

**Zeitschrift:** Schweizerische Bauzeitung  
**Herausgeber:** Verlags-AG der akademischen technischen Vereine  
**Band:** 79/80 (1922)  
**Heft:** 8

## Inhaltsverzeichnis

### **Nutzungsbedingungen**

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. [Siehe Rechtliche Hinweise.](#)

### **Conditions d'utilisation**

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. [Voir Informations légales.](#)

### **Terms of use**

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. [See Legal notice.](#)

**Download PDF:** 29.01.2025

**ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>**

INHALT: Der „Stossverlust“ des Wassers beim Eintritt in Schaufelsysteme. — Die Rheinregulierung Strassburg-Basel nach dem schweizerischen Projekt vom September 1921. — Ueberbauungs-Pläne für das Areal der Unfallversicherung „Zürich“ in Zürich. — Die schweizerischen Eisenbahnen im Jahre 1921. — Eidgenössische Tech-

nische Hochschule. — Miscellanea: Wasserkraftanlage Beaumont-Montoux. Ueber Erfahrungen an Eindampfanlagen mit Wärmepumpe. Der deutsche Verein von Gas- und Wasserfachmännern. Metall-Schmelzofen von Russ für Drehstrom-Betrieb. Flugverkehr über den Aermelkanal. — Nekrologie: A. Comte. — Literatur. — Stellenvermittlung.

Band 80.

Nachdruck von Text oder Abbildungen ist nur mit Zustimmung der Redaktion und nur mit genauer Quellenangabe gestattet.

Nr. 8.

### Der „Stossverlust“ des Wassers beim Eintritt in Schaufelsysteme.

Von Prof. Dr.-Ing. D. Thoma, München.

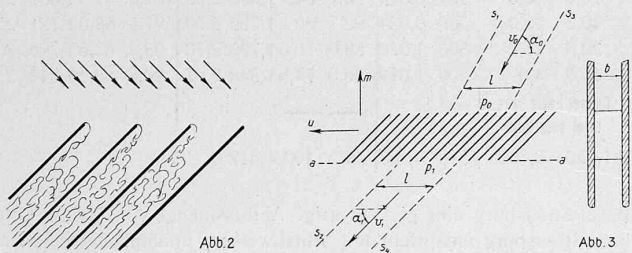
Zeuner hat angenommen, dass der Verlust an hydraulischer Druckhöhe bei dem nicht „stossfreien“ Eintritt des Wassers in das Laufrad einer Turbine gleich der Druckhöhe ist, die nötig wäre, um eine Geschwindigkeit gleich der geometrischen Differenz zwischen der Geschwindigkeit im Anfang des Laufradkanals und der Zuströmgeschwindigkeit zu erzeugen. Bei Verwendung der Bezeichnungen in Abb. 1, die einen Leitradkanal und einen davorstehenden ruhenden Laufradkanal darstellt, wäre demnach der Druckhöhenverlust

$$h_v = \frac{v'^2}{2g} \quad (I)$$

Eine Begründung für seine Annahme hat Zeuner nicht gegeben; seine Formeln für den Stossverlust sind deswegen auch häufig angefochten worden.

Es ist nun bemerkenswert, dass man die Zeuner'schen Formeln ohne irgendwelche willkürlichen Annahmen ableiten kann, allerdings nur für den Fall, dass die Laufradschaufeln gerade sind und dass der Spalt zwischen Leitrad und Laufrad gross ist, nämlich so gross, dass die lokalen Druckänderungen, die sich bei den schnellen Richtungsänderungen des Wassers beim Auftreffen auf die Laufradschaufeln einstellen, nicht bis zu den Leitschaufel-Enden zurückreichen. Die Ableitung bezieht sich also auf ein System von geraden Schaufeln, dem das Wasser aus grosser Entfernung in einer Richtung zuströmt, die nicht mit der Richtung der Schaufeln übereinstimmt.

Der Strömungsvorgang ist in Abbildung 2 etwas übertrieben dargestellt. Der Wasserstrom löst sich an der Eintrittskante zunächst von dem Rücken der Schaufeln ab und der so entstehende Strahl vermischt sich in der folgenden Strecke des Kanals mit dem, dem Rücken des Kanals angelagerten Totwasser, sodass nach Zurücklegung einer gewissen Strecke die Strömung wieder gleichmässig geworden ist und den ganzen Kanalquerschnitt ausfüllt. Die Verluste entstehen bei Vermischung des Strahles mit dem Totwasser und dieser verwickelte Vorgang lässt sich natür-



lich im einzelnen nicht verfolgen. Um trotzdem die Grösse des Druckhöhenverlustes rechnerisch zu bestimmen, muss man zunächst die eben erwähnte Erfahrungstatsache beachten, dass nach dem Durchlaufen einer längeren Kanalstrecke die Strömung wieder gleichmässig geworden ist; ferner muss man noch die Bedingung heranziehen, dass die von den Schaufeln auf das Wasser übertragene Kraft, bei Vernachlässigung der Schaufeldicke und der Reibung, nur durch die Differenz der Flüssigkeitsdrucke zu beiden Seiten der Schaufeln verursacht ist und deswegen senkrecht auf der Ebene der Schaufeln stehen muss — ein Umstand, der bisher meines Wissens nicht beachtet wurde.

