

**Zeitschrift:** Schweizerische Zeitschrift für Forstwesen = Swiss forestry journal = Journal forestier suisse  
**Herausgeber:** Schweizerischer Forstverein  
**Band:** 144 (1993)  
**Heft:** 4

**Artikel:** La placette sol d'inventaire formée de plusieurs cercles concentriques  
**Autor:** Chevrou, Robert B.  
**DOI:** <https://doi.org/10.5169/seals-767095>

### **Nutzungsbedingungen**

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. [Siehe Rechtliche Hinweise.](#)

### **Conditions d'utilisation**

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. [Voir Informations légales.](#)

### **Terms of use**

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. [See Legal notice.](#)

**Download PDF:** 08.02.2025

**ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>**

# La placette sol d'inventaire formée de plusieurs cercles concentriques

Par *Robert B. Chevrou*

FDK 524.63: (44)

## Introduction

Divers services d'inventaire forestier national utilisent une placette sol formée de plusieurs cercles concentriques. Il en est ainsi en Suisse, en France, au Maroc et en Tunisie notamment.

Ce type de placette sol, qui sera notée, ici, placette sol CC (CC pour cercles concentriques), a de nombreux avantages pratiques et théoriques que nous nous proposons d'exposer: bonne répartition des nombres d'arbres par catégories de dimensions, simplicité de l'assiette de la placette en bordure de strate ou de forêt, taille réduite, facilité de mise en œuvre et de formation des personnels qui en sont chargés. Elle a, aussi, quelques menus inconvénients. Elle nous paraît être bien adaptée à l'exécution d'un inventaire forestier national.

Dans la suite, nous prendrons en exemple la placette sol CC utilisée par le service de l'inventaire forestier national français (IFN), placette à la définition de laquelle nous avons participé à la fin des années soixante.

La placette sol CC sera comparée à d'autres types de placettes, à savoir la placette assise par jauge d'angle, dite aussi «placette à diamètre apparent défini» (*Duplat et Perrotte, 1981*), notée ici placette sol JA (pour jauge d'angle), et la placette formée d'un seul cercle, de diamètre constant ou non selon le type de formation forestière, dite aussi «placette à surface définie», notée ici placette sol CU (pour cercle unique).

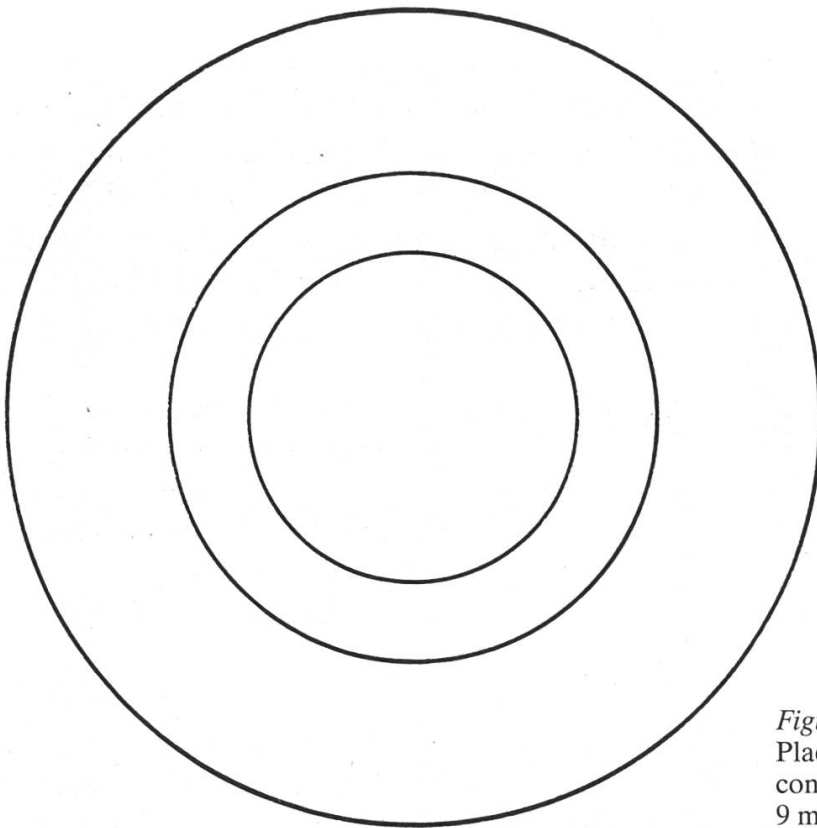
Le type de placette sol JA a été utilisé en Espagne et en Grèce; le type de placette sol CU, avec un cercle de rayon variable, a été utilisé en Italie.

## Forme de la placette sol de l'inventaire forestier national français

Le service de l'inventaire forestier national français (IFN) utilise une placette sol CC pour lever, sur le terrain, les arbres du peuplement forestier

désigné par le point d'inventaire. Cette placette IFN est formée de trois cercles concentriques dont les rayons sont (*figure 1*):

- Rayon 6 m: petit cercle où sont levés et mesurés les «petits bois», catégorie de dimension contenant les arbres dont le diamètre à 1,30 m est au moins égal à 7,5 cm et inférieur à 22,5 cm;
- Rayon 9 m: cercle moyen où sont levés et mesurés les «bois moyens», catégorie de dimension contenant les arbres dont le diamètre à 1,30 m est au moins égal à 22,5 cm et inférieur à 37,5 cm;
- Rayon 15 m: grand cercle où sont levés et mesurés les «gros bois», catégorie de dimension contenant les arbres dont le diamètre à 1,30 m est au moins égal à 37,5 cm;



*Figure 1.*  
Placette IFN formée de 3 cercles concentriques de rayons 6 m, 9 m, et 15 m.

Les arbres appartenant à la placette sont numérotés sur chacun des trois cercles, selon un ordre immuable, de façon à pouvoir les retrouver et les identifier individuellement lors d'un contrôle ou d'une remesure effectués plusieurs semaines, plusieurs mois ou plusieurs années plus tard, par la même équipe d'inventaire ou par toute autre équipe. La position, azimut et distance au centre de la placette, de chacun de ces arbres est déterminée sur les placettes susceptibles d'être remesurées lors de l'inventaire suivant, environ 10 années plus tard.

Est considéré comme arbre «limite», dont l'appartenance à la placette est *a priori* douteuse, tout arbre dont la section à 10 cm au-dessus du sol (elle sera

notée  $S_{10}$  dans ce qui suit) est traversée par le périmètre du cercle correspondant à sa dimension, selon ce qui est écrit plus haut (gros bois, bois moyens, petits bois).

Sont pris en compte, donc levés et mesurés, ceux des arbres limite qui sont situés sur le côté est du périmètre du cercle, et sont exclus ceux situés côté ouest.

Cette procédure est motivée par le fait que l'intersection de la section  $S_{10}$  avec le périmètre du cercle peut être matérialisée sans ambiguïté, au contraire de l'axe de la tige de l'arbre qui détermine l'appartenance à la placette dans la procédure usuelle. Cet axe est à l'intérieur du bois, donc invisible, sauf sur la souche d'un arbre coupé. Peut-on même définir de façon simple et sans ambiguïté le centre d'une section de tige et *a fortiori* l'axe d'une tige?

L'IFN recherche et met en œuvre des procédures sans ambiguïté, autant que faire se peut, pour réduire doutes et contestations lors des mesures, de leurs contrôles, et des remesures ultérieures, qui sont réalisés par tout temps et en tout lieu, et, par suite, dans des conditions variées qui ne sont pas toujours très favorables. Il n'en est pas moins vrai que certaines ambiguïtés demeurent (tangence entre  $S_{10}$  et le périmètre du cercle, arbre non limite lors de la première mesure et devenu limite par sa croissance lors de la seconde, etc...).

La procédure ainsi adoptée par l'IFN introduit cependant un biais d'estimation. La placette est, en fait, formée de demi-cercles concentriques. Si l'on considère, par exemple, le grand cercle de rayon  $R = 15$  m, sur lesquels sont levés les gros bois, et l'un des arbres limite de section  $S_{10}$  supposée circulaire et de rayon  $r_{10}$ , la procédure décrite ci-dessus remplace le cercle de rayon  $R$  par deux demi-cercles:

- \* à l'ouest, un demi-cercle de rayon  $R - r_{10}$ ;
- \* à l'est, un demi-cercle de rayon  $R + r_{10}$ .

La surface totale de ces deux demi-cercles est égale à  $\pi (R^2 + r_{10}^2)$ . Elle est donc supérieure à la surface  $\pi R^2$  du cercle de rayon  $R$  d'une quantité  $\pi r_{10}^2$  égale à la surface de la section  $S_{10}$ . On prend donc en compte un nombre excessif d'arbres, en moyenne, et on surestime donc le volume par hectare en rapportant le volume trouvé sur ces deux demi-cercles à la surface  $\pi R^2$ . Le biais relatif est ici égal à  $+(r_{10}^2/R^2)$ . Il n'atteint et ne dépasse la valeur de + 1 % que pour les arbres dont le rayon  $r_{10}$  de la section  $S_{10}$  atteint ou dépasse 150 cm, soit un diamètre de la section  $S_{10}$  supérieur ou égal à 3 m, et une circonférence supérieure à 9,4 m, arbres qui sont très rares en France relativement à l'effectif total des arbres échantillon.

Le biais lié à cette procédure particulière à l'IFN existe pour tous les types de placettes, donc pour la placette sol JA et pour la placette sol CU.

On pourrait réduire ce biais de façon très simple en excluant les arbres limite situés à l'est dont la section  $S_{10}$  est traversée par la ligne nord-sud

passant au centre du cercle (*figure 2*). Les arbres dont la section  $S_{10}$  a un rayon  $r_{10}$  seraient pris en compte sur une surface égale ou inférieure à  $\pi (R^2 + r_{10}^2) - 4r_{10}^2$ , inférieure à  $\pi R^2$ , et le biais relatif serait égal ou inférieur à  $(1-4/\pi) r_{10}^2/R^2 \cong -0,27 r_{10}^2/R^2$ . Le biais relatif serait négatif et il n'atteindrait la valeur de  $-1\%$  que pour les arbres dont le diamètre de la section  $S_{10}$  atteindrait la valeur de 5,74 m, et une circonférence de 18 m.

