroulement général des opérations et appelant des sousprogrammes définis par des cartes de contrôle pour le calcul de c et de W , sousprogrammes que nous appellerons par la suite CX et WX . Le programme-cadre se décompose lui-même en 6 phases A, B, C, D, E, F, chaque phase formant un tout et se relayant en mémoire centrale par des chargements successifs à partir du disque. La phase E est appelée lors de chaque changement de page et la phase F en alternance avec la phase WX pour le calcul de chaque w_{x, x_e} , ce qui implique plus de 2000 chargements de programmes du disque en mémoire centrale pour le calcul d'une seule matrice W .

De plus chaque phase peut utiliser elle-même des sousprogrammes et des macro-sousprogrammes¹ (12 macro-sousprogrammes PSE, 6 macro-sousprogrammes du constructeur en plus des sousprogrammes du programme moniteur). Par exemple lors de chacune des 2025 exécutions de l'un des sousprogrammes WX , celui-ci se débranche plus de 60 fois dans des macro-sousprogrammes du système. Ou encore pour chaque nombre calculé, on se débranche, dans la phase E, à un sousprogramme d'édition qui se débranche lui-même dans plusieurs macro-sousprogrammes.

Déroulement du programme

(Toutes les phases font partie de la bibliothèque des programmes sur disque.)

¹ Nous appelons macro-sousprogramme un sousprogramme vers lequel on se débranche par l'écriture d'une instruction, en utilisant un code opératoire défini pour chacun d'eux.

Phase A

- Chargement de tous les macro-sousprogrammes.
- Chargement, en zone II¹, du sousprogramme de chargement des vecteurs-données.
- Lecture, transformation et enregistrement des données et constantes avec construction des mots de contrôle des vecteurs-données.
- Surimpression, en zone II, du sousprogramme de chargement des vecteurs-données par le sousprogramme d'édition.
- Edition et impression de la première page reproduisant l'ensemble des données.
- Lecture de la carte de contrôle pour le choix des sousprogrammes de calcul (*CX* et *WX*) avec construction du sousprogramme de chargement des phases.
- Si commutateur n° 3 enclenché: appel, en zone I, de la phase B et débranchement; sinon: appel en zone I de la phase *CX*.

Phase B

- Si commutateur n° 3 enclenché: lecture de *c* constant, transformation en virgule flottante et report dans toutes les positions du vecteur *c*.
- Report en zone de travail du disque, d'une partie des données et remplacement de celles-ci par la phase *C*; débranchement.

Phase C

- Chargement en zone I et ajustement de la phase *F* (y compris le sousprogramme d'édition de la zone II) et report sur disque en début d'un cylindre de la zone de travail.
- Même travail pour le sousprogramme *WX* amené en zone I+II et reporté sur la seconde moitié du même cylindre de travail du disque.
- Chargement, en zone I, de la phase D et débranchement.

Phase D

- Reprise des données provisoirement enregistrées sur disque et reconstitution de l'ensemble de celles-ci en mémoire centrale.
- Chargement en zone I de la phase E et débranchement.

¹ Voir Annexe.

Phase E

- Nouveau chargement, en zone II, du sousprogramme d'édition.
- Etablissement et impression de l'entête de la page de suite.
- Initialisation des paramètres et chargement, en zone I+II, de la phase WX à partir de la zone de travail du disque.

Phase F

- Edition du résultat $w \neq 0,99999999 \cdot 10^{99}$; si $w = 0,99999999 \cdot 10^{99}$, l'édition est supprimée.
- *En fin de ligne*: impression de celle-ci, établissement des nouveaux paramètres de w_{x,x_e} , chargement de la phase WX et débranchement.
- *En fin de page*: impression de la ligne, chargement de la phase E et débranchement.
- *En fin de matrice*: si commutateur n° 3 enclenché, lecture d'un nouveau c constant avec reconstruction du nouveau vecteur c , chargement de la phase E et débranchement. Une carte c vierge entraîne la fin du travail. Si commutateur n° 3 déclenché: fin du travail.

Sousprogramme CX (peut utiliser toute la zone I)

- Calcul et construction du vecteur c .
- Chargement, en zone I, de la phase B et débranchement.

Sousprogramme WX (peut utiliser l'ensemble des zones I+II)

- Calcul de w_{x,x_e} à partir des valeurs de x et x_e .
- Chargement, en zones I+II, de la phase F à partir de la zone de travail du disque et débranchement.

Inconvénients et avantages de cette solution

Cette méthode de décomposition du programme en phases chargées successivement en mémoire centrale augmente le temps d'exécution sur l'ordinateur IBM 1620 d'environ 80% par rapport à un programme similaire enregistré entièrement en mémoire centrale. Ce rapport peut cependant être fortement diminué par une application plus poussée de la méthode et il faut relever que celle-ci est à notre sens la seule qui permette d'atteindre les objectifs fixés, sans dépasser la capacité de mémoire disponible, les diverses phases mises bout à bout représentant en effet près du double de cette dernière.

