

Zeitschrift: Schweizerische mineralogische und petrographische Mitteilungen =
Bulletin suisse de minéralogie et pétrographie

Band: 43 (1963)

Heft: 2

Artikel: Eine Gefüge-Röntgenkamera

Autor: Wenk, Hans-Rudolf

DOI: <https://doi.org/10.5169/seals-33473>

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. [Siehe Rechtliche Hinweise.](#)

Conditions d'utilisation

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. [Voir Informations légales.](#)

Terms of use

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. [See Legal notice.](#)

Download PDF: 26.04.2025

ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>

Eine Gefüge-Röntgenkamera

Von *Hans-Rudolf Wenk* (Basel)

Mit 2 Tabellen und 7 Textfiguren

Abstract

A method has been developed which modifies the X-ray-texture-analysis for special use in petrofabrics. By two photographical exposures of a simple slide it permits to find the type of orientation and the position of the maximum of a given plane (hkl) relative to the slide. Geometrical relations and the way of interpreting an exposure are described.

Einleitung

Bei der optischen Untersuchung einiger Regelungstypen in Quarzitgefügen (vgl. V. TROMMSDORFF und E. WENK, 1963) drängte sich zum besseren Verständnis der Daten eine Röntgenanalyse auf. Zu diesem Zweck wurde eine Kamera entwickelt, die es gestattet, auf photographischem Weg, mit geringem apparativem Aufwand die bevorzugten Pollagen einer bestimmten Netzebene (hkl) in bezug auf die Präparatenebene, durch Neigung und Azimut anzugeben. Texturuntersuchungen mit Röntgenstrahlen sind nicht neu¹⁾. Sie werden besonders in der Metallurgie, wo andere Methoden versagen, häufig angewendet. Es fehlt hingegen bis jetzt eine befriedigende Lösung, die auf Gesteinsgefüge zuges passt ist. Es stellen sich hier spezielle Probleme, die eine direkte Übertragung der Texturmethode nicht zulassen. In der vorliegenden Arbeit wird ein Verfahren beschrieben, das den Forderungen des Petrographen nach Ein-

¹⁾ Zum ersten Mal in Petrographie: SANDER, B. und SACHS, G.: Zur röntgenographischen Gefügeanalyse in Gesteinen. Z. Kristallogr. 75, 550—571 (1930). — KRATKY, O.: Ein Röntgengoniometer für die Polykristalluntersuchung. Z. Kristallogr. 72, 529—540 (1930). — Ausführliches Literaturverzeichnis in KURT v. GEHLEN: Röntgenographische und optische Gefügeanalyse von Erzen. Beitr. Mineral. u. Petrogr. 7, 340—388 (1960).

fachheit — sowohl des aufnahmetechnischen Vorgehens und der Auswertung, als auch der Herstellung des zu untersuchenden Präparates — gerecht wird. Absichtlich sprechen wir nicht von einer Texturkamera, da die Methode speziell auf die Anwendung in der Gefügekunde der Gesteine zugeschnitten ist.

An dieser Stelle sei dem Präparator des Mineralogischen Institutes in Basel, Herrn E. Glauser, herzlich gedankt. Er besorgte die mechanische Konstruktion und Ausführung der Kamera. Ohne seine Hilfe hätte der Apparat wohl nie verwirklicht werden können. Die technischen Angaben werden demnächst veröffentlicht. Es soll in dieser Arbeit nicht auf Einzelheiten eingegangen werden. Wir beschreiben lediglich die geometrischen Beziehungen und das Vorgehen bei der Auswertung.

Bewegung des Präparates

Als Präparat dient ein gewöhnlicher Gesteinsdünnschliff (Dicke = $30\ \mu$) auf Objektträger, aber ohne Deckglas. Dies hat den grossen Vorteil, dass optische und röntgenographische Untersuchungen am gleichen Material durchgeführt und unmittelbar miteinander verglichen werden können. Gleichzeitig ist die Herstellung und Montierung des Präparates dadurch denkbar einfach. Als Nachteil müssen wir in Kauf nehmen, dass wir nur im Raum oberhalb der Präparatenebene, im Rückstrahlbereich, arbeiten können. Es werden nur diese Strahlen registriert, während die anderen im Glas des Objektträgers absorbiert werden. Auf die Sichtbarkeitseinschränkungen, welche sich daraus ergeben, werden wir noch zu sprechen kommen. Durch geeignete Neigung des Präparates zum Primärstrahl σ erhält man doch einen genügend grossen Aufnahmebereich. Eventuell müssen zwei Aufnahmen von verschiedenen Schnitten gemacht werden, um die Lage sämtlicher Netzebenen (hkl) zu erfassen. Am günstigsten ist im allgemeinen ein schiefer Schnitt.