Zur Rechnung möge der Strömungsvorgang in einem Schaufelsystem nach Abbildung 3 (ebene Schaufeln zwischen parallelen ebenen Wänden) betrachtet werden. Die Schaufeln üben Kräfte auf das Wasser nur aus, solange der Druck zu beiden Seiten einer Schaufel verschieden ist. Es ist deswegen zulässig, sich die Schaufeln dort, wo die Strömung und damit die Druckverteilung wieder gleichmässig geworden ist (bei a — a) fortgeschnitten zu denken. Man betrachte denjenigen Teil der Gesamtströmung, der zwischen den Stromlinien  $s_1, s_2, s_3, s_4$  und den entsprechenden Schaufeln eingeschlossen ist. Druck und Geschwindigkeit vor dem Eintritt in das Schaufelsystem seien mit  $p_0$  und  $v_0$ , Druck und Geschwindigkeit nach dem Austritt mit  $p_1$  und  $v_1$  bezeichnet. Dann wird bei Abwesenheit von Schwere-

Wirkungen der Druckhöhenverlust  $h_v$  bekanntlich allgemein dargestellt durch die Gleichung:

$$h_v = \frac{v_0^2 - v_1^2}{2g} + \frac{p_0 - p_1}{\gamma} \quad (2)$$

In dieser Gleichung ist die Beziehung zwischen  $v_0$  und  $v_1$  durch die Kontinuitätsbedingung ( $v_1 \sin \alpha_1 = v_0 \sin \alpha_0$ ) gegeben, während die Differenz  $p_0 - p_1$  noch ermittelt werden muss.

Nach den bekannten, für die Ablenkung eines Wasserstromes bestehenden Beziehungen ist die in die  $u$ -Richtung fallende Komponente  $D_u$  der von den Schaufeln auf das Wasser übertragenen Kraft  $D$  gleich:

$$D_u = \frac{Q\gamma}{g} (v_1 \cos \alpha_1 - v_0 \cos \alpha_0) \quad (3)$$

wenn  $Q$  das in der Zeiteinheit einströmende Wasservolumen bedeutet. Andererseits ist die in die  $m$ -Richtung fallende Komponente  $D_m$  dieser Kraft gleich

$$D_m = \frac{Q\gamma}{g} (v_0 \sin \alpha_0 - v_1 \sin \alpha_1) + l b p_0 - l b p_1$$

oder, da der Klammernwert infolge der Kontinuitätsbedingung gleich Null ist, auch gleich

$$D_m = l b p_0 - l b p_1 \quad (4)$$

Da die von den Schaufeln auf das Wasser übertragene Kraft senkrecht zu den Schaufelflächen gerichtet ist, muss aber ausserdem sein

$$\frac{D_u}{D_m} = \operatorname{tg} \alpha_1 \quad (5)$$

Aus den Gleichungen (3), (4), und (5) ergibt sich, wenn man berücksichtigt, dass  $l b \sin \alpha_0 v_0 = Q$  ist:

$$\frac{p_0 - p_1}{\gamma} = \frac{v_0 \sin \alpha_0}{g \operatorname{tg} \alpha_1} (v_1 \cos \alpha_1 - v_0 \cos \alpha_0)$$

Setzt man diesen Wert in Gleichung (1) ein, und beachtet, dass  $v_1 = v_0 \frac{\sin \alpha_0}{\sin \alpha_1}$  ist, so erhält man als Druckhöhenverlust den zunächst ziemlich verwickelt erscheinenden Ausdruck:

$$h_v = \frac{v_0^2}{2g} \left( 1 - \frac{\sin^2 \alpha_0}{\sin^2 \alpha_1} \right) + \frac{v_0^2}{g} \frac{\sin \alpha_0}{\operatorname{tg} \alpha_1} \left( \frac{\sin \alpha_0 \cos \alpha_1}{\sin \alpha_1} - \cos \alpha_0 \right)$$

$$\text{der sich aber auf die einfache Form} \quad (6)$$

$$h_v = \frac{v_0^2}{2g} \frac{\sin^2 (\alpha_0 - \alpha_1)}{\sin^2 \alpha_1}$$

bringen lässt.

Nun ist aber, wie man leicht ermittelt, die geometrische Differenz der Geschwindigkeiten  $v_1$  und  $v_0$  (Abb. 4)

$$v' = \frac{v_0 \sin (\alpha_0 - \alpha_1)}{\sin \alpha_1}$$

Dies in Gleichung (6) eingesetzt, gibt

$$h_v = \frac{v'^2}{2g}$$

wobei  $v'$  die „verlorene Geschwindigkeit“ Zeuner's ist. Der Zeuner'sche Ansatz ist somit für die erwähnten Vor-