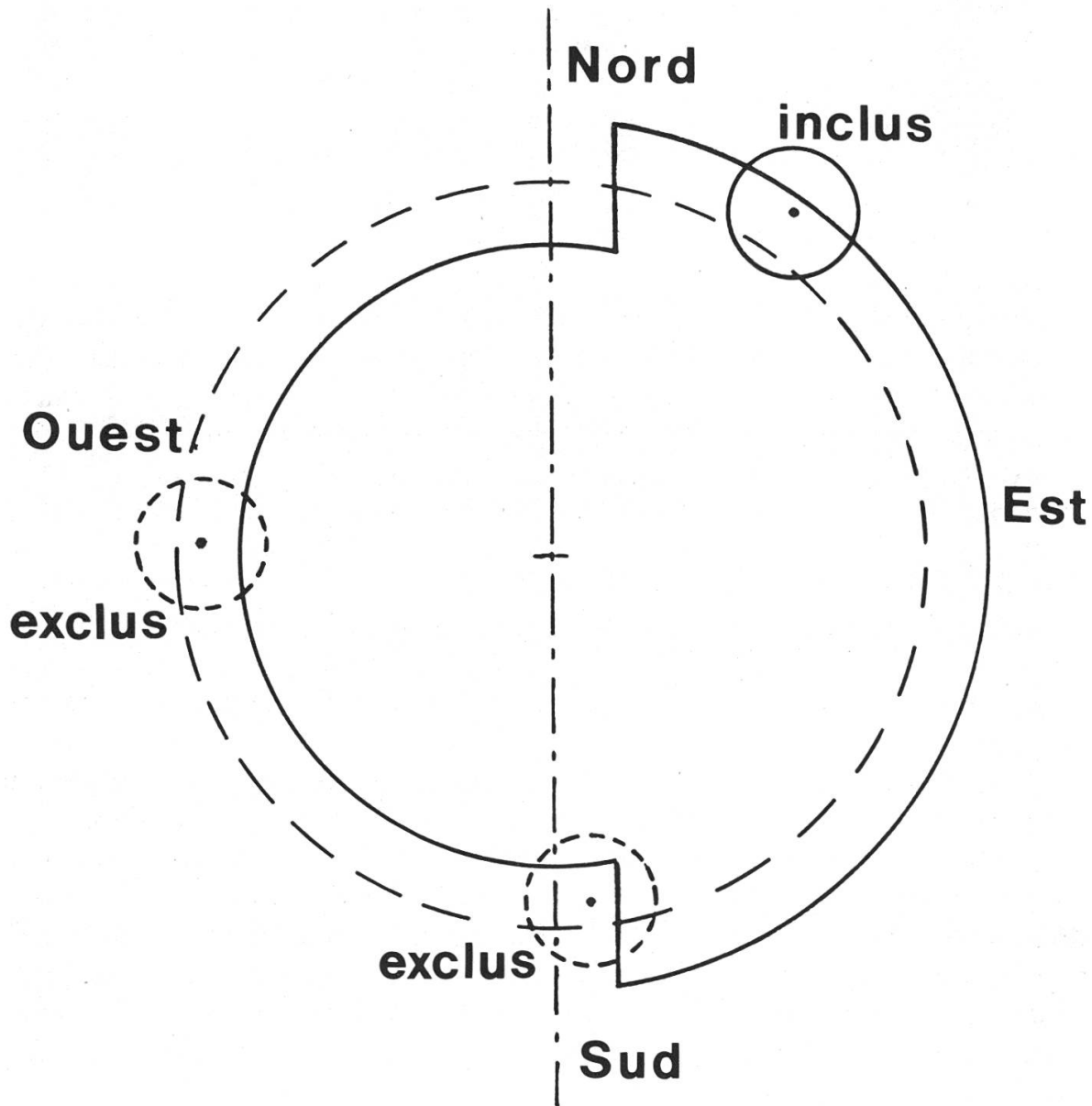


Figure 2. Arbres limite sur le cercle de rayon 15 mètres.

Pour supprimer ce biais, on pourrait aussi lever et mesurer tous les arbres limite en les comptant pour un demi-arbre chacun. Il y aurait alors, dans l'échantillon, des «arbres entiers» et des «demi-arbres». Cette procédure serait excellente, la proportion de ces «demi-arbres» restant très faible; mais elle est

susceptible d'entraîner quelques erreurs nouvelles dans l'enregistrement sur le terrain et la prise en compte dans les calculs de ces deux types d'arbres, notamment sur les placettes permanentes où un arbre initialement «non limite» peut devenir «limite» à la date d'une mesure ultérieure, du seul fait de la croissance du diamètre de sa souche.

### **Assiette de la placette sol CC en bordure de strate ou de forêt**

Lorsque le point d'inventaire se situe loin à l'intérieur de la strate qu'il désigne, l'assiette de la placette sol CC ne pose aucun problème, les cercles étant concentriques comme décrit ci-dessus, et centrés sur le point d'inventaire.

Lorsque le point d'inventaire se trouve à proximité de la limite de la strate qu'il désigne, un ou plusieurs des cercles de la placette sol CC peuvent être traversés par la limite de la strate ou de la forêt.

Dans un tel cas, et en considérant l'un des cercles, par exemple celui de rayon 15 m sur la placette IFN, une partie de ce cercle est extérieure à la strate désignée. Cette partie peut être vide (hors forêt par exemple), ou elle peut contenir des arbres très différents de ceux de la strate, par leur essence, par leurs formes, ou par leurs dimensions.

Supposons que la strate désignée contienne des gros bois, et que, de l'autre côté de la limite, il n'y ait aucun arbre recensable de diamètre  $\geq 7,5$  cm. Considérons le volume  $V$  trouvé sur la surface  $S$  du cercle, de rayon  $R = 15$  m, intérieure à la strate désignée. Si l'on rapporte ce volume  $V$  à la surface du cercle,  $\pi R^2$ , au lieu de la surface  $S$ , on sous-estime le volume par hectare sur le point d'inventaire et tous les volumes qui en découlent, pour la strate et pour la forêt. Si l'extérieur est vide d'arbres, le biais relatif peut atteindre  $-50\%$  lorsque le point d'inventaire est très proche de la limite rectiligne, voire plus si la limite forme un «coin». Si l'extérieur n'est pas vide, il y a un biais de «représentativité» venant du mélange éventuel d'arbres d'essences, de formes et de dimensions différentes selon qu'ils sont dans la strate ou à l'extérieur.

Soit un peuplement de futaie jardinée, de paramètre de de Liocourt égal à 1,30 et de diamètre maximum égal à 80 cm, où s'applique un tarif Schaeffer rapide  $M = 1,4$  : voir le *tableau 1*.

Supposons qu'une limite rectiligne sépare ce peuplement d'une strate ou parcelle vide d'arbres recensables, où le volume est donc nul.

La *figure 3* montre la valeur du biais relatif sur le volume en fonction de la distance à cette limite dans un tel peuplement, d'une part pour la placette IFN qui contient en moyenne 14,6 arbres, et, de l'autre, pour la placette sol JA assise par jauge d'angle  $\alpha = 1/35$  radian, qui contient en moyenne 18,8 arbres. Cette figure montre que ce biais relatif est grand au voisinage de la limite. Il

est plus grand pour la placette sol JA et, pour cette placette, le biais existe sur une bande plus large (28 m au lieu de 15 m). En ce qui concerne le biais d'estimation du volume moyen d'une parcelle forestière homogène, sa valeur dépend de la surface relative de la bande où ce biais existe. Le biais n'est notable que pour les plus petites parcelles (moins de 10 ha), ou pour celles dont la forme est telle que la longueur du périmètre, et par conséquent la surface de la bande où le biais existe, soit relativement grande. Il peut être montré que le biais atteint et dépasse  $-10\%$  pour les parcelles carrées de surface inférieure à 4 ha.

Tableau 1. Effectifs par hectare en futaie jardinée pour paramètre de de Liocourt = 1,30.  
D: catégorie de diamètre en cm; N: effectifs par hectare; v: volume arbre en  $m^3$ .

D:	15	20	25	30	35	40	45	50	55	60	65	70	75	80
N:	102	78	60	46	36	27	21	16	12	10	7	6	4	3
v:	0,05	0,15	0,30	0,50	0,75	1,05	1,40	1,80	2,25	2,75	3,30	3,90	4,55	5,25

On pourrait corriger ce biais en calculant le volume moyen par hectare sur la surface S du cercle intérieure à la strate. Cette procédure serait ici relativement complexe, alors qu'il est recommandé de simplifier les opérations d'inventaire, et d'adopter des placettes de taille constante.

Aussi utilise-t-on l'une ou l'autre des procédures suivantes: Placette «miroir» ou «réfléchie», et placette déplacée.

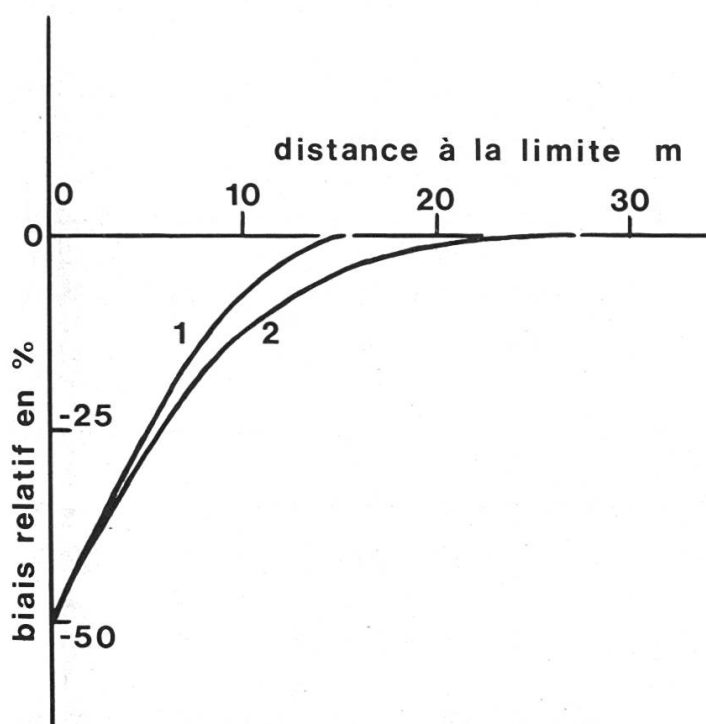


Figure 3.  
Biais relatif sur le volume pour placette non déplacée.  
1: Placette IFN.  
2: Placette assise par jauge d'angle  $\alpha = 1/35$  radian.

On s'efforce, autant que faire se peut, d'utiliser la procédure dite de la «placette réfléchie» (terminologie IFN, voir *Chevrou*, 1972, 1973) ou «placette miroir» (voir *Pardé et Bouchon*, 1988).

Si la limite auprès de laquelle se trouve le point d'inventaire, est rectiligne (chemin, clôture, etc...), ou si l'on peut définir une limite imaginaire et rectiligne entre la strate désignée et son extérieur, qui s'appuie sur des éléments existants (fossé, lignes de plantation, limite du couvert, etc...), cette limite réelle ou imaginaire définit la ligne séparative sur laquelle la procédure est assise.