Das Präparat wird um eine Achse, welche gegenüber dem Primärstrahl um $(90^\circ - \sigma)$ geneigt ist und diesen schneidet, mit einer Winkelgeschwindigkeit ω gedreht. ω wird so gewählt, dass während der Dauer einer Aufnahme gerade eine Umdrehung ausgeführt wird. Während der ganzen Exposition wird der Dünnschliff überdies auf einem Kreutztisch mit konstanter Geschwindigkeit über die ganze Fläche parallel verschoben. Man erreicht damit eine Mittelung der Netzebenenverteilung über den ganzen Schliff. Die Verschiebungsgeschwindigkeit ist so gross, dass praktisch jeder Punkt des Präparates bei jedem Drehwinkel einmal vom Primärstrahl getroffen wird.

Winkelbeziehungen

(Fig. 1 und 2)

Der Primärstrahl trifft durch die Blende auf das Präparat und wird dort, wenn die Braggsche Reflexionsbedingung erfüllt ist, auf einen Kreiskegel mit dem halben Öffnungswinkel 2θ gebeugt. Um zu reflektieren, muss die betrachtete Netzebene (hkl) einen Kegel vom halben Öffnungswinkel θ tangieren.

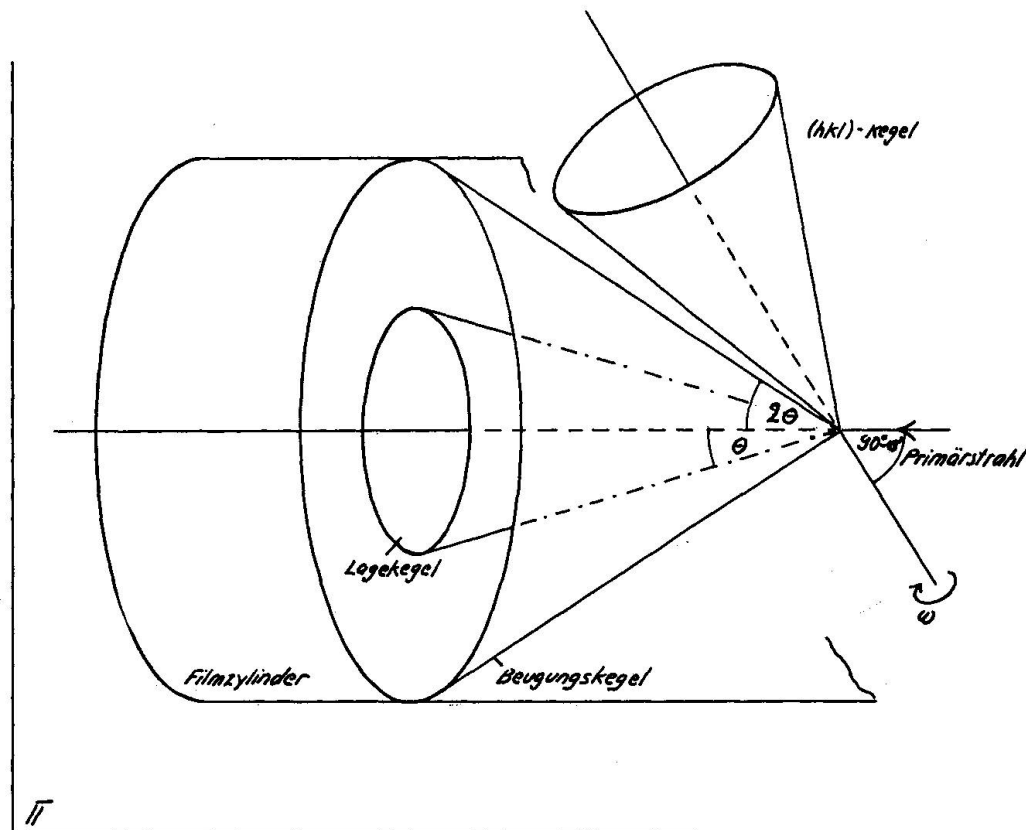


Fig. 1.