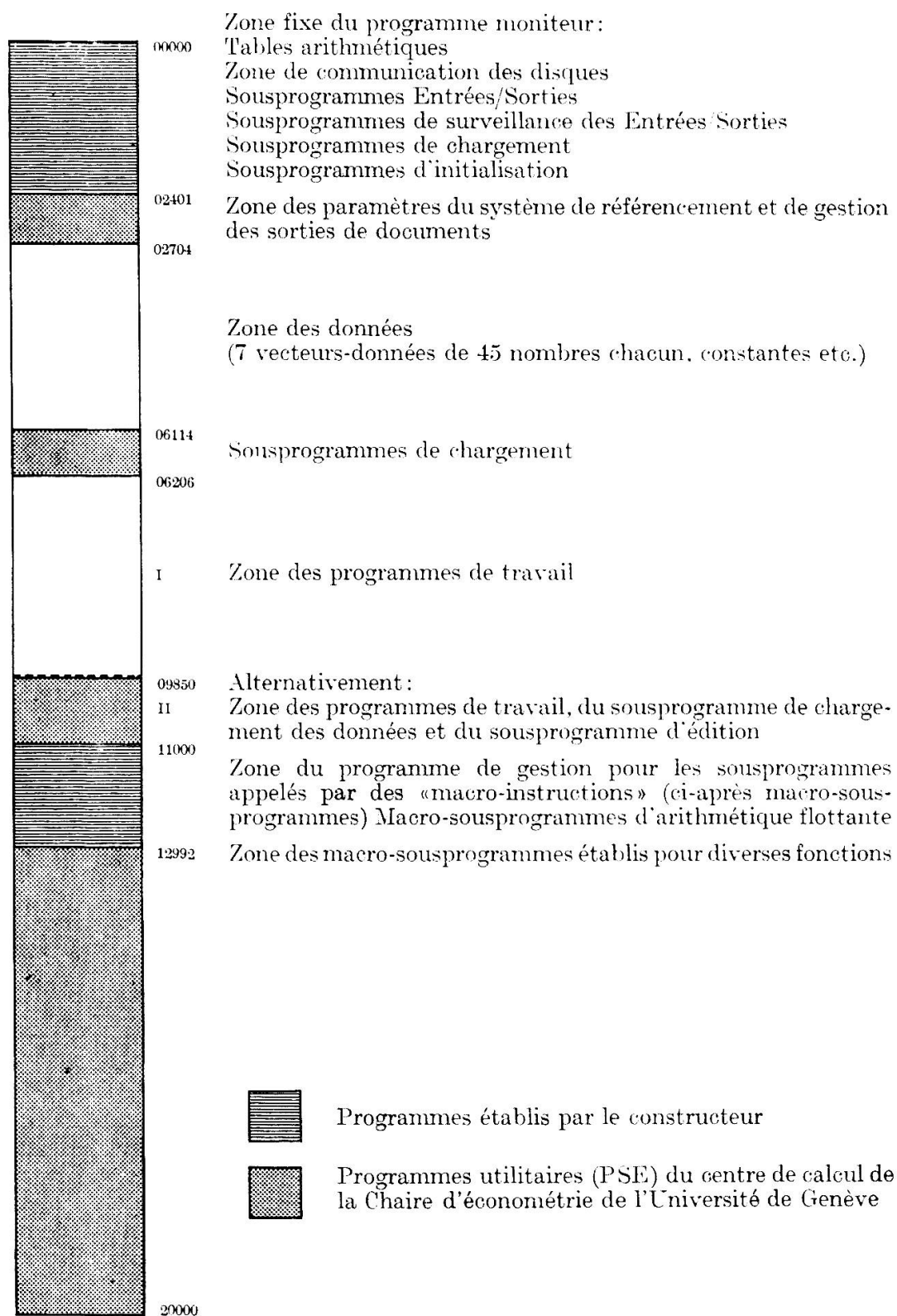
L'avantage majeur, qui reste valable même avec une machine puissante, semble résider dans le fait que la subdivision du programme en phases permet d'assembler et de tester séparément les différents aspects du problème à traiter, avec les facilités de vérification et de correction ultérieures que ce système implique.

D'autre part, il suffit de transcrire simplement les formules de calcul de c et W pour que le programme soit exécutable pour un autre plan de prestations.

Enfin, le fait que tous les sousprogrammes CX et WX sont enregistrés simultanément sur disque permet de concevoir qu'il suffit simplement d'écrire d'autres programmes-cadres pour que l'ensemble de tous les plans de prestations deviennent opérationnels dans les applications pratiques des caisses de pensions, élargissant ainsi le cadre théorique du simple calcul de tables de réserves mathématiques pour un salaire unitaire.

Annexe

Programme «Caisses de pensions »
schéma d'utilisation de la mémoire centrale



Zusammenfassung

Für eine Pensionskasse, welche nur die Deckung des Invaliditätsrisikos vorsieht, stellen die beiden Autoren ein Programm zur Berechnung der mathematischen Reserven auf. Dabei werden drei Rentenformeln und für jede zwei Beitragsätze – dies sowohl für konstante wie linear steigende Besoldung – berücksichtigt. Die Resultate sind nur graphisch wiedergegeben, doch übermitteln die Autoren die numerischen Tabellen gerne an Interessenten.

Summary

The authors expound a method of calculating mathematical reserves for a pension fund covering only disability benefits, having regard to salary remaining constant and salary increasing in arithmetic progression, three benefit formulas and, in respect of each of them, two rates of contribution. The results have been shown only in graphic form. Numerical tables could be expected from the authors.

Riassunto

Gli autori espongono un programma di calcolo delle riserve matematiche – per una cassa pensione che prevede unicamente la copertura del rischio d'invalidità – per uno stipendio costante e per uno stipendio che aumenta in progressione aritmetica, per tre formule di rendite e, per ognuna delle stesse, due tassi di contribuzione. I risultati sono presentati in forma di grafici. Le tavole numeriche possono essere domandate agli autori.