On définit alors un point annexe, «symétrique» du point d'inventaire par rapport à la limite, donc situé à l'extérieur de la strate, à une distance de la limite égale à celle qui sépare cette limite du point d'inventaire. Pour l'IFN, ce point annexe est déplacé, si possible, parallèlement à la limite à une distance au moins égale à 30 m (2 fois 15 m) du point d'inventaire pour que les grands cercles centrés sur le point d'inventaire et le point annexe ne se chevauchent pas, et pour qu'il n'y ait pas d'arbre commun aux deux placettes décrites ci-après. *Figure 4.*

On assoit et on lève alors deux placettes, chacune formée de trois cercles concentriques, l'une centrée sur le point d'inventaire, l'autre centrée sur le point annexe. Sur ces deux placettes, on ne lève que les arbres appartenant à la strate désignée par le point d'inventaire. On voit alors que la surface totale levée et intérieure à la strate est égale à celle d'une placette normale. Ce ne serait pas le cas si la limite n'était pas rectiligne.

Cette procédure permet de supprimer le biais d'estimation dû à la présence d'une limite de strate.

Pour la placette centrée sur le cercle annexe, les arbres limite pris en compte sont ceux situés à l'ouest, et ceux situés à l'est sont exclus, ce qui est un effet automatique et nécessaire de la symétrie.

Quand la limite réelle n'est pas rectiligne, et qu'on ne peut pas définir une limite imaginaire rectiligne, la seconde procédure consiste à entrer la placette à l'intérieur de la strate par un déplacement minimum qui consiste à rendre chacun des cercles tangent à la limite. Les trois cercles ne sont alors pas concentriques: *Figure 5.*

Cette dernière procédure entraîne un biais de représentativité, car les arbres voisins de la limite sont sous-échantillonnés (*Chevrou* 1973), alors qu'ils peuvent être différents de ceux situés à l'intérieur de la strate loin de la limite, ce qui est plus probable en bordure de forêt du fait de l'action de l'homme (traitement particulier, conservation d'arbres corniers, effets des engrais répandus sur les prairies et les cultures voisines de la forêt, etc...), ou des animaux (pâturage, gagnage, frottis), ou de l'action des éléments naturels (soleil, vent, gel, tempête, effet de lisière, etc...).

Si les deux procédures exposées ci-dessus (placette réfléchie et placette déplacée) sont aisément mises en œuvre avec la placette sol CC ainsi qu'avec la placette sol CU, il n'en est pas de même pour une placette sol JA pour



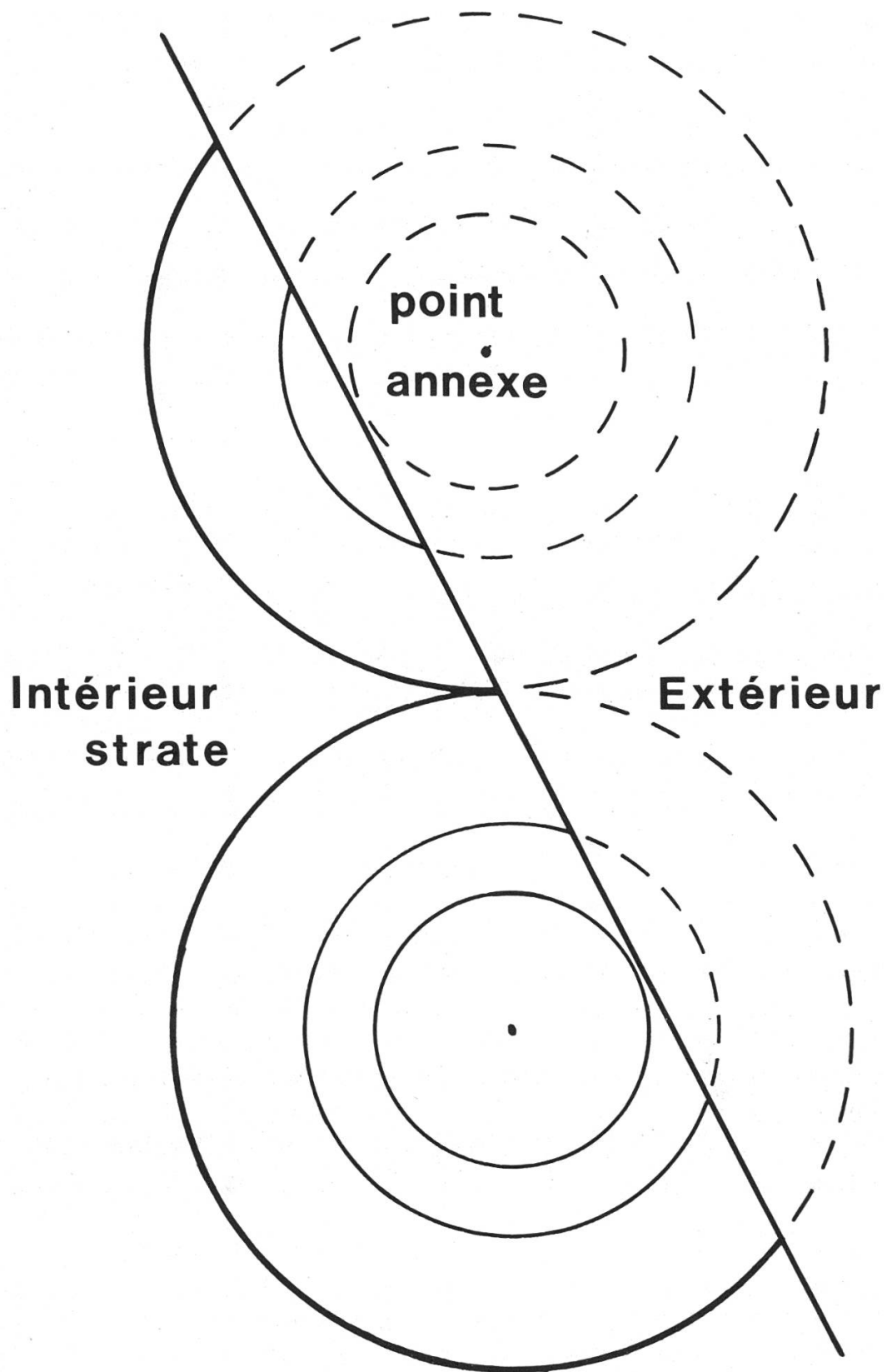


Figure 4. Placette IFN réfléchie ou Placette miroir.

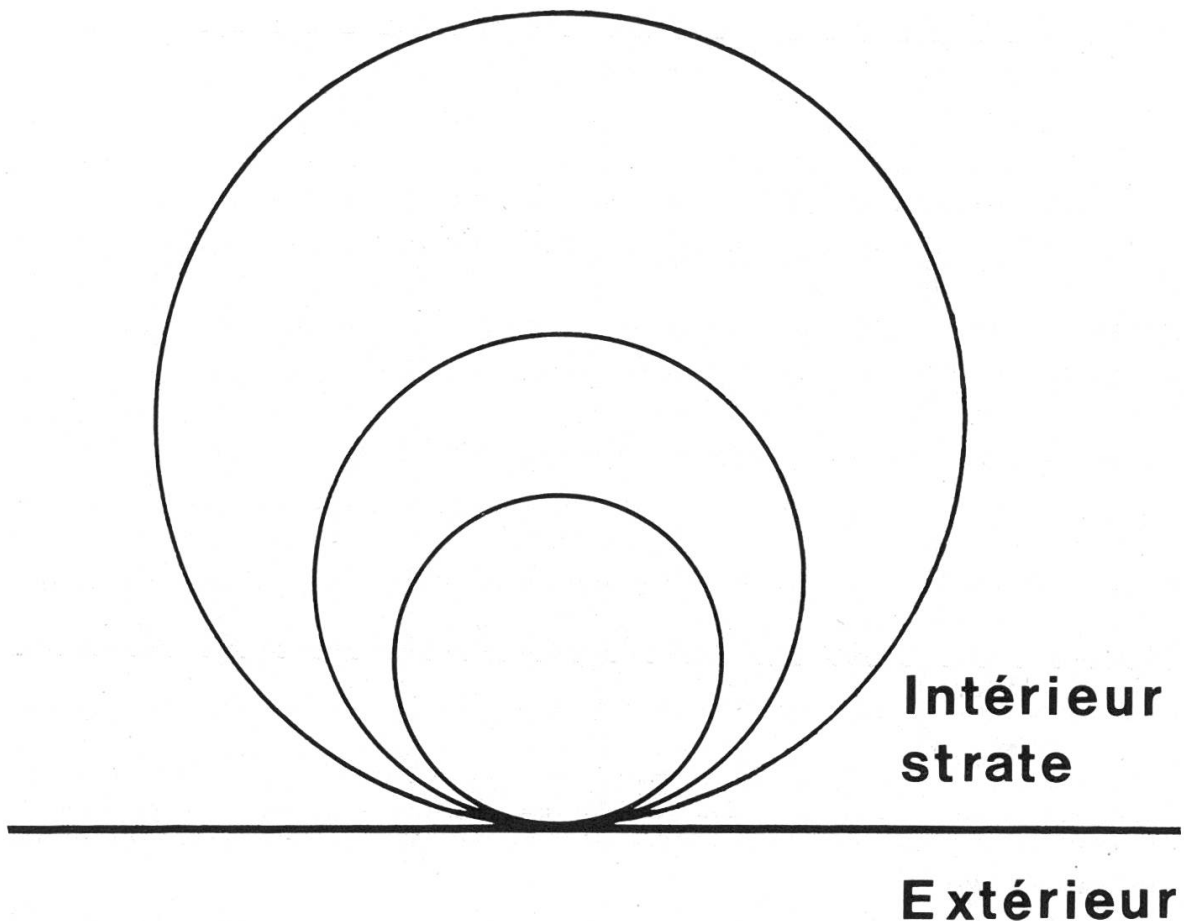


Figure 5. Placette IFN déplacée.

laquelle, d'une part les deux placettes symétriques peuvent avoir des arbres communs ce qui est un moindre mal, et d'autre part le déplacement de la placette est quasiment impraticable.

En effet, à cette placette sol JA correspond une infinité de cercles concentriques, les arbres de diamètre apparent  $D$  étant levés sur un cercle de diamètre  $R(D) = D / \alpha$ , où  $\alpha$  est l'angle de jauge (Pardé et Bouchon, 1988). Le plus grand de ces cercles est celui de diamètre  $R_{\max}$  correspondant au plus grand diamètre apparent  $D_{\max}$  des arbres de la strate désignée par le point d'inventaire, et  $R_{\max} = D_{\max} / \alpha$ .