In einer ersten Aufnahme wird der Neigungswinkel ψ der Netzebenen ($h_k l_i$) zum Präparat bestimmt. Es werden mehrere Netzebenen von verschiedenen Mineralien gleichzeitig aufgenommen. Aus dieser Übersichtsaufnahme können schon wertvolle Aussagen darüber gemacht werden, welche kristallographische Fläche eines bestimmten Minerals eingeregelt ist. Der Film befindet sich auf einem Halbzylinder mit dem Primärstrahl als Achse und dem Radius R . Die Vertikalebene π ist Symmetrieebene, es genügt deshalb, die eine Hälfte zu betrachten. Der Filmzylinder bleibt während der Aufnahme fest.

Im Dreieck ABD lässt sich mit dem Winkelkosinussatz der Winkel ψ angeben:

$$\cos \psi = -\frac{\sin \sigma \sin \theta \sin^2 \varphi}{(1 - \cos^2 c)} + \cos c \sqrt{\left(1 - \frac{\sin^2 \sigma \sin^2 \varphi}{(1 - \cos^2 c)}\right) \left(1 - \frac{\sin^2 \theta \sin^2 \varphi}{(1 - \cos^2 c)}\right)}, \quad (2)$$

$\cos c$ aus (1).

Macht man den Neigungswinkel σ zu θ , so werden die Verhältnisse besonders übersichtlich (vgl. Fig. 4). Gleichzeitig werden in dieser Stellung sämtliche Netzebenenwinkel ψ von 0° bis 90° registriert. Die Formel (2) vereinfacht sich dann zu

$$\cos \psi = -\frac{\sin^2 \theta \sin^2 \varphi}{\sin^2 c} + \cos c \left(1 - \frac{\sin^2 \theta \sin^2 \varphi}{\sin^2 c}\right) \quad (3)$$

$$\cos c = \cos^2 \theta + \sin^2 \theta \cos \varphi.$$

Für einige Winkel wurde die allgemeine Funktion numerisch berechnet. Die Resultate sind in Tabelle 1 zusammengestellt, ausserdem ist für $\sigma = 10^\circ$ ein Diagramm gegeben (Fig. 3). Solche Übersichten erlauben uns, den günstigsten Neigungswinkel zu finden. Die Ausrechnung dieser und der folgenden Tabelle wurde auf einem IBM 1620 Data Processing System im Rechenzentrum der Universität Basel durchgeführt.

Wir haben die Neigung des Häufungszentrums zur Präparatebene bestimmt. Den Winkel φ erhalten wir sofort, wenn wir auf dem planen Film den Abstand des Schwärzungszentrums vom Kulminationspunkt der Kamera mit einem Längenmassstab messen. Ist R der Kameraradius, y der gemessene Abstand, so erhalten wir für

$$\varphi = \frac{360^\circ \cdot y}{2\pi R} \quad (4)$$

Zweckmässig wird man für R ein Vielfaches von $1/\pi$ wählen. Um die Lage des Häufungszentrums zu kennen, brauchen wir neben der Neigung noch das Azimut, bezüglich einer Schliffkante. Dieses wird in einer zweiten Aufnahme bestimmt. Mit einer Screen-Blende wird der Reflex der geregelten Ebene (hkl) ausgeblendet. Das Präparat bewegt sich gleich wie bei der vorigen Aufnahme, doch wird nun der Filmzylinder synchron zur Präparatdrehung parallel zum Primärstrahl als Achse verschoben (Fig. 5).

Mit dieser Bewegung wird das Azimut μ , das bei der ersten Aufnahme im Linienreflex überlagert war, aufgelöst.

Ist die Azimutdifferenz zwischen zwei Flächen gleicher Neigung ψ gleich ν , so muss man das Präparat um denselben Winkel ν drehen,

Tabelle 1. Werte von ψ

φ	$2\theta = 20$				$2\theta = 30$			
	σ				σ			
	0	10	30	60	0	10	30	60
0°	10,0	0,0	20,0	49,9	15,0	5,0	15,0	45,0
10°	14,1	9,8	28,0	51,6	17,9	47,2	32,5	47,7
20°	22,2	19,6	43,2	56,3	24,8	82,5	56,8	54,7
30°	31,4	29,5	59,1	62,9	33,2	73,7	77,9	64,1
40°	41,0	39,3	73,9	70,6	42,2	57,8	84,9	74,3
50°	50,7	49,1	87,1	78,6	51,6	48,9	71,4	84,1
60°	60,5	58,9	81,4	86,3	61,1	58,6	60,9	86,8
70°	70,3	68,7	71,6	86,6	70,7	68,2	65,4	79,2
80°	80,1	78,5	76,4	80,6	80,3	77,8	74,0	73,1
90°	89,9	88,2	85,0	81,3	90,0	87,4	82,5	77,0
100°	80,1	82,0	86,4	86,2	80,3	83,0	89,0	81,9
120°	60,5	62,9	70,1	84,5	61,1	64,4	73,2	89,0
140°	41,0	44,5	55,4	76,8	42,2	46,8	59,2	81,6
160°	22,2	28,2	44,3	71,8	24,8	31,9	48,9	76,7
180°	10,0	20,0	40,0	70,0	15,0	25,0	45,0	75,0

φ	$2\theta = 60$				$2\theta = 90$			
	σ				σ			
	0	10	30	60	0	10	30	60
0°	30,0	20,0	0,0	30,0	45,0	35,0	15,0	15,0
10°	31,4	28,0	8,6	40,5	45,8	38,1	47,0	58,3
20°	35,5	43,2	17,2	60,2	48,3	46,1	80,7	84,1
30°	41,4	59,1	25,9	79,3	52,2	56,4	75,6	61,2
40°	48,4	73,9	34,4	84,4	57,2	67,3	59,6	46,9
50°	56,1	87,1	42,9	71,4	62,9	77,9	48,7	38,0
60°	64,3	81,4	51,3	61,7	69,2	87,7	48,7	37,8
70°	72,7	71,6	59,5	55,0	76,0	83,3	55,7	42,8
80°	81,3	76,4	67,6	59,4	82,9	75,8	62,6	47,6
90°	90,0	85,0	75,5	64,3	90,0	82,9	69,2	52,2
100°	81,3	86,4	83,1	69,0	82,9	89,8	75,6	56,5
120°	64,3	70,1	82,8	77,4	69,2	76,9	87,2	64,1
140°	48,4	55,4	71,0	84,1	57,2	65,7	83,3	70,0
160°	35,5	44,3	62,9	88,5	48,3	57,8	77,1	73,7
180°	30,0	40,0	60,0	90,0	45,0	55,0	75,0	75,0

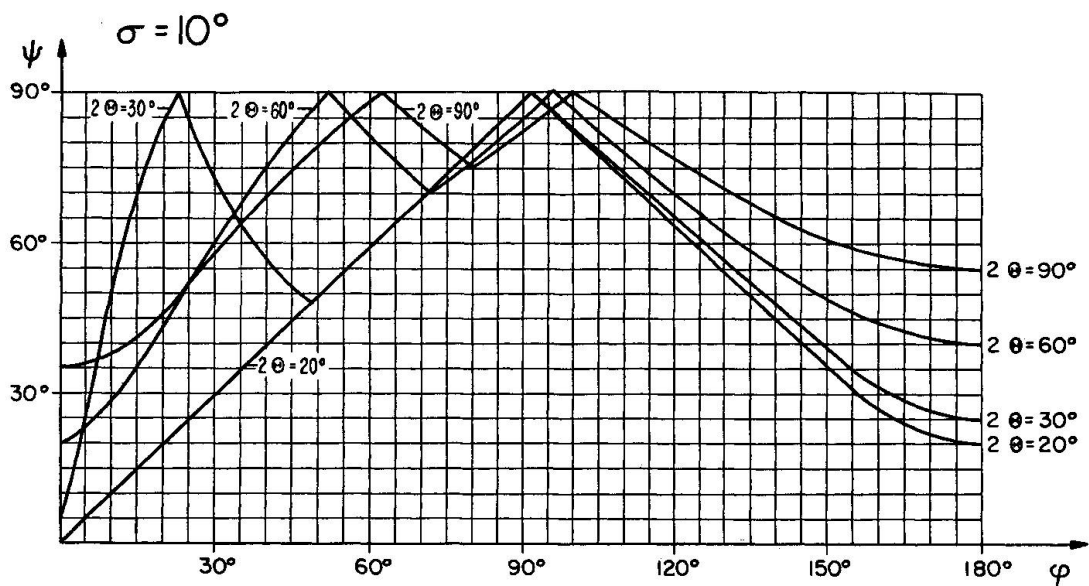


Fig. 3.