On verra que  $R_{\max}$  peut être très grand, et supérieur à 40 m. Comme il n'est pas possible de construire une série infinie de cercles non concentriques tangents à la limite, il faut entrer le point d'inventaire dans la strate pour le placer à la distance  $R_{\max}$  de la limite, ce qui augmente de façon considérable le biais de représentativité. Et un tel déplacement est obligatoire pour éliminer le biais important qui résulte du non-déplacement (voir plus haut).

## Choix de la taille de la placette IFN: rayons des trois cercles

Le choix des rayons des trois cercles formant la placette IFN, 6 m, 9 m et 15 m, comme indiqué plus haut, résulte d'une étude faite à l'occasion du premier inventaire du département du Loir-et-Cher, en 1967.

Les motifs du choix sont partiellement basés sur les effectifs moyens des arbres des différentes catégories de dimensions (gros bois, bois moyens, petits bois) trouvés dans ce département, et l'on aurait voulu qu'il y eût, en moyenne, 10 arbres sur la placette IFN, dont 4 petits bois, 3 bois moyens et 3 gros bois, pour des raisons de représentativité, de précision et de coût (rentabilité), compte tenu des objectifs de l'époque.

Par la suite il est apparu que les échantillons ne se répartissaient pas ainsi dans les autres départements, mais la répartition ne s'en éloigne pas trop.

Le *tableau 2* donne les effectifs moyens des arbres échantillon qui seraient levés et mesurés dans quelques peuplements forestiers représentatifs, si le tirage des placettes IFN était fait au hasard simple. Ces effectifs échantillon sont déduits des effectifs totaux estimés par l'IFN, ce qui permet de les comparer à ceux qui seraient obtenus avec une placette sol CU formée d'un seul cercle de rayon 7,5 m, et à ceux obtenus avec une placette sol JA assise par jauge d'angle  $\alpha = 1/35$  radian, pour lesquelles l'effectif moyen serait du même ordre de grandeur que celui de la placette sol CC de l'IFN.

Le nombre d'arbres échantillon,  $n_R$ , trouvé en moyenne sur un cercle de rayon  $R$  mètres, est déduit du nombre total,  $N_R$ , d'arbres par hectare dans la population, dans la catégorie de diamètres ou la catégorie de dimension concernée par ce cercle, par la formule:  $n_R = N_R \pi R^2 / 10\,000$ .

Les effectifs réels moyens observés sur les placettes IFN sont un peu différents car le tirage des placettes est effectué après stratification, les peuplements formés de gros bois étant, le plus souvent, plus échantillonnés qu'ils ne le seraient avec un échantillon aléatoire simple.

Ce *tableau 2* permet de constater que la placette IFN conduit à lever un peu trop de petits bois. Sur des placettes IFN assises dans des taillis denses ou des régénérations naturelles, on a pu trouver plus de 80 arbres sur le cercle de rayon 6 m! On verra, ci-après, qu'une procédure spéciale a été construite pour réduire le nombre des arbres mesurés à environ 10, en moyenne.

Bien entendu, pour la placette sol CU, le nombre moyen de petits bois serait excessif, et celui des gros bois insuffisant. C'est pourquoi on utilise un cercle de rayon variable avec la densité moyenne des peuplements inventoriés, variabilité qui est une source d'erreurs possibles de la part de personnels inexpérimentés.

La placette sol JA permet d'obtenir dans l'échantillon une représentation assez uniforme des arbres des différentes catégories de diamètres. En futaie, dans l'exemple du *tableau 2*, et pour un effectif total de 12 à 13 arbres par placette, on obtient, en moyenne, environ 1 arbre de chacune des catégories de

diamètres (de largeur 5 cm) jusqu'au diamètre 45 cm ou 50 cm, puis le nombre d'arbres échantillon décroît lentement au-delà. Par rapport aux effectifs trouvés sur la placette IFN, il y a moins de petits bois et plus de gros bois, mais les différences restent faibles.

Tableau 2. Effectifs moyens sur différents types de placettes.

IFN: Placette sol CC IFN formée de 3 cercles concentriques (6 m, 9 m et 15 m);

JA: Placette assise par jauge d'angle  $\alpha = 1/35$ ;

CU: Placette sol CU formée d'un seul cercle de rayon 7,5 m.

Catégorie de dimension	Futaie feuillue Loir-et-Cher 1982			Taillis simple Loir-et-Cher 1982			Futaie résineuse Vosges 1981			Futaie + taillis Vosges 1981		
	IFN	JA	CU	IFN	JA	CU	IFN	JA	CU	IFN	JA	CU
7,5 à 22,5 cm:	5,66	3,52	8,84	10,65	5,66	16,64	6,89	4,28	10,77	4,37	2,49	6,83
22,5 à 37,5 cm:	3,23	4,18	2,24	0,90	1,03	0,62	2,73	3,53	1,90	2,23	2,90	1,55
37,5 à 52,5 cm:	2,82	2,95	0,70	0,35	0,39	0,09	2,85	3,02	0,71	2,77	3,02	0,69
≥ 52,5 cm:	0,84	1,74	0,21	0,17	0,35	0,04	1,04	2,18	0,26	1,06	2,22	0,26
Totaux:	12,56	12,40	11,99	12,07	7,43	17,39	13,51	13,01	13,64	10,43	10,63	9,33

On notera toutefois que la recherche des gros arbres sur la placette IFN est limitée à un cercle de rayon 15 m et une surface de 7 ares environ. Au contraire, sur la placette sol JA, la recherche des gros arbres doit se faire sur des cercles beaucoup plus grands. Avec un angle de jauge  $\alpha = 1/35$  radian, les résultats publiés par l'IFN pour la futaie feuillue du Loir-et-Cher montrent que la recherche des gros bois serait faite sur un cercle de rayon 45,5 m et de surface 65 ares (diamètre maximum inventorié égal à 130 cm); pour la futaie résineuse des Vosges, cette recherche concernerait un cercle de rayon 42 m et de surface 55 ares (diamètre maximum inventorié égal à 120 cm). Encore peut-il exister des arbres encore plus gros et non trouvés dans l'échantillon IFN!

On imagine, sans peine, la difficulté qu'il y aurait à rechercher ces gros arbres sur de telles distances et de telles surfaces, dans des peuplements relativement denses, et parfois très encombrés par les morts-bois ou le sous-étage, sur des pentes difficiles à parcourir, ou sur des sols mouilleux ou marécageux en période hivernale! Des oublis seraient inévitables, sans compter les biais liés au problème des limites de strate et de forêt examinés plus haut.

En adoptant, pour la placette IFN, un quatrième cercle de rayon 25 m et de surface 20 ares environ, sur lequel seraient levés les très gros arbres de diamètre égal ou supérieur à 52,5 cm, on triplerait l'effectif échantillon de ces très gros arbres. Leur nombre étant très faible (voir *tableau 2*), il est à craindre que les estimations n'en soient pas notablement améliorées; au contraire, l'efficacité (le rapport du coût sur la précision) du travail au sol pourrait être sensiblement dégradée.

L'inventoriste qui envisage d'adopter une placette sol CC doit choisir le nombre de cercles, et leurs rayons respectifs, en fonction des effectifs moyens par hectare des arbres des diverses catégories de dimensions, et de la représentativité qu'il veut leur donner dans les divers résultats de l'inventaire, aussi bien que dans l'utilisation qui sera faite de ces données. Ce choix n'est pas particulier à ce type de placette, et, pour d'autres types, il faudrait choisir soit le rayon de la placette sol CU, soit l'angle de jauge de la placette sol JA. Pour ce faire, on utilise les résultats des inventaires antérieurs (inventaires nationaux ou régionaux dans le pays, ou dans des pays où les forêts sont de nature similaire, inventaires d'aménagement, travaux de recherche, etc...). Voir Chevrou, 1972.

### **Simplification des levers en peuplement très dense sur la placette IFN**

Le petit cercle de la placette IFN, sur lequel sont levés et mesurés les petits bois, peut contenir plusieurs dizaines d'arbres.

Pour réduire les coûts des levers, le nombre des arbres «petits bois» mesurés est limité à 15 arbres de la même essence dans les peuplements de structure régulière (futaie régulière et taillis).

Bien que, depuis 1985, l'IFN utilise des tarifs de cubage pour réduire à deux (diamètre à 1,30 m et hauteur totale) le nombre des mesures nécessaires à l'estimation du volume d'un arbre, la procédure simplificatrice suivante reste utilisée pour la mesure de l'accroissement radial et celle de l'accroissement en hauteur nécessaires à l'estimation de l'accroissement en volume, qui sont relativement longues et onéreuses.

Si donc, sur le petit cercle, il y a 15 ou moins de 15 petits bois de la même essence, ils sont tous mesurés. S'il y a plus de 15 petits bois de la même essence, soit un nombre d'arbres  $n_{pb}$  égal à  $10k + m - 4$ , où  $k \geq 2$  et  $m \in (0,9)$ , ces arbres sont levés et numérotés mais on ne mesure que 1 arbre sur  $k$ . Les arbres mesurés sont ceux dont les numéros sont 1,  $1 + k$ ,  $1 + 2k$ , ..., (exemple:  $k = 5$  et  $m = 1$ :  $n_{pb} = 47$  et on mesure 1 arbre sur 5, ceux portant les numéros 1, 6, 11, 16, 21, 26, 31, 36, 41, 46). Aux arbres de numéros intermédiaires sont affectées les dimensions trouvées sur l'arbre mesuré précédent dans l'ordre des numéros (même exemple avec  $k = 5$  et  $m = 1$ : aux arbres portant les numéros 2 à 5 sont affectées les dimensions de l'arbre n° 1; à ceux de numéros 7 à 10 les dimensions du n° 6, etc..., et à l'arbre n° 47 les dimensions du n° 46). Ainsi, on mesure, en moyenne, moins d'une dizaine d'arbres de la même essence.

Ces peuplements denses ne sont pas très rares. Sur l'ensemble des placettes levées sur le territoire français au cours d'un cycle d'inventaire, soit environ 130 000 placettes sol, 12,4 % de ces placettes contiennent plus de 15 petits bois, et seulement 0,3 % plus de 15 bois moyens ou plus de 15 gros bois (source base de données IFN).

Une telle simplification des levés a paru être justifiée pour les peuplements réguliers denses formés de petits bois, en général jeune taillis ou régénération passant recensable, car les arbres y ont des dimensions voisines et faibles le plus souvent, les différences pouvant être inférieures à la précision des instruments de mesure utilisés par l'IFN (1 cm pour le diamètre, 1 dm pour la hauteur, 1 mm pour l'accroissement radial).

La même procédure simplificatrice n'a pas été retenue en qualité de règle générale pour les autres catégories de dimensions car il est assez rare de trouver un nombre de bois moyens ou de gros bois très supérieur à 15. De plus, les différences de dimensions entre ces bois peuvent être très supérieures à la précision des instruments de mesure.