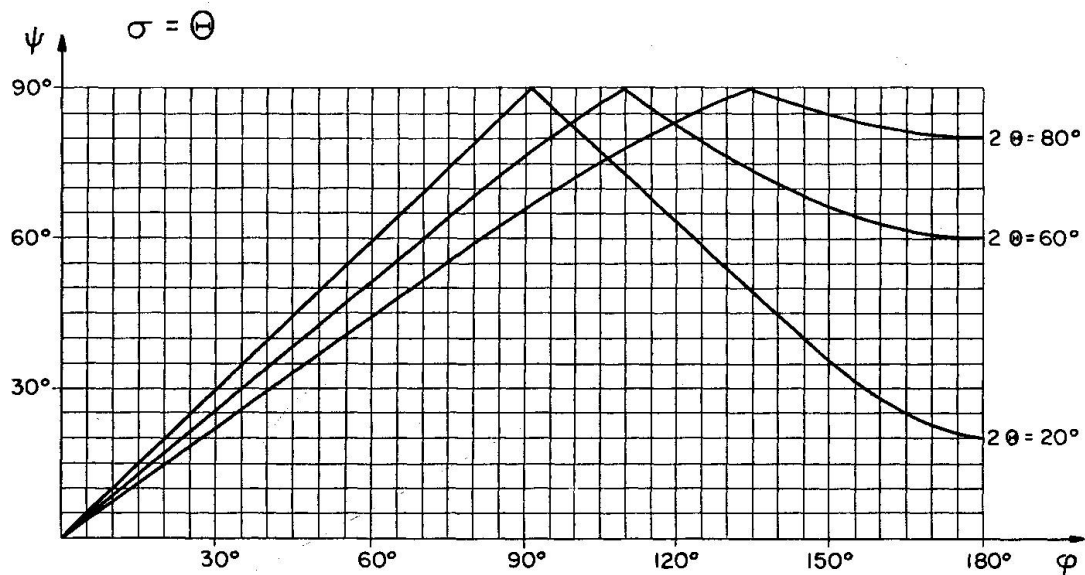


Fig. 4.

um von der Reflexionsstellung der einen Fläche zu derjenigen der andern zu gelangen. Bei einer Verschiebung des Filmes um 1 cm pro Präparatumsdrehung erhalten wir für die Azimutdifferenz ν den Betrag

$$\nu = \frac{360^\circ \cdot x}{l}, \quad (5)$$

wenn x der auf dem Film gemessene Abstand zwischen den beiden Reflexionen ist. Das Azimut wird linear aufgenommen. Der Nullpunkt

der Azimutzählung fällt hingegen nicht mit dem Filmanfang zusammen, sondern ist gegenüber diesem um δ verschoben. δ ist bei fixen Aufnahmebedingungen (θ und σ vorgegeben) nur noch eine Funktion der Netzebenenneigung ψ zum Präparat und unabhängig vom Wert der Azimutdifferenz ν :

$$\mu = \nu + \delta_{(\psi)}. \quad (6)$$

Für einen bestimmten vertikalen Reflexionswinkel φ ist demnach δ konstant. Wir erkennen den Winkel δ in Fig. 2 als Seite AD des sphärischen Dreiecks ABD. Gegeben sind die Winkel ψ (2) und β' (1a, 1b) sowie die Seite c (1). Gesucht ist die Seite AD = δ . Mit Hilfe des Sinussatzes können wir diese sofort angeben:

$$\frac{\sin \delta}{\sin \beta'} = \frac{\sin c}{\sin \psi}, \quad (7)$$

$$\sin \delta = \frac{\sin c \sin \beta'}{\sin \psi} = \frac{\sqrt{\sin^2 c - \sin^2 \sigma \sin^2 \varphi}}{\sin \psi} \quad (8)$$

Wir verzichten absichtlich darauf, die Werte von c und ψ einzusetzen; die Formel würde dadurch sehr unübersichtlich. Man wird ja diese Formel kaum zur Berechnung von Einzelwerten verwenden, sie wird mehr einer Anfertigung von Tabellen dienen, und für das Programmieren auf Rechenautomaten ist die hier gegebene Form zweckmässiger, besonders wenn die Werte von ψ und δ in einem Rechengang bestimmt

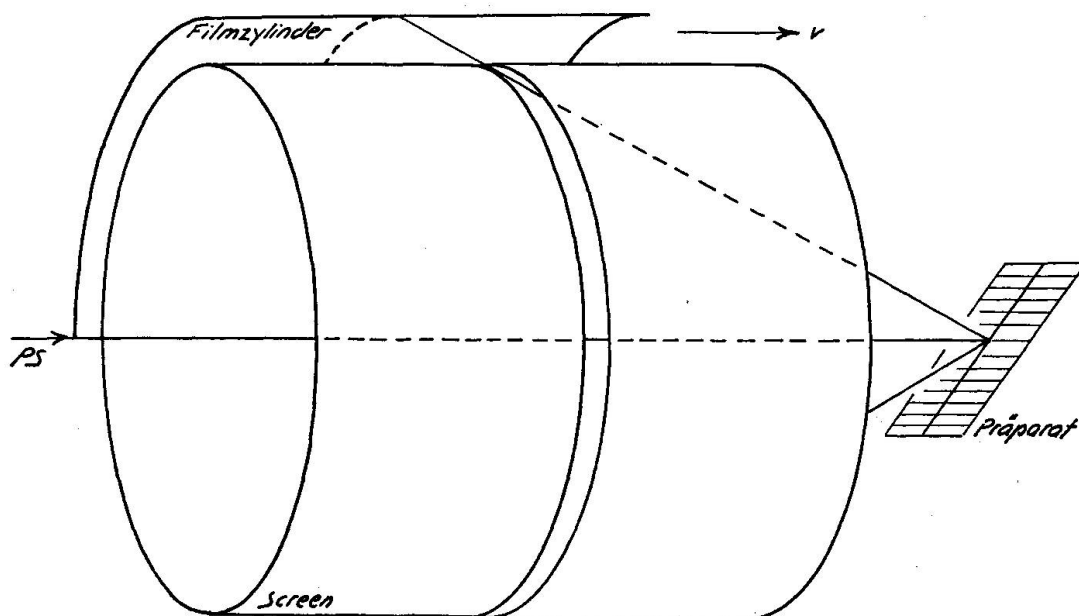


Fig. 5.

werden. Wählt man bei der Azimutbestimmung einen Neigungswinkel $\sigma = \theta$, was besonders günstig ist, so vereinfacht sich die Formel gewaltig. Wir betrachten das rechtwinklige Dreieck ACD. Im Falle wo $\sigma = \theta$ ist, wird $\sphericalangle CDA$ zu $\frac{\varphi}{2}$ und $\sphericalangle ACD$ zu $\frac{\varphi}{2}$, gleichzeitig die Seite AC zu θ . Berechnen wir δ bei vorgegebenem φ , so erhalten wir für die Azimutverschiebung δ

$$\operatorname{tg} \delta = \sin \theta \operatorname{tg} \frac{\varphi}{2} \quad (9)$$

Ist andererseits φ bekannt, so berechnet sich δ zu

$$\sin \delta = \operatorname{tg} \theta \operatorname{ctg} \frac{\varphi}{2} \quad (10)$$

Die Ordinate y sollte mit dem vorhin bestimmten Wert übereinstimmen. In der Praxis wählt man nur einen Viertelszylinder als Filmeinlage, welcher in einem oberen Quadranten montiert ist. Man kann dadurch wesentlich Filmmaterial einsparen und die technische Ausführung sehr erleichtern. Die Massnahme ist dadurch gerechtfertigt, dass die in der Gefügekunde interessanten Kristallflächen bei fast allen Mineralien Beugungswinkel haben, welche kleiner als 90° sind, und bei diesen sind die beiden unteren Quadranten durch das Präparat sowieso verdeckt. Um günstige Beugungswinkel zu erhalten, wird man je nach Fall die geeignete Anode (Cu oder Mo, evtl. Fe) verwenden.

Sichtbarkeitseinschränkungen

Wie vorhin erwähnt wurde, werden Reflexe, welche im Raum unterhalb der Präparatebene liegen, nicht registriert, da die Strahlung in Dünnschliff und Objektträger absorbiert wird.

Ist σ wiederum die Neigung des Präparates gegen den Primärstrahl, 2θ der Beugungswinkel, φ der sichtbare Bereich des gebeugten Strahles (grössere Winkel werden nicht registriert), so berechnet sich φ zu

$$\cos \varphi = \operatorname{ctg}(2\theta) \operatorname{tg} \sigma,$$

wie man Fig. 6 entnehmen kann.