Il peut être montré que cette procédure introduit une variance «placette»: en effet, on ne mesure pas tous les arbres de la placette, et le coefficient de correction des populations finies n'y est pas nul. Cette variance serait plus grande pour les bois moyens, et a fortiori pour les gros bois, que pour les petits bois. Cette procédure simplificatrice s'apparente à un sondage systématique, et elle serait plus précise que celle consistant à réduire le rayon du cercle, qui introduirait un effet de grappe.

### **Choix du nombre de placettes par point d'inventaire**

Dans les dix premières années des travaux de l'IFN, on a levé une grappe de 3 placettes par point d'inventaire, puis seulement deux en montagne. A la fin des années 1960, il a été décidé de ne lever qu'une placette par point d'inventaire.

Cette évolution découle de l'étude des coûts unitaires des travaux (coût d'accès au point d'inventaire, coût de l'assiette d'une placette, coût des mesures sur les arbres, coût annexes) et des variances d'estimation.

Dans le contexte des forêts françaises (nature des peuplements inventoriés, facilité d'accès au point d'inventaire) qui peut être très différent de celui des autres pays, il a été montré (Chevrou, 1970) que, pour l'estimation des volumes et relativement à l'efficacité, le nombre optimum de placettes par point d'inventaire était de l'ordre de 1,5 ou inférieur à 1,5. Si l'on considère, d'autre part, que la précision de nombreuses estimations dépend du nombre de points d'inventaire visités sur le terrain (pour les surfaces des classes d'âges, des structures forestières, et tous critères non pris en compte en photo-interprétation), il a semblé préférable de visiter un plus grand nombre de points d'inventaire, et de n'y lever qu'une placette par point, plutôt qu'un plus petit nombre de points avec une grappe de 2 ou 3 placettes par point.

Il est important d'évaluer correctement les coûts d'inventaire et les variances d'estimation, pour déterminer correctement le nombre de placettes

par grappe. Il faudrait, par la suite et au cours des travaux, étudier l'évolution de ces coûts et de ces variances, en fonction des améliorations des méthodes et des procédures, aussi bien que de l'expérience acquise par les personnels ou des outils utilisés, en vue d'ajuster ou de moduler le nombre de placettes par grappe, pour conserver l'efficacité maximum.

### **Valeur moyenne par arbre sur une placette sol CC**

La moyenne arbre sur la placette, considérée comme une estimation de la moyenne sur le peuplement entourant la placette, est utilisée dans divers cas, notamment pour la construction de courbes hauteur/âge (Chevrou, 1986), le calcul d'un indice lié à la hauteur dominante, le diamètre moyen du peuplement, l'accroissement moyen de la hauteur ou celui du diamètre.

*Lappi et Bailey, 1987*, ont montré que la placette sol JA assise par jauge d'angle peut entraîner un biais dans l'estimation de la moyenne arbre d'une variable corrélée au diamètre.

Pour expliciter ce point, supposons que l'on veuille estimer la hauteur moyenne des arbres d'une parcelle forestière. Pour ce faire, on installe, au hasard, une placette sol JA dans cette parcelle. On ignore ici le biais dû aux limites de la parcelle.

On prend comme estimation la hauteur moyenne des arbres mesurés sur la placette. Cette estimation est biaisée si la hauteur d'un arbre est corrélée à la valeur de son diamètre, ce qui paraît probable dans un peuplement irrégulier, voire aussi dans un peuplement régulier.

Le biais peut être très grand quand il s'agit d'une moyenne simple. Il l'est beaucoup moins lorsque la variable mesurée (la hauteur ci-dessus) est pondérée par l'inverse du carré du diamètre (moyenne pondérée).

Le biais provient de ce que le rayon  $R(D)$  du cercle sur lequel sont levés les arbres de diamètre  $D$  est une fonction de  $D$  :  $R(D) = D / \alpha$ , où  $\alpha$  est l'angle de jauge.

N.B.: Pour estimer, sans biais, un total par hectare, on divise la valeur trouvée sur le cercle par la surface du cercle – voir plus loin les formules (2) à (4) –, donc par un coefficient proportionnel au carré du rayon du cercle et, ici, proportionnel au carré du diamètre de l'arbre.

Il en est de même pour la placette sol CC, pour laquelle les rayons des cercles sont liés aux diamètres des arbres qui y sont levés (Chevrou, 1988).

Il est inutile de rappeler l'exposé théorique présenté par *Lappi et Bailey*, si ce n'est pour préciser que la fonction continue  $R(D)$  relative à la placette assise par jauge d'angle, doit être remplacée par une fonction en escalier pour la placette IFN, avec:  $R(D) = 6$  pour  $D \in [7,5 \text{ cm}, 22,5 \text{ cm}[$ ,  $R(D) = 9$  pour  $D \in [22,5 \text{ cm}, 37,5 \text{ cm}[$ , et  $R(D) = 15$  pour  $D \geq 37,5 \text{ cm}$ .

Divers exemples ont été construits pour obtenir un ordre de grandeur du biais. Dans l'exemple suivant, le peuplement est formé, sur 1 hectare, de 25 gros bois répartis sur un maillage carré de pas 20 m, de 75 bois moyens répartis sur un maillage carré de pas 10 m contenant les gros bois, et de 300 petits bois répartis sur un maillage carré de pas 5 m contenant les gros bois et les bois moyens. On notera qu'il s'agit d'une distribution très régulière, et on pourrait s'attendre à observer des biais faibles ou très faibles.

Soit  $X$  la variable mesurée sur les arbres; elle est indicée gb pour les gros bois, bm pour les bois moyens et pb pour les petits bois. Comme on ne s'intéresse pas aux variances à l'intérieur d'une même catégorie de dimension, on affecte la même valeur  $X_{gb}$  à chacun des gros bois, la même valeur  $X_{bm}$  à chacun des bois moyens, et la même valeur  $X_{pb}$  à chacun des petits bois.

On trouve ici, sur la placette IFN, en moyenne 1,77 gros bois, 1,91 bois moyens et 3,39 petits bois, pour un total de 7,07 arbres.

La valeur moyenne de  $X$  pour le peuplement est  $\bar{X}$ :

$$\bar{X} = (25 X_{gb} + 75 X_{bm} + 300 X_{pb}) / 400$$

soit encore :

$$\bar{X} = 0,0625 X_{gb} + 0,1875 X_{bm} + 0,7500 X_{pb} \quad (1)$$

Pour l'inventoriste, cette valeur moyenne est inconnue puisque, si les valeurs  $X$  sont mesurées et connues pour chacun des arbres de la placette, les effectifs par hectare (25, 75 et 300) ne lui sont pas connus, et c'est le but du sondage de les estimer. L'étude d'un peuplement fictif permet seulement de connaître a priori ces effectifs et la moyenne population  $\bar{X}$ , pour en déduire la valeur du biais d'estimation dans un cas «théorique».

Soit une placette IFN sur laquelle on a trouvé  $n_{gb}$  gros bois,  $n_{bm}$  bois moyens, et  $n_{pb}$  petits bois. On estime alors les effectifs par hectare,  $N_{gb}$ ,  $N_{bm}$ , et  $N_{pb}$ , en multipliant les effectifs  $n_i$  trouvés sur le cercle de rayon  $R_i$  par le rapport 1 ha/surface cercle correspondant:  $N_i = n_i \cdot 10\,000 / \pi R_i^2$ , avec  $R_i$  exprimé en mètres.

$$\text{Nombre estimé de gros bois/ha: } N_{gb} = n_{gb} \frac{10\,000}{225 \pi} \quad (2)$$

$$\text{Nombre estimé de bois moyens/ha: } N_{bm} = n_{bm} \frac{10\,000}{81 \pi} \quad (3)$$

$$\text{Nombre estimé de petits bois/ha: } N_{pb} = n_{pb} \frac{10\,000}{36 \pi} \quad (4)$$



Ces estimateurs des effectifs par hectare, et leur somme qui donne l'estimation du nombre d'arbres par hectare, sont sans biais. De même, est sans biais l'estimation  $(N_{gb} X_{gb} + N_{bm} X_{bm} + N_{pb} X_{pb})$  qui donne la valeur totale par hectare de la variable X.

Pour estimer la valeur moyenne de X sur l'hectare de référence, on peut penser construire les deux estimateurs suivants :

$$\text{Moyenne simple: } \bar{x}_s = \frac{n_{gb} X_{gb} + n_{bm} X_{bm} + n_{pb} X_{pb}}{n_{gb} + n_{bm} + n_{pb}} \quad (5)$$

$$\text{Moyenne pondérée: } \bar{x}_p = \frac{N_{gb} X_{gb} + N_{bm} X_{bm} + N_{pb} X_{pb}}{N_{gb} + N_{bm} + N_{pb}} \quad (6)$$

Ces deux estimateurs sont biaisés, et l'on trouve, pour le peuplement fictif étudié, les résultats suivants, «en moyenne» sur une infinité de placettes qui seraient placées au hasard dans ce peuplement:

$$\bar{x}_s = 0,250 X_{gb} + 0,264 X_{bm} + 0,486 X_{pb} \quad (7)$$

$$\bar{x}_p = 0,0636 X_{gb} + 0,1860 X_{bm} + 0,7504 X_{pb} \quad (8)$$

Ces résultats ont été calculés à partir d'une simulation consistant à placer 40 000 points d'inventaire régulièrement répartis dans le peuplement fictif décrit plus haut, et en calculant, pour chacun de ces points, les moyennes ci-dessus. Le *tableau 3* donne le nombre de points d'inventaire, parmi ces 40 000 points, sur lesquels on a trouvé  $n_{gb}$  gros bois,  $n_{bm}$  bois moyens, et  $n_{pb}$  petits bois, et il permet de calculer les coefficients des formules (7) et (8).

Ainsi, le premier coefficient de la formule (7), qui est 0,250, est calculé comme suit, l'indice j désignant les valeurs données par la j<sup>ème</sup> ligne du *tableau 3*:

$$\text{Coefficient de } X_{gb} = \sum_j \frac{\text{nombre placettes}_j \cdot n_{gb,j}}{40000 (n_{gb,j} + n_{bm,j} + n_{pb,j})} \quad (9)$$

On calcule les coefficients de la formule (8) en remplaçant dans (9) les nombres n par les nombres N calculés par les formules (2) à (4).

Le biais est  $\bar{x}_s - \bar{X}$  pour la moyenne simple; il est  $\bar{x}_p - \bar{X}$  pour la moyenne pondérée,  $\bar{X}$  étant donné par la formule (1) ci-dessus. N.B.: A partir des données du *tableau 3*, on retrouve les coefficients de la formule (1) à la 5<sup>ème</sup> décimale près.

Ces biais sont d'autant plus grands que sont plus grandes les différences entre les valeurs de  $X_{gb}$ ,  $X_{bm}$  et  $X_{pb}$ . Ils sont donc grands pour le volume moyen des arbres, dont les volumes varient comme le carré ou le cube du

diamètre, et pour le diamètre moyen, et plus petits pour des grandeurs moins variables telles que la hauteur et certains accroissements.

Tableau 3. Etude d'un peuplement fictif: Effectifs et nombre de placettes.  
 $n_{gb}$ : effectif Gros bois;  $n_{bm}$ : effectif Bois moyens;  $n_{pb}$ : effectif Petits bois

$n_{gb}$	$n_{bm}$	$n_{pb}$	Nombre placettes	$n_{gb}$	$n_{bm}$	$n_{pb}$	Nombre placettes
1	0	3	16	2	2	2	272
1	0	4	368	2	2	3	12232
1	0	5	28	2	2	4	2648
1	1	2	168	2	2	5	608
1	1	3	3368	2	3	3	2568
1	1	4	1416	2	3	4	1984
1	1	5	304	2	3	5	248
1	2	3	2932	3	1	3	16
1	2	4	152	3	1	4	80
1	3	3	308	3	1	5	28
1	3	4	1248	3	2	3	328
1	3	5	1304	3	2	4	256
2	1	2	104	3	3	3	1000
2	1	3	3368	4	1	4	288
2	1	4	1992	4	2	3	8
2	1	5	360				

Ces biais sont nuls lorsque  $X_{gb} = X_{bm} = X_{pb}$ , c'est-à-dire quand la variable  $X$  n'est pas corrélée avec la catégorie de dimension.

Pour certaines estimations, il peut être utile de considérer les seuls arbres dominants qui peuvent avoir des dimensions voisines, ce qui réduit le biais d'estimation de la moyenne, ou qui appartiennent tous au même cercle, sauf cas particuliers.

Dans le cas considéré ici d'une distribution régulière des tiges, le biais de la moyenne simple peut être énorme (300 %), alors que celui de la moyenne pondérée reste faible (2 %). Ce dernier biais augmente quand le nombre d'arbres sur la placette diminue. On peut le constater en utilisant les données du *tableau 3* pour calculer les moyennes  $\bar{X}$  et  $\bar{x}_p$  en excluant tous les arbres de l'une des trois catégories de dimension.

Ainsi, l'exclusion des petits bois donne les résultats suivants:

$$\begin{aligned} \bar{X} &= 0,250 X_{gb} + 0,750 X_{bm} \\ \bar{x}_p &= 0,271 X_{gb} + 0,729 X_{bm} \quad \text{avec un biais relatif} \leq 8 \%. \end{aligned}$$

Les biais et les variances sont d'autant plus grands que la distribution des arbres est plus irrégulière. Des études systématiques de peuplements modélisés sur ordinateur nous permettent d'avancer que la taille optimale de la placette IFN correspond à un nombre moyen d'arbres de 10 environ. En dessous de 10 arbres par placette, en moyenne, biais et variances d'estimation sont trop

importants; au-dessus de 10 arbres par placette, biais et variances ne sont pas sensiblement réduits alors que les inconvénients et les coûts augmentent rapidement avec les rayons des cercles (voir les figures 6a à 6c).

### **Estimation de l'accroissement en volume sur une placette sol CC permanente**

Certaines placettes sont remesurées lors des inventaires successifs effectués à plusieurs années d'intervalle. Les arbres de ces placettes devraient être localisés individuellement par leurs distances au centre et leurs azimuts, de façon à les retrouver facilement.

Diverses études ont été réalisées en vue d'utiliser les données ainsi recueillies, notamment pour l'application de la méthode de l'échantillonnage partiellement renouvelé (EPR): voir *Houllier*, 1985, pour le cas de deux inventaires successifs. Voir aussi *Cunia* et *Chevrou*, 1969, pour le cas de trois, et plus de trois, inventaires successifs.

Le problème du choix d'un estimateur pour l'accroissement en volume sur les placettes sol JA permanentes a été étudié par de nombreux inventaristes: voir, par exemple, *Yang* et *Chao*, 1987, pour le cas de l'échantillonnage par jauge d'angle sur une ligne d'inventaire.

Le problème est de même nature pour la placette sol JA et pour la placette sol CC, bien qu'il soit plus simple à exposer pour cette dernière qui comprend un petit nombre de cercles et de catégories de dimensions.

Les arbres levés sur la placette sol CC lors du premier inventaire s'y retrouveront, vivants, morts ou coupés (on retrouvera les souches ou leurs emplacements), lors du second inventaire.

On trouvera, en outre, des arbres «nouveaux» lors du second inventaire: arbres non recensables lors du premier inventaire, recensables lors du second; petits bois hors du petit cercle lors du premier inventaire, devenus bois moyens sur le cercle moyen, ou gros bois sur le grand cercle, lors du second inventaire; bois moyens hors du cercle moyen lors du premier inventaire, devenus gros bois sur le grand cercle lors du second.

Avant de voir comment on peut estimer la «production» de la période séparant les deux inventaires successifs, il faut en rappeler la définition.

La production,  $P$ , sur un hectare de peuplement quelconque, observée pendant la période séparant deux inventaires est égale au volume final  $VF$  diminué du volume initial  $VI$  et augmenté du volume de la coupe et de la mortalité  $VC$ :  $P = VF - VI + VC$ ; le volume initial,  $VI$ , est formé de celui des arbres recensables qui ne disparaissent pas,  $VR_1$ , de celui des arbres non recensables qui le deviendront,  $VNR_1$  égal à 0, et de celui des arbres, recensables ou non, qui disparaîtront,  $VC_1$ :  $VI = VR_1 + VNR_1 + VC_1$ ; le volume final,  $VF$ , est formé

Figures 6.  
Peuplement irrégulier à  
distribution spatiale irrégulière.

Figure 6a.  
Image du peuplement et  
volumes moyens par caté-  
gories de dimension;  
400 arbres par hectare:  
75 gros bois, 100 bois  
moyens, 225 petits bois.

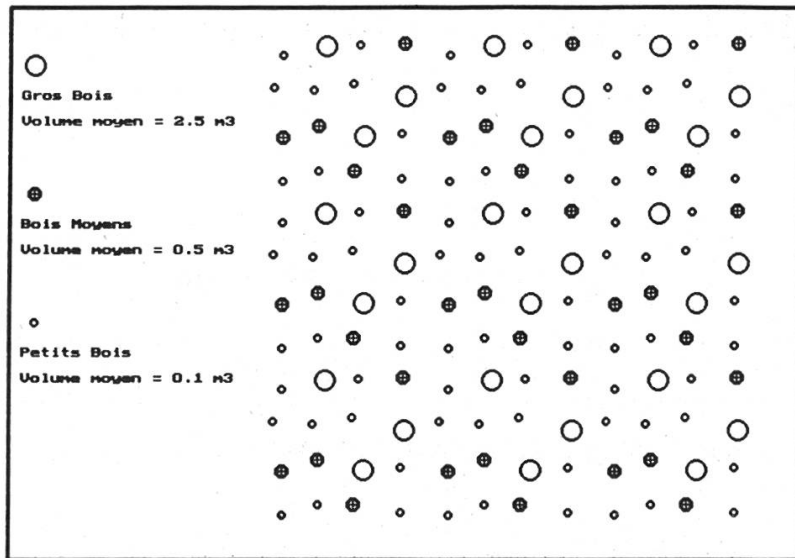


Figure 6b.  
Ecart-type de l'estimation  
du nombre d'arbres par  
hectare en fonction de la  
taille de la placette et du  
nombre moyen d'arbres  
sur la placette IFN.

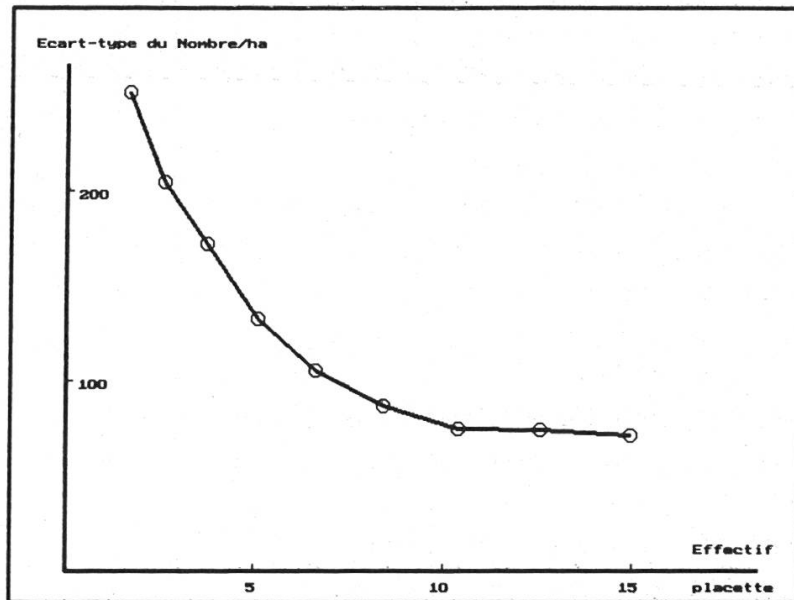
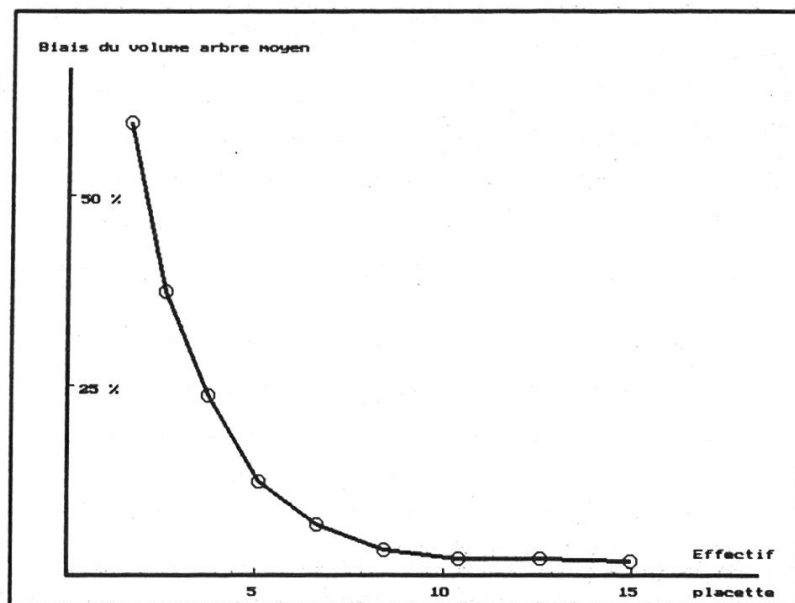


Figure 6c.  
Biais de l'estimation du  
volume moyen des arbres  
en fonction de la taille de  
la placette et du nombre  
moyen d'arbres sur la  
placette IFN.



de celui des arbres initialement recensables qui n'ont pas disparu,  $VR_2$ , et de celui des arbres initialement non recensables qui n'ont pas disparu,  $VNR_2$ :  $VF = VR_2 + VNR_2$ ; le volume de la coupe et de la mortalité est  $VC_2 = VC$ .

$$P = VF - VI + VC = (VR_2 - VR_1) + (VNR_2 - VNR_1) + (VC_2 - VC_1) \quad (10)$$

Le premier terme à droite de la formule (10),  $(VR_2 - VR_1)$ , est égal à l'accroissement, pendant la période, des arbres initialement recensables et qui n'ont pas disparu; le deuxième terme  $(VNR_2 - VNR_1 = VNR_2)$  est égal au passage à la futaie, qui est le volume des arbres qui sont devenus recensables pendant la période; le troisième terme  $(VC_2 - VC_1)$  est égal à l'accroissement des arbres, recensables ou non en début de période, jusqu'à la date de leur coupe ou de leur mort pendant la même période, éventuellement après qu'ils soient passés recensables.

Ce troisième terme présente une certaine ambiguïté; des arbres, initialement non recensables, ont pu passer recensables avant d'être coupés ou de mourir; ce terme représente donc à la fois un accroissement pendant la période et un passage à la futaie. L'IFN simplifie la prise en compte de l'accroissement des arbres disparus en supposant qu'ils étaient recensables au début de la période concernée et en considérant que la disparition a eu lieu à mi-période.

Le passage à la futaie présente, lui aussi, une certaine ambiguïté; on peut, en effet, considérer que le passage à la futaie est le volume des arbres à l'instant où ils atteignent le diamètre de recensabilité; ensuite, l'augmentation de leur volume constitue alors un accroissement. C'est la règle retenue par l'IFN qui considère que, en moyenne, les arbres initialement non recensables ont atteint le diamètre de recensabilité au milieu de la période concernée. Quoique logique dans son principe, cette règle arbitraire a des inconvénients, mais il semble que, en cette matière, toute règle en ait!

On peut juger la recensabilité d'un arbre coupé d'après la valeur de la circonférence de la section  $S_{10}$  à 10 cm au-dessus du sol (mesurée ou estimée lorsque la mesure est impossible). Le diamètre à 1,30 m, le volume, et l'accroissement d'un arbre disparu sont estimés par régression; ces régressions sont construites d'après les données recueillies sur les arbres vifs, et elles donnent le diamètre à 1,30 m, le volume, ou l'accroissement, en fonction de la circonférence de la section  $S_{10}$ .

Quand on considère les données recueillies sur une placette sol CC remesurée lors de deux inventaires successifs, divers problèmes se présentent.

Soit l'arbre numéro  $i$ , dont le volume est  $v_{1i}$  à la date du premier inventaire où il est levé sur le cercle de rayon  $R_{1i}$  mètres correspondant à son diamètre  $d_{1i}$ ; à la date du second inventaire, cet arbre a un diamètre  $d_{2i}$  et un volume  $v_{2i} \geq v_{1i}$  et il est levé sur le cercle de rayon  $R_{2i}$  mètres correspondant à ce nouveau diamètre.

Cet arbre représente un volume par hectare égal à  $V_{1i}$  à la date du premier inventaire, égal à  $V_{2i}$  à la date du second:

$$V_{1i} = v_{1i} 10\,000 / \pi R_{1i}^2 \quad (11)$$

$$V_{2i} = v_{2i} 10\,000 / \pi R_{2i}^2 \quad (12)$$

Si, pendant la période séparant les deux inventaires, cet arbre a changé de catégorie de dimension, les rayons  $R_{1i}$  et  $R_{2i}$  sont alors différents, et il peut arriver que  $V_{2i}$  soit inférieur à  $V_{1i}$  avec  $\Delta V_i = V_{2i} - V_{1i}$  négatif. Ainsi, si cet arbre était seul sur la placette, l'estimation de l'accroissement par hectare déduite de la différence des volumes par hectare pourrait être négative, et assez peu vraisemblable. Cette anomalie semble devoir être plus fréquente sur la placette sol JA que sur la placette sol CC, alors qu'elle ne se rencontre pas sur la placette sol CU.

On peut construire plusieurs estimateurs de l'accroissement du volume par hectare sur la base des volumes  $v_1$  et  $v_2$  mesurés ou estimés,  $v_1$  étant le volume initial de l'arbre, et  $v_2$  son volume final.

Le premier estimateur est global; c'est celui de *l'évolution du volume* par hectare, et il concerne l'ensemble des arbres levés au premier inventaire, y compris ceux qui disparaîtront, et l'ensemble de ceux levés au deuxième, y compris les arbres nouveaux dont ceux initialement non recensables:

$$\Delta V = \sum_j (v_{2j} 10\,000 / \pi R_{2j}^2) - \sum_i (v_{1j} 10\,000 / \pi R_{1j}^2) \quad (13)$$

Cet estimateur n'estime pas la production car il omet le volume prélevé (coupe et mortalité). En écartant les arbres non recensables à l'origine et ceux qui disparaissent pendant la période, cet estimateur donne l'évolution du volume par hectare des arbres vifs recensables à l'origine et en fin de période. Cependant les deux sommations à droite du signe «=» dans (13) ne portent pas sur les mêmes arbres car il peut y avoir des arbres «nouveaux». Noter encore que  $\Delta V$  peut être négatif comme il vient d'être montré.

Le deuxième estimateur est celui de *l'accroissement futur* d'un arbre inventorié sur la placette lors du premier inventaire. Le volume initial est mesuré; le volume final est mesuré si l'arbre est vif en fin de période; sinon le volume à la date de la disparition doit être estimé. Cet arbre n° i représente un accroissement par hectare  $\Delta V_{1i}$ :

$$\Delta V_{1i} = (v_{2i} - v_{1i}) 10\,000 / \pi R_{1i}^2 \geq 0 \quad (14)$$

Le troisième estimateur est celui de *l'accroissement passé* d'un arbre inventorié sur la placette lors du deuxième inventaire. Le volume final est mesuré; le volume initial est connu si l'arbre a été levé lors du premier inventaire ou

s'il n'était pas recensable; sinon il faut estimer le volume initial à partir de l'accroissement radial et de celui de la hauteur. Cet arbre n° j représente un accroissement par hectare  $\Delta V_{2j}$ :

$$\Delta V_{2j} = (v_{2j} - v_{1j}) 10\,000 / \pi R_{2j}^2 \geq 0 \quad (15)$$

Ces deux derniers estimateurs (14) et (15) donnent toujours des valeurs positives (ou nulles à l'extrême), et ils peuvent être utilisés, formellement, pour estimer séparément, et par sommation pour tous les arbres concernés, chacun des éléments de la production par hectare: l'accroissement des arbres non disparus, le passage à la futaie, le volume de la coupe et l'accroissement des arbres disparus. On choisit l'un ou l'autre selon les difficultés pratiques rencontrées.

Quand on utilise le principe d'estimation de l'accroissement futur qui a conduit à la formule (14), et en se basant sur les catégories de dimension auxquelles appartenaient initialement ces arbres, il semble que les observations soient sans ambiguïté.

Par exemple, les effectifs du prélèvement (coupe et mortalité) sont connus sans ambiguïté par les souches des arbres levés lors du premier inventaire: pour les arbres initialement recensables, il suffit de constater leur disparition à la date du deuxième inventaire; pour les arbres initialement non recensables, on peut constater qu'ils n'avaient pas été levés, ni localisés; les diamètres, volumes et accroissements de ces arbres disparus peuvent être estimés d'après les circonférences des sections  $S_{10}$ . Si la souche a disparu, on peut estimer le volume à la date de la coupe en ajoutant au volume initial l'accroissement initial cumulé sur les années concernées, ou sur la moitié de la période s'il y a doute.

Au contraire, si l'on utilise le principe de l'estimation de l'accroissement passé qui a conduit à la formule (15), d'après les catégories de dimension observées lors du deuxième inventaire, certaines observations peuvent être ambiguës. Par exemple, pour l'estimation du passage à la futaie, ou recrutement, les petits bois passés recensables pendant la période sont ceux trouvés sur le petit cercle et qui n'ont pas été localisés lors du premier inventaire, car non recensables à cette date; il s'agit d'arbres «nouveaux»; en ce qui concerne les «nouveaux» bois moyens et les «nouveaux» gros bois, il faut vérifier qu'ils n'étaient pas recensables à l'origine lors du premier inventaire, en mesurant leur diamètre  $D$  et leur accroissement diamétral  $\Delta D$ , et en vérifiant que la différence  $D - \Delta D$  est inférieure à 7,5 cm, le diamètre de recensabilité; ceci introduit une variance d'estimation supplémentaire car la mesure de  $\Delta D$  est basée sur celle de l'accroissement radial ou sur celles de deux accroissements radiaux opposés.

On peut noter que, pour passer en 10 ans de l'état non recensable (diamètre inférieur à 7,5 cm) à l'état bois moyen (diamètre au moins égal à

22,5 cm), l'accroissement radial annuel moyen doit être au moins égal à 7,5 mm ce qui n'est pas exceptionnel. Pour passer à l'état gros bois (diamètre au moins égal à 37,5 cm) l'accroissement radial annuel moyen doit être d'au moins 15 mm, et cela ne peut concerner que des essences à croissance rapide.

Il se pose ici un autre problème: le nombre de saisons de végétation séparant les deux mesures successives est de  $n$  années, mais il peut n'être pas un nombre entier d'années si l'une des mesures, ou les deux, est effectuée en période de végétation. Si l'on opère toute l'année, l'intervalle entre deux mesures peut être indéterminé, non en ce qui concerne les dates, mais en ce qui concerne l'effet de ces dates sur l'importance de l'accroissement annuel: ainsi, telle année l'accroissement sera presque complet dès juin, telle autre année il aura à peine commencé en juin.

En conséquence, la mesure de l'épaisseur d'un nombre entier de cernes ne correspond pas toujours à l'accroissement radial entre les dates des deux inventaires. Bien entendu, le nombre d'années de croissance séparant les deux dates d'inventaire est lui-même «mal déterminé» pour les mêmes raisons.

Pour l'accroissement des arbres vifs sur pied et recensables lors des deux inventaires successifs, on peut utiliser l'une des trois formules (13) à (15). Il a été montré (Chevrou, 1982) que la formule (14) semble être la plus précise car les volumes initiaux et finals ont été mesurés pour tous les arbres concernés. La formule (15) pose un problème: des arbres situés sur les deux couronnes formés par les trois cercles de la placette peuvent être des arbres «nouveaux» qui ont changé de catégorie de dimension; ils n'ont pas été levés lors du premier inventaire et il faut reconstituer leurs volumes initiaux en estimant diamètre initial (tarif à une entrée) et hauteur totale initiale (tarif à deux entrées), ce qui introduit une variance supplémentaire. La formule (13) est la moins précise, de par sa structure, et parce qu'il peut y avoir des arbres «nouveaux». Voir un exemple de variances d'estimation dans le *tableau 4*.

Le *tableau 4* en donne un exemple pour 10 placettes IFN situées dans la forêt domaniale de Mende en Lozère, dans des peuplements de futaie de pin noir (*Pinus nigra*).

Sur ces placettes il n'y a eu ni coupe, ni mortalité, ni passage à la futaie, pendant l'intervalle de temps séparant les deux inventaires, ce qui met mieux en relief les différences de précision des formules (13) à (15).

Sur la placette 7, aucun arbre n'a changé de catégorie de dimension et il n'y a pas d'arbres «nouveaux»: les trois formules donnent le même résultat. Sur la placette 6, il n'y a pas d'arbres «nouveaux», mais certains arbres ont changé de catégorie de dimension: les trois formules donnent des résultats sensiblement différents. Sur les autres placettes il y a des arbres «nouveaux» et des changements de catégorie de dimension, avec des résultats parfois très différents comme sur la placette 8.

Les trois estimations de l'accroissement moyen en volume de cet exemple ne sont pas significativement différentes compte tenu des variances d'estima-



tion. Ainsi, l'écart type de  $\Delta V - \Delta V_1 = 14,17$  est égal à 9,42. Le nombre réduit de données de cet exemple ne permet pas de conclure sur la précision relative de ces diverses estimations, mais l'approche théorique esquissée plus haut montre que l'estimateur (14) semble être le plus précis.

Tableau 4. Pin noir (*Pinus nigra*) en forêt domaniale de Mende.  
 Estimation de l'accroissement en volume par hectare  $\Delta V_1$  m<sup>3</sup> entre 2 inventaires  
 $\Delta V_1$  m<sup>3</sup>: calculé d'après les arbres levés au premier inventaire.  
 $\Delta V_2$  m<sup>3</sup>: calculé d'après les arbres levés au deuxième inventaire.  
 $\Delta V$  m<sup>3</sup>: différence entre les volumes/ha des deux inventaires.

N° placette	$\Delta V_1$ 1970	$\Delta V_2$ 1980	$\Delta V$ 1980-1970	Nombres arbres nouveaux	
				Bois moyens	Gros bois
1	148,75	143,30	133,62	0	2
2	172,22	186,45	204,66	3	0
3	53,73	58,41	68,82	1	0
4	67,38	64,38	55,90	0	1
5	110,09	119,74	140,05	2	1
6	63,00	59,81	48,90	0	0
7	48,49	48,49	48,49	0	0
8	73,82	102,85	155,10	2	1
9	48,42	53,64	73,92	2	0
10	64,52	66,48	62,65	1	0
Moyenne	85,04	90,36	99,21	1,1	0,5
Variance	1921	2151	2997		

La production par hectare pendant la période séparant les deux inventaires peut donc être estimée de diverses manières. Cependant, la production annuelle ne s'en déduit pas automatiquement car, comme signalé plus haut, le nombre de saisons de végétation peut être indéterminé, ou, au moins, mal estimé, si certaines mesures ont été effectuées en période de végétation.

Le choix entre les différentes méthodes permettant d'estimer la production dépend donc des objectifs visés et de ce que l'on prétend vouloir estimer, indépendamment de la mise en œuvre éventuelle de la méthode EPR.

### Conclusion

La placette sol CC de l' IFN est formée de trois cercles concentriques de rayons 6 m, 9 m et 15 m. Ce choix a plusieurs avantages: simplicité de l'assiette de la placette, notamment en bordure de strate ou de forêt; bonne répartition du nombre d'arbres par catégorie de dimension; suppression des erreurs qui découlent de l'utilisation d'une placette de taille variable; recherche des très gros arbres sur une distance (15 m) et une surface (7 ares environ) réduites; formation des personnels chargés des travaux rendue plus facile.

Les inconvénients de ce type de placette semblent mineurs eu égard à ce qu'il induit des biais très faibles, et très inférieurs à la précision des estimations.

Ce type de placette nous semble donc bien adapté aux objectifs principaux d'un inventaire forestier national ou régional, et aux personnels chargés des travaux.

Bien entendu, dans un contexte autre que celui de l'IFN en France, avec des formations forestières différentes, un réseau de desserte plus ou moins dense, d'autres objectifs secondaires, des personnels mieux ou moins bien formés, on adoptera une placette sol CC formée d'un nombre de cercles différent, dont les rayons seront différents de ceux de la placette IFN, avec, éventuellement, une grappe de plusieurs placettes sol CC par point d'inventaire.

Il est conseillé d'observer l'évolution dans le temps des coûts d'inventaire et des variances d'estimations, qui varient avec l'expérience et la formation des personnels, l'amélioration des méthodes et des procédures, l'apparition de nouveaux outils plus efficaces, etc... Cette évolution peut conduire à la modification de la placette sol CC ou à l'adoption de l'un ou l'autre des autres types de placettes, voire d'un nouveau type combiné, qui semblerait devoir être plus efficace dans divers domaines, soit pour le recueil des données, soit pour les estimations, soit encore pour l'utilisation des résultats. Cette évolution peut aussi conduire à modifier le nombre de placettes par grappe.

De nombreux spécialistes suggèrent que les choix des méthodes et des procédures, dont celui du type de placette sol, ainsi que l'utilisation des résultats d'un inventaire, soient pilotés et contrôlés par des spécialistes des divers domaines techniques et scientifiques concernés, qu'ils soient affectés au service de l'inventaire ou qu'ils appartiennent à des instituts de recherche (*Brenac* 1980).

## **Zusammenfassung**

### **Die terrestrische Probefläche mit mehreren konzentrischen Kreisflächen**

Die vom französischen nationalen Forstdienst verwendete terrestrische Probefläche wird aus drei konzentrischen Kreisflächen mit den Radien 6 m (für die Bäume mit einem BHD zwischen 7,5 cm und 22,5 cm), 9 m (BHD zwischen 22,5 cm und 37,5 cm) und 15 m (BHD grösser als 37,5 cm) gebildet. Diese Wahl hat mehrere Vorteile: einfache Einrichtung der Probefläche, vor allem am Straten- und Waldrand; gute Verteilung der erfassten Bäume auf die Durchmesserklassen; Vermeidung von Fehlern, die bei der Verwendung von Probeflächen unterschiedlicher Grösse auftreten können; die stärksten Bäume werden auf einer noch überschaubaren Distanz und Fläche erfasst; die Ausbildung der Aufnahmeequipen ist relativ einfach.

Nachteilig sind die – allerdings sehr kleinen – statistischen Verzerrungen (Bias), die durch Bäume am Rand der Kreisflächen, durch Probeflächen an Straten- und Wald-rändern und bei der Schätzung von Mittelwerten auf den einzelnen Probeflächen auf-treten können.

Die Probefläche mit drei konzentrischen Kreisflächen scheint somit für die Ziele einer nationalen Forstinventur, für die verwendeten statistischen Methoden und für das mit den Aufnahmen betreute Personal ausgezeichnet geeignet und angepasst.

Der Autor präsentiert die Gründe warum diese Probefläche gewählt wurde und vergleicht sie mit der einfachen Probefläche und der Winkelzahlprobe. Er beschreibt die Prozedur und die Probleme, die bei der Schätzung von Mittelwerten auf den Probeflächen und bei Zuwachsschätzungen auf permanent eingerichteten Probe-flächen auftreten können.

Übersetzung: *Adrian Lanz*

### *Bibliographie*

- Brenac, L.*, 1980, Les inventaires forestiers régionaux et nationaux d'après la réunion internationale IUFRO de juin 1978 à Bucarest, R. F. F. XXXII, pp 12–33.
- Chevrou, R. B.*, 1970, Etude volumes placettes, note interne au service de l'inventaire forestier national du 4/9/70.
- Chevrou, R. B.*, 1972, Propositions sur les objectifs, les méthodes et l'exécution des différents programmes d'inventaire forestier, rapport de mission Grèce, Organisation des Nations Unies pour l'Alimentation et l'Agriculture, Rome, 202 p.
- Chevrou, R. B.*, 1973, Inventaire forestier : Déplacement de placette en lisière de forêt ou en bordure de peuplement, cas des placettes multiples, Journal forestier suisse, vol 124, n° 2, pp 83–93.
- Chevrou, R. B.*, 1982, Estimation de l'accroissement en volume sur les placettes permanentes IFN, note interne au service de l'inventaire forestier national du 15/7/82.
- Chevrou, R. B.*, 1986, Modélisation de l'évolution des peuplements à partir des données de l'IFN. 18ème Congrès mondial IUFRO, Ljubljana, Yougoslavie.
- Chevrou, R. B.*, 1988, Biais pour les estimateurs des placettes IFN et pour divers autres estimateurs, note interne au service de l'inventaire forestier national du 11/8/88.
- Cunia, T. et Chevrou, B. B.*, 1969, Sampling With Partial Replacement On Three or More Occasions, Forest Science, Vol 15, n° 2, pp 204–224.
- Duplat, P. et Perrotte, G.*, 1981, Inventaire et estimation de l'accroissement des peuplements forestiers, O.N.F., 432 p.
- Houllier, F.*, 1985, Inventaires successifs en forêt: intérêt théorique et limites pratiques de l'échantillonnage partiellement renouvelé, Ann. Sci. For., 42(3), pp 245–264.
- Lappi J., Bailey, R. L.*, 1987, Estimation of the Diameter Increment Function or Other Tree Relation Using Angle-Count Samples, Forest Science, Vol 33, n° 3, pp 725–739.
- Pardé J., Bouchon, J.*, 1988, Dendrométrie, 2ème éd., ENGREF, Nancy, 328 p.
- Yang Yong-Chi, Chao Shi-Ling*, 1987, Comparison of Volume Growth Calculation Methods for Remeasured Horizontal Line sampling, Forest Science, Vol 33, n° 4, pp 1062–1067.

#### *Remerciements:*

L'auteur remercie MM. Balleydier, Deheeger, Duplat et Houllier, pour leurs nombreuses remarques pertinentes qui lui ont permis d'améliorer la présentation du sujet.

*Auteur:* Robert B. Chevrou, 21, rue Clair Soleil, F-34430 Saint-Jean-de-Védas.