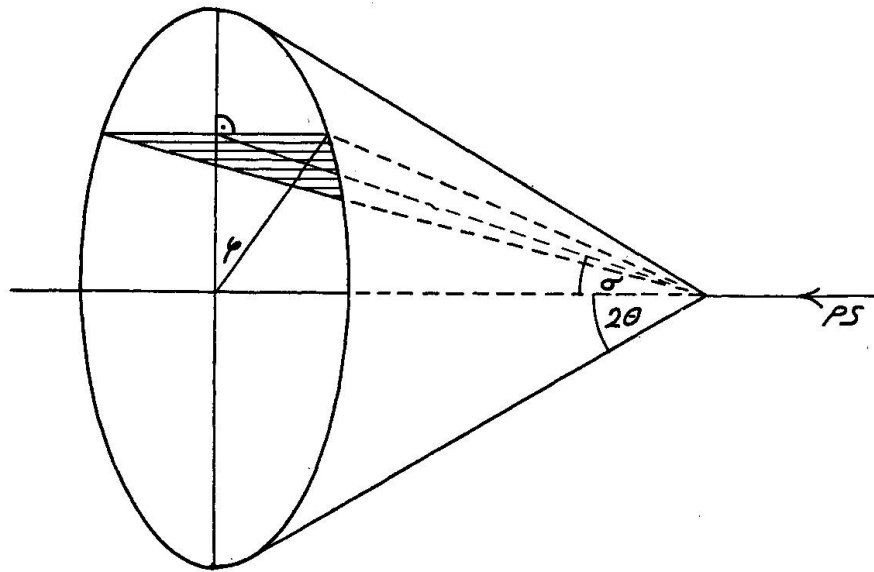


Fig. 6.

In Tabelle 2 sind die Werte für φ berechnet und als Funktion von 2θ und σ zusammengestellt. Winkel für $90^\circ < 2\theta < 180^\circ$ erhält man sofort aus Symmetrieüberlegungen. In Fig. 7 sind die Winkel in einem Diagramm dargestellt.

Tabelle 2. Sichtbarkeitseinschränkungen φ [illegible]

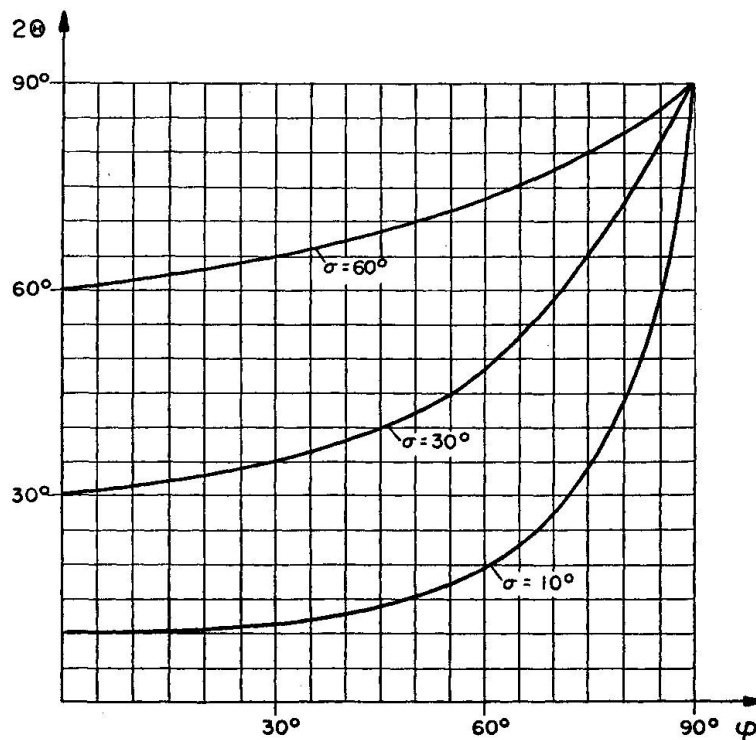


Fig. 7.

Auswertung einer Aufnahme

Zum Schluss sei noch beschrieben, wie bei der Auswertung vorgegangen werden soll.

Mit mittlerem bis kleinem Neigungswinkel σ (5° — 15° , aber nicht 0°) wird die Übersichtsaufnahme gemacht. Zunächst indiziert man die Linien mit Hilfe einer Tabelle (zum Beispiel ASTM-Kartei). Man erhält dabei Aufschluss über die mineralogische Zusammensetzung des Gesteins in qualitativer bis halb-quantitativer Hinsicht. Für Gefügeuntersuchungen wird man jedoch eher monomineralische Gesteine (etwa Marmore, Kalksteine, Quarzite) verwenden, da über den Regelungsmechanismus in heteromikten Kristallaggregaten noch sehr wenig bekannt ist. Jedenfalls dürfen sich Reflexe verschiedener Mineralien, welche der Auswertung dienen sollen, nicht überlagern. Linienreiche Silikatgemische bieten grosse Schwierigkeiten. Schon die eindeutige Indizierung ist oft nicht möglich. Die untersuchten Mineralien müssen auch mehr oder weniger isometrisch sein, ebenso darf die Regelung nicht mit der Korngrösse variieren, da über die Fläche, nicht über die Einzelindividuen

gemittelt wird. Bei stengeligen und tafeligen Mineralien kann nur durch Korrekturfaktoren²⁾ eine gewisse Annäherung erreicht werden.

Man vergleicht nun die Reflexe eines bestimmten Minerals (zum Beispiel Quarz in Gneiss) miteinander. Die Schwärzungen werden bei allen Linien schwanken. Ist das Gitter aber nicht dreidimensional fixiert, sondern nur eine Fläche eingeregelt, und haben wir es mit einem schiefen Schnitt zu tun, so wird man bei einer und nur bei einer Linie (ausser den Reflexen höherer Ordnung derselben Netzebene) ein besonders scharfes Maximum erkennen. Diese Ebene (hkl) ist im Gestein geregelt, und wir können ihre Neigung gegen das Präparat angeben. Im Schnitt parallel zu der für die Regelung massgebenden Flächenschar (oft s) scheinen alle Netzebenen geregelt, da sich die Winkel der Netzebenen zum Primärstrahl beim Drehen des Präparates nicht ändern. Für die allgemeine Untersuchung ist deshalb dieser spezielle Schnitt ungünstig; er erlaubt hingegen Aussagen über die Qualität der Regelung. Es ist zu bemerken, dass wir immer — auch bei der geregelten Gitterebene — einen diffusen Untergrund erkennen. Das rührt nicht nur davon her, dass die Regelung nicht vollständig ist, sondern auch vom Umstand, dass von den drei (im trigonalen System) röntgenographisch gleichwertigen Netzebenen (zum Beispiel $[0\bar{1}11]$ $[\bar{1}101]$ $[10\bar{1}1]$) jeweils nur eine [zum Beispiel $(10\bar{1}1)$] eingeregelt ist, während die andern gewöhnlich streuen. Wie man dem Diagramm in Fig. 3 entnimmt, geben die um ψ gegen das Präparat geneigten Netzebenen im allgemeinen mehrere Schwärzungszentren auf dem Film, was nicht unbedingt erwünscht ist. Es kann wohl als Kontrolle dienen, doch wird das Bild dadurch unübersichtlicher und die Deutung ungenauer und komplizierter. Besonders für die zweite Aufnahme wählt man deshalb mit Vorteil eine Präparatneigung σ , die ein möglichst einfaches Bild ergibt (Kurve möglichst linear, ohne Maxima, nicht zu steil und trotzdem einen grossen Winkelbereich erfassend im Intervall $0 < \varphi < 90^\circ$). Wie wir oben bemerkt haben, ist $\sigma = \theta$ (Formel 3, Fig. 4) besonders günstig. Allerdings muss immer ein Kompromiss mit den Sichtbarkeitseinschränkungen getroffen werden. Von Fall zu Fall ändern die Bedingungen. Man wählt deshalb den günstigsten Neigungswinkel anhand von Tabellen.

Ist die geregelte Netzebene gefunden, so blendet man mit dem Screen den entsprechenden Reflex aus und bestimmt in einer zweiten Aufnahme das Azimut. Diesmal zeigt der Film ein zweidimensionales Schwärzungs-

²⁾ B. SANDER mit D. KASTLER und J. LADURNER: Zur Korrektur des Schnitteffektes in Gefügediagrammen heterometrischer Körner. Wien, 1954.

bild einer einzigen Fläche. Die eingeregelter Netzebene gibt ein punkt- bis kreisförmiges Maximum, die anderen ergeben Kurven. Schon von bloßem Auge kann die Qualität der Regelung grob beurteilt werden, für genauere Ansprüche ist eine photometrische Untersuchung notwendig.

Aus Abszisse und Ordinate des Schwärzungsmaximums auf dem Film erhalten wir Azimut und Neigung des Regelungszentrums bezüglich des Dünnschliffes, falls dieser und das Handstück, aus dem er geschnitten wurde, orientiert ist, auch bezüglich des Gesteinskörpers. Mit zwei Aufnahmen gelingt es also im allgemeinen nach diesem Verfahren Regelungstyp und Orientierung der geregelten Fläche eindeutig festzulegen, ohne die mühsame Einmessung von Einzelindividuen, welche die optische Methode erfordert.

In einer kombinierten optisch-röntgenographischen Untersuchung an Quarzit aus dem Avers konnte unter primitivsten Versuchsbedingungen als Regelungstyp $(11\bar{2}3)$ in s gefunden werden. In einer im Gange befindlichen Arbeit soll versucht werden, nach dem hier beschriebenen Verfahren bisher unabgeklärte Gefügeregeln verschiedener Mineralien zu analysieren.

Manuskript eingegangen am 29. April 1